教辅资料站

电子教辅　试卷练习
知识总结　备课资源

扫码关注获取更多学习资料

荣德基 主编

典中点®

综合应用创新题 典中点

一本在做题中教会你学习方法的书

荣德基典中点



六年级 数学

下（BS版）

本册主编：涂　展

陕西新华出版传媒集团
陕西人民教育出版社
·西安·



极速提分16招

廿年磨一剑　《典中点》放出提分必杀技

技巧类	第1招　圆柱表面积的解题技巧	教材第一单元
	第2招　圆柱与圆锥体积的解题技巧	教材第一单元
	第3招　计算技巧	教材总复习
	第4招　巧抓不变量	教材总复习
方法类	第5招　用“转化法”解决问题	教材总复习
	第6招　用“画示意图法”解决问题	教材总复习
	第7招　用“公式法”解典型应用题	教材总复习
	第8招　用“设数法”解决问题	教材总复习
	第9招　用“方程法”解决问题	教材总复习
	第10招　用“整体分析法”解决问题	教材总复习
思想类	第11招　用“对应思想”解决问题	教材总复习
	第12招　用“假设思想”解决问题	教材总复习
	第13招　用“类比思想”解决问题	教材总复习
应用类	第14招　比例尺的应用	教材第二单元
	第15招　正比例与反比例的应用	教材第四单元
	第16招　加法原理和乘法原理的应用	教材总复习

☑练妙招　☑培素养　☑巧提分

内容详见夹册《极速提分法》

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

CONTENTS 目录

第一单元 圆柱与圆锥

第 1 课时 面的旋转》
圆柱与圆锥的形成 …… 1
第 2 课时 面的旋转》
圆柱与圆锥的特征 …… 2
第 3 课时 圆柱的表面积》
圆柱的表面积公式的推导 …… 3
第 4 课时 圆柱的表面积》
圆柱的表面积的应用 …… 4
阶段小达标（1） …… 5
第 5 课时 圆柱的体积》
圆柱的体积公式的推导与计算 … 7
第 6 课时 圆柱的体积》
圆柱的体积的应用 …… 8
第 7 课时 圆锥的体积 …… 9
第 8 课时 练习一 …… 10
阶段小达标（2） …… 11
第一单元过关检测卷（活页卷） …… 77

第二单元 比例

第 1 课时 比例的认识》
比例的意义 …… 13
第 2 课时 比例的认识》
比例的基本性质 …… 14
第 3 课时 比例的应用 …… 15
阶段小达标（3） …… 16
第 4 课时 比例尺》
比例尺的意义 …… 18
第 5 课时 比例尺》
比例尺的应用 …… 19
第 6 课时 图形的放大和缩小 …… 20
第 7 课时 练习二 …… 21
阶段小达标（4） …… 22
第二单元过关检测卷（活页卷） …… 81

第三单元 图形的运动

第 1 课时 图形的旋转（一）》
旋转的三要素 …… 24
第 2 课时 图形的旋转（二）》
在方格纸上旋转 …… 25
第 3 课时 图形的运动》
平移、旋转和轴对称的综合应用 …… 26
第 4 课时 图形的运动》
图形的还原 …… 27
第 5 课时 欣赏与设计 …… 28
第 6 课时 练习三 …… 29
阶段小达标（5） …… 30
第三单元过关检测卷（活页卷） …… 85

第四单元 正比例与反比例

第 1 课时 变化的量 …… 32
第 2 课时 正比例》
正比例的意义 …… 33

未经许可 禁止盗用
微信公众号 教辅资料站

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第 3 课时 正比例》
正比例的判断 …… 34
第 4 课时 画一画》
画正比例图象 …… 35
第 5 课时 反比例》
反比例的意义 …… 36
第 6 课时 反比例》
反比例的判断 …… 37
第 7 课时 练习四 …… 38
阶段小达标（6） …… 39
第四单元过关检测卷（活页卷） …… 89
期中检测卷（活页卷） …… 93

数学好玩

第 1 课时 绘制校园平面图（略） …… 41
第 2 课时 神奇的莫比乌斯带（略） …… 41
第 3 课时 可爱的小猫 …… 41

整理与复习

第 1 课时 空间与几何 …… 42
第 2 课时 数与代数 …… 43

总复习

1. 数与代数

第 1 课时 整数》
整数及其组成 …… 44
第 2 课时 整数》
因数和倍数 …… 46
第 3 课时 小数、分数、百分数 …… 48
第 4 课时 运算的意义 …… 50
第 5 课时 计算与应用》
数的运算 …… 51
第 6 课时 计算与应用》
解决问题 …… 52
第 7 课时 估算 …… 54
阶段小达标（7） …… 55
第 8 课时 运算律 …… 57
第 9 课时 式与方程 …… 59
第 10 课时 正比例与反比例 …… 61
第 11 课时 常见的量 …… 62
第 12 课时 探索规律 …… 63
阶段小达标（8） …… 64
数与代数过关检测卷（活页卷） …… 97

2. 图形与几何

第 1 课时 图形的认识》
平面图形的认识 …… 66
第 2 课时 图形的认识》
立体图形的认识 …… 67
第 3 课时 图形与测量 …… 68
第 4 课时 图形的运动 …… 70
第 5 课时 图形与位置 …… 71
阶段小达标（9） …… 72

3. 统计与概率

第 1 课时 统计 …… 74
第 2 课时 可能性 …… 75
图形与几何、统计与概率过关检测卷（活页卷）
…… 101

4. 解决问题的策略

解决问题的策略 …… 76
期末检测卷（活页卷） …… 105
参考答案及点拨 …… 109

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

数学好玩

第 1 课时　绘制校园平面图（略）

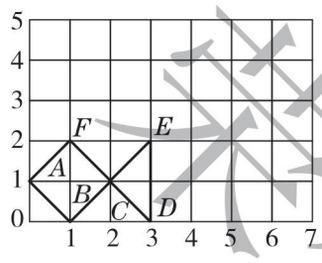
第 2 课时　神奇的莫比乌斯带（略）

第 3 课时　可爱的小猫 ☞（答案见 119 页）

基础导学练

知识点 1　用“数对”表示点

1. 下面是可爱的小金鱼朵朵。请将表示朵朵轮廓的点对应的数对填在下面。



A（0，1）

B（1，0）

C（2，1）

D（　，　）

E（　，　）

F（　，　）

知识点 2　数对的变化规律

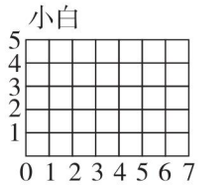
2. （1）还有三条可爱的小金鱼，组成它们的轮廓的点对应的数对如下表，请完成下表。

	朵朵	小白	小黑	小花
	(x, y)	$(2x, y)$	$(x, 2y)$	$(2x, 2y)$
A	(0，1)	(0，1)	(0，2)	(0，2)
B	(1，0)	(2，0)	(1，0)	(2，0)
C	(2，1)	(4，1)	(2，2)	(4，2)
D				
E				
F				

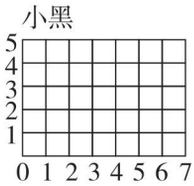
（2）与朵朵相比，表示小白轮廓的点对应的数对是第一个数（　　），第二个数（　　）；表示小黑轮廓的点对应的数对是第一个数（　　），第二个数（　　）；表示小花轮廓的点对应的数对是第一个数（　　），第二个数（　　）。

（3）根据（1）中的表，在下面的方格纸中分别画出其余三条小金鱼的轮廓。

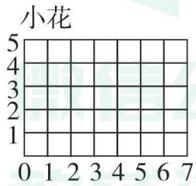
小白



小黑



小花



（4）观察（3）题中的图，哪条小金鱼更像朵朵？你发现了什么？

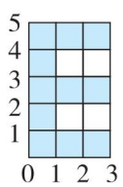
易错点　没有正确掌握数对变化与图形变化的方法而导致解题错误

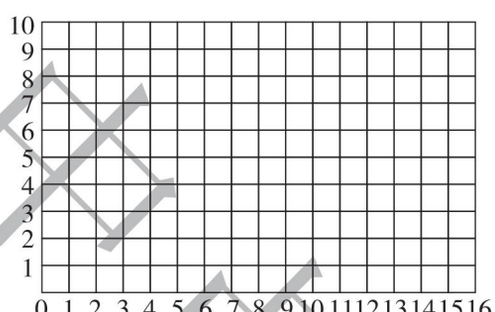
3. 填空：把一个图案放大到原来的 4 倍，则要把数对中的（　　）个数都乘（　　）。

应用提升练

提升点　将字母进行变形

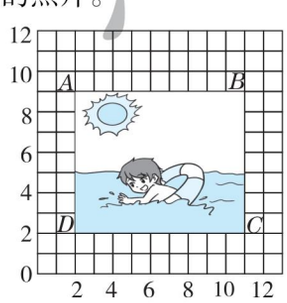
4. 生活中，可以利用数对变化将图案进行变形，请在下面的方格纸上用这样的方法将图案“E”进行变形，想一想，画一画。





思维拓展练

5. 下图是小明的照片。



将这张照片放大，并保持形状不变。请你将放大后表示照片轮廓的点的数对写出来。

A（　，　）B（　，　）C（　，　）D（　，　）

禁止售卖
教辅资料站

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第1课时 空间与几何 ☞(答案见119页)

1. 填空。

(1) 圆柱的底面周长是37.68 cm，高是10 cm，它的表面积是(　　) cm^2，体积是(　　) cm^3。

(2) 一个圆锥的体积是100.48 dm^3，底面积是25.12 dm^2，它的高是(　　) dm。

(3) 等底等高的圆柱和圆锥体积相差24 m^3，这个圆柱的体积是(　　) m^3，这个圆锥的体积是(　　) m^3。

(4) 一根长3.6 m的圆柱形钢材，截成三段后，表面积比原来增加了1256 cm^2，这根钢材原来的表面积是(　　) cm^2，体积是(　　) cm^3。

2. 填表。

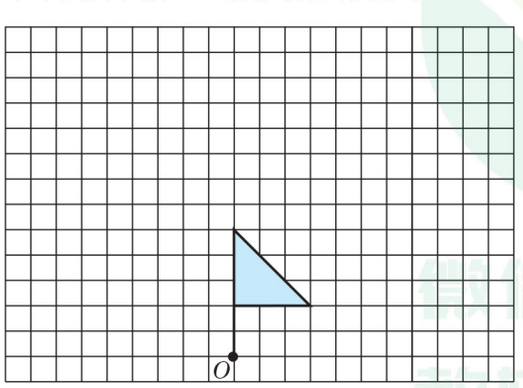
底面半径/cm	高/cm	圆柱			圆锥
		侧面积/cm^2	表面积/cm^2	体积/cm^3	体积/cm^3
4	15				
5	12				

3. 按要求画一画。

(1)画出小旗子向左平移8格后的图形。

(2)画出小旗子绕点O逆时针旋转90°后的图形。

(3)画出小旗子按2∶1放大后的图形。



4. 解决问题。

(1) 一个圆锥形沙堆，底面周长是18.84 m，高是1.2 m。

①这个沙堆的体积是多少立方米？

②如果每立方米沙子重1.6 t，这堆沙子重多少吨？

(2) 用铁皮做圆柱形烟囱，每个长2 m，底面直径是4 dm。做20个这样的烟囱至少需要铁皮多少平方米？

(3) 某工厂修了一个圆柱形蓄水池，底面直径是4 m，深是底面直径的$\frac{3}{8}$。

①现要给这个蓄水池的池壁和底面抹上水泥，抹水泥的面积是多少平方米？

②这个蓄水池最多能装水多少立方米？

禁随意中拆
微信公众号
教辅资料站

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第 2 课时　数与代数 ☞(答案见 119 页)

1. 填空。

(1) 把 $\frac{4}{5}\times 5 = 10\times 0.4$ 改写成一个比例式是(　　)。

(2) 在比例尺是 1∶50000 的地图上量得 A，B 两地之间的距离是 12 cm，A，B 两地的实际距离是(　　) m。

(3)《数学大世界》的单价一定，购买《数学大世界》的本数和应付的金额成(　　)比例。

(4) 一堆煤重 30 t，每天用的质量和用的天数成(　　)比例。

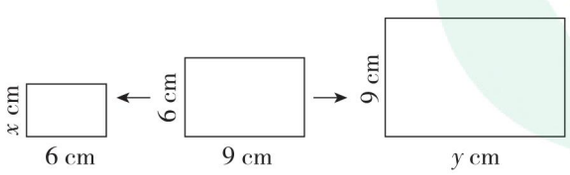
(5) 一个正方形的边长是 8 cm，按 2∶1 放大后，边长是(　　) cm，放大后正方形的面积与原正方形面积的比是(　　)。

2. 解比例。

(1) $\frac{3}{4}:\frac{1}{8}=x:\frac{4}{9}$　　(2) $\frac{x}{0.5}=\frac{6}{1.5}$

(3) $x:2.8=0.5:0.7$　　(4) $\frac{3.6}{4.5}=\frac{4}{x}$

3. 把中间的长方形分别按比缩小和放大后得到了左、右两个长方形，请分别写出两个比例，并求出未知数 x 和 y。



4. 解决问题。

(1) 王老师要配制消毒液为教室消毒，药粉与水的比是 1∶40，在 120 kg 水中加入多少千克药粉就可以配成这样的消毒液？

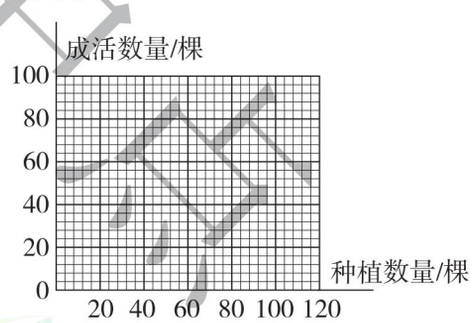
(2) 在一幅比例尺是 1∶20000 的地图上，量得学校与公园之间的距离是 6 cm。在另一幅比例尺是 1∶30000 的地图上，学校与公园的图上距离是多少厘米？

(3) 树苗的成活率是 90% 。

①完成下表。

种植数量/棵	20	40	60	80	100
成活数量/棵					

②完成下图。



③如果 x 表示种植数量，y 表示成活数量，那么 $y=$(　　)。

④成活数量与种植数量成什么比例？请说明理由。

未经许可，不得外传
微信公众号
教辅资料站

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

1. 数与代数

第1课时　整数》整数及其组成 ☞(答案见119页)

考点必知

考点1 整数的意义与分类

1. 填一填。

(1) 像 -3，-2，-1，0，1，2，3，…这样的数统称（　　）。整数的个数是（　　）。

(2) 整数可以分为（　　）、（　　）和（　　）。

(3) 在 9，-16，8，3，0，-4，60，-5 中，（　　）是自然数；正数有（　　）；（　　）是负数。

考点2 数位和计数单位

2. 填一填。

(1) 3267000 是一个（　　）位数，它的最高位是（　　）位，这一位的计数单位是（　　）。

(2) 50485670 这个八位数中，左边的“5”在（　　）位上，表示 5 个（　　），右边的“5”在（　　）位上，表示 5 个（　　），左边的“5”表示的数是右边的“5”表示的数的（　　）倍。

考点3 多位数的组成与读写

3. 填一填。

(1) 一个数是由 5 个亿，6 个千万，3 个万，9 个百和 4 个一组成，这个数写作（　　），读作（　　）。

(2) 486075 = 4 ×（　　）+ 8 ×（　　）+（　　）×1000 + 7 ×（　　）+ 5。

考点4 整数的改写

4. 填一填。

(1) 一个数由 6 个亿，8 个千万，7 个万组成，这个数写作（　　），改写成用“万”作单位的数是（　　），四舍五入到“亿”位约是（　　）。

(2) 要使 9□8757090 ≈ 10 亿，□里最小应填（　　）。

考点5 整数的大小比较

5. 填一填。

(1) 在○里填上“>”“<”或“=”。

7508700 ○ 758700　　0 ○ -10

598343 ○ 598334　　-6 ○ 1

(2) 406000，4060，40060，40006，40600

（　　）>（　　）>（　　）>（　　）>（　　）

考点6 0 的认识

6. 填一填。

$m + 0 =$（　　）　$m - 0 =$（　　）

$0 \times m =$（　　）　$0 \div m =$（　　）（$m \neq 0$）

7. 下列关于“0”的叙述，正确的有（　　）。

①0 是正数与负数的分界

②0 比任何负数都大

③0 可以表示没有

④0 可以表示起点

⑤0 可以用来占位

A. 2 个　　B. 3 个　　C. 4 个　　D. 5 个

易错点 不能正确理解概念的意义导致误判

8. 判断。(对的画“√”，错的画“×”)

(1) 比负数大的数都是正数。（　　）

(2) 80880 读作八万八百八十。（　　）

(3) 万级的计数单位是万位、十万位、百万位和千万位。（　　）

(4) 所有自然数都是整数，所有的整数都是自然数。（　　）

(5) 把 456900 改写成以“万”作单位的数是 45.69。（　　）

未经许可 禁止复制
微信公众号 教辅资料站

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

提分必练

提分点1 运用数的读写方法写数

9. 用4个“6”和4个“0”写出符合下列条件的数。

（1）一个零都不读出来的八位数是（　　）。（写出一个即可）

（2）只读出一个零的八位数是（　　）。（写出一个即可）

（3）读出两个零的最大八位数是（　　）。

（4）读出三个零的最小八位数是（　　）。

提分点2 求准确数的取值范围

10. 一个整数四舍五入后约是120万，这个整数最大是多少？最小是多少？

提分点3 负数在生活中的实际应用

11. 一个饮料瓶瓶身标注的净含量是500 mL，在抽测中测得实际净含量超出了5 mL，记作+5 mL，那么－5 mL表示什么？饮料瓶瓶身做了以下标牌“（500±5）mL”，你知道是什么意思吗？

提分点4 运用整数的数位顺序写数

12. 一个数有两级，其中一级上的数是720，另一级上的数是5000，这个数最大是多少？最小是多少？

提分点5 运用差倍问题的解法解决问题

13. 小马虎在写一个三位数时漏写了末尾的一个0，使得这个数比原来减少了612，那么这个数原来是多少？

提分点6 观察发现规律

14. 观察每组数，找出规律并填空。

（1）1，4，7，10，（　　），16，19。

（2）2，6，18，54，（　　），（　　），1458。

（3）4，9，16，25，（　　），49，（　　）。

（4）1，3，7，15，31，（　　），127。

思维拓展练

15. 一个九位数，它的各个数位上的数字之和为15，其中万位上的数字是亿位上数字的2倍。这个数最大是多少？最小是多少？

新德集书店
微信公众号
教辅资料站

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第2课时　整数»因数和倍数 ☞（答案见120页）

考点必知

考点1 因数和倍数

1. 填一填。

（1）因为 $3\times8=24$，所以（　　）是（　　）的因数，（　　）是（　　）的倍数。

（2）30的因数有（　　）。

（3）50以内12的倍数有（　　）。

（4）一个数既是9的倍数，又是36的因数，这个数可以是（　　）。

考点2 2，3，5的倍数的特征

2. 填一填。

（1）在12，20，15，45，18，30，72，60中，既是2的倍数又是3的倍数的数有（　　），同时是2和5的倍数的数有（　　），既是3的倍数，又有因数5的数有（　　）。

（2）一个三位数既是2的倍数，又是3的倍数，而且有因数5，这个三位数最大是（　　）。

（3）在三位数2□0的□里填一个数字，使它同时是2，3，5的倍数，有（　　）种填法。

考点3 奇数和偶数、质数和合数

3. 填一填。

（1）在1，2，3，67，15，71，87，90中，奇数有（　　）；偶数有（　　）；质数有（　　）；合数有（　　）。

（2）从10以内的质数中选出三个数组成一个三位数，要使它既是2的倍数又是3的倍数，这个数最大是（　　）。

（3）24可以写成两个不同质数的和，这两个质数是（　　）。

考点4 分解质因数

4. 填一填。

（1）把一个合数用（　　）相乘的形式表示出来，叫作分解质因数。

（2）30的质因数有（　　）。

5. 把下列各数分解质因数。

60　　75　　210

考点5 公因数和最大公因数、公倍数和最小公倍数

6. 填一填。

（1）8和10的公因数有（　　），最大公因数是（　　）；12和16的最小公倍数是（　　）。

（2）甲数 $=2\times3\times5$，乙数 $=2\times3\times3$，甲、乙两数的最大公因数是（　　），最小公倍数是（　　）。

（3）$a\div b=5$（a，b为非零自然数），那么a，b的最大公因数是（　　），最小公倍数是（　　）。

7. 求下列各组数的最大公因数和最小公倍数。

（1）20和50　　（2）18，24和36

易错点 对因数和倍数的相关概念理解不透

8. 判断。（对的画“√”，错的画“×”）

（1）非零的自然数不是奇数就是偶数，不是质数就是合数。（　　）

（2）如果 $a=8b$（a，b均为非零的自然数），那么a和b的最大公因数是8。（　　）

（3）因为 $12\div4=3$，所以4是因数，12是倍数。（　　）

（4）是3的倍数的数一定是9的倍数。（　　）

（5）一个数是6的倍数，这个数一定是2和3的倍数。（　　）

禁复制 微信公众号 教辅资料站

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

提分必练

提分点1 按一个数倍数的特征组数

9. 在0，5，6，7四个数字中任意取三个数字组成符合要求的三位数。

（1）既是2的倍数又是3的倍数的最大数是（　　）。

（2）既是3的倍数又是5的倍数的最小数是（　　）。

（3）既是2和3的倍数，还有因数5的最大数是(　　)。

（4）是4的倍数的最小数是（　　）。

（5）是9的倍数的最大数是（　　）。

提分点2 分解质因数的应用

10. 李老师把六（1）班同学平均分成5组去植树，李老师和每名同学植树一样多，师生一共植树287棵。六（1）班有多少名同学，平均每人植树多少棵？

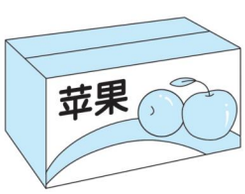
提分点3 数的奇偶性的应用

11. 不计算，请判断1＋2＋3＋…＋99的和是奇数还是偶数？请说明理由。

提分点4 最大公因数与最小公倍数的应用

12. 有两根铁丝，第一根长24 cm，第二根长30 cm，现在要把它们截成同样长的小段，每小段最长是多少厘米？

13. 一箱苹果有40多个，如果把这箱苹果每8个装一盒，还剩6个；如果每10个装一盒，也剩6个。这箱苹果有多少个？



思维拓展练

14. 甲、乙、丙三个班的同学去公园划船，甲班42人，乙班35人，丙班28人。把各班同学分成若干小组，按小组分乘若干条船，使每条船上的人数相等，每条船最多乘多少人？最少要租几条船？　　【导学号 2415117】

荣德集中点
微信公众号
教辅资料站

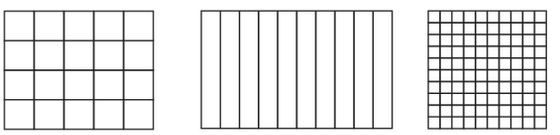
关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第 3 课时　小数、分数、百分数 ☞（答案见 120 页）

考点必知

考点 1 小数、分数、百分数的意义和计数单位

1. 在下图中用阴影表示各数。



$\frac{3}{5}$　　0.7　　45%

2. 填一填。

（1）0.8 的计数单位是（　　），它有（　　）个这样的计数单位；在它的末尾添上一个“0”，表示这个小数的计数单位从（　　）变成了（　　），而小数的（　　）不变。

（2）分数单位是$\frac{1}{8}$的最大真分数是（　　），它至少要添上（　　）个这样的分数单位就变成了假分数；$1\frac{2}{7}$的分数单位是（　　），再添上（　　）个这样的分数单位就是最小的质数。

（3）把一根 4 m 长的木棒锯成同样长的小段，6 次锯完，每段占全长的（　　），每段长（　　）m。

（4）一种商品打“九折”出售，九折也就是（　　）%，表示（　　）是（　　）的（　　）%。

考点 2 小数、分数、百分数的互化及大小比较

3. 填表。

小数	0.6	0.25				
分数			$\frac{11}{20}$	$\frac{1}{5}$		
百分数					135%	75%

4. 比较大小。

（1）在○里填上“>”“<”或“=”。

$\frac{5}{9}$○0.5　　37.5%○$\frac{3}{8}$　　$5.\dot{6}$○$\frac{16}{3}$

（2）把下面各数按从小到大的顺序排列起来。

0.66　　66.6%　　0.67　　$\frac{2}{3}$

5. 选择。（将正确答案的字母填在括号里）

（1）大于$\frac{2}{5}$又小于$\frac{4}{5}$的分数有（　　）个。

A. 1　　B. 2　　C. 10　　D. 无数

（2）下面的分数，不能化成有限小数的是（　　）。

A. $\frac{1}{4}$　　B. $\frac{7}{20}$　　C. $\frac{3}{25}$　　D. $\frac{5}{12}$

（3）在 75%，$\frac{11}{12}$，$\frac{5}{6}$，$\frac{8}{9}$中，最大的数与最小的数的差是（　　）。

A. $\frac{1}{6}$　　B. $\frac{1}{10}$　　C. $\frac{1}{12}$　　D. $\frac{1}{36}$

考点 3 商不变的规律和分数的基本性质的运用

6. 填一填。

（1）$0.8=\frac{(\quad)}{5}=24\div(\quad)=\frac{16}{(\quad)}=$（　　）%

（2）分数$\frac{2}{5}$的分母增加 15，要使分数的大小不变，分子应扩大到原来的（　　）。

（3）41 ÷ 7 = 5……6，如果被除数和除数同时扩大到原来的 100 倍，那么商是（　　），余数是（　　）。

（4）甲数除以乙数，商是 5，如果甲数和乙数都乘 5，那么商是（　　）。

禁止盗用 微信公众号 教辅资料站

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

考点4 用“四舍五入”法求小数的近似数

7. 填一填。

（1）2.9536 保留一位小数约是（　　），精确到百分位约是（　　）。

（2）$9.\dot{8}\dot{0}$ 保留两位小数约是（　　），精确到千分位约是（　　）。

（3）一个两位小数保留一位小数约是 3.0，这个两位小数最大是（　　），最小是（　　）。

易错点 对小数、分数、百分数的相关概念理解不透而导致误判

8. 判断。（对的画“√”，错的画“×”）

（1）分母是偶数的最简分数一定可以化成有限小数。（　　）

（2）循环小数一定是无限小数，无限小数一定是循环小数。（　　）

（3）2.6 和 2.60 大小相等，意义相同。（　　）

（4）去掉小数点后面的 0，小数的大小不变。（　　）

（5）学校今年组织同学们去植树，成活率达到了 105%。（　　）

提分必练

提分点1 利用循环小数的意义解题

9. 加循环点，使排列顺序符合要求。

$3.2529 > 3.2529 > 3.2529 > 3.2529$

提分点2 循环小数中的周期问题

10. $15 \div 7$ 的商用循环小数的简便记法表示是多少？小数点右边第 100 位上的数字是几？

提分点3 特殊分数的大小比较

11. 若 $a=\frac{20142014}{20152015}$，$b=\frac{20152015}{20162016}$，$c=\frac{20162016}{20172017}$，比较 a，b，c 三个数的大小。【导学号 2415117】

提分点4 利用分数的基本性质比较大小

12. 要使 $\frac{1}{6}<\frac{(\quad)}{5}<\frac{2}{3}$ 成立，括号里可填的整数是多少？

提分点5 小数点位置移动中的差倍问题

13. 把一个数的小数点向左移动两位，所得的新数比原数少 748.44，这个数原来是多少？

思维拓展练

14. 有一种最简真分数，它们的分子与分母的乘积都是 420，如果把所有这样的分数按从小到大的顺序排列，那么从左数排在第三个的分数是多少？

未德集中店
微信公众号
教辅资料站

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第 4 课时　运算的意义 ☞（答案见 120 页）

考点必知

考点 1 四则运算的意义

1. 填一填。

（1）2.4 + 2.4 + 2.4 + 4.8 = （　　）×（　　）。

（2）已知两个加数的和是$\frac{8}{9}$，其中一个加数是$\frac{2}{3}$，另一个加数是（　　）。

（3）$\frac{5}{8}$×4 表示（　　）。

（4）已知两个因数的积是$\frac{7}{6}$，其中一个因数是$\frac{2}{3}$，求另一个因数的算式是（　　）。

考点 2 四则运算的互逆关系

2. 计算并验算。

17.8 + 3.25　　875 + 327

7.5 × 2.4　　224 ÷ 64

考点 3 加减乘除各部分之间的关系

3. 填一填。

（1）$\frac{5}{8}$ +（　　）= $\frac{11}{12}$

（2）13.49 −（　　）= 5.7

（3）（　　）× $\frac{1}{6}$ = 12.6

（4）（　　）÷ 8.4 = $\frac{3}{4}$

（5）根据 0.48 × 2.5 = 1.2 写出两个除法算式是（　　）和（　　）。

（6）在一个除法算式里，商是 7，除数是 18，余数是 15，被除数是（　　）。

易错点 列式时“除”和“除以”不分而导致列式错误

4. 列式计算。

0.4 除 1.6 的商，加上 0.75，再乘以 2，积是多少？

提分必练

提分点 1 根据四则运算之间的关系来比较大小

5. 如果 $a+\frac{14}{15}=b-\frac{3}{5}=c\times0.25=d\div5=k$（$k$ 为正整数），那么 a，b，c，d 的大小顺序怎样排列？

提分点 2 运用减法各部分之间的关系及和倍问题的解法解决问题

6. 在一个减法算式中，被减数、减数、差的和是 256，减数是差的 3 倍。被减数、减数和差各是多少？

思维拓展练

7. 从 1000 里面减去 32，加上 24，再减去 32，加上 24……当得数是 0 时，减去了多少个 32，加上了多少个 24？

荣德基书店
微信公众号 教辅资料站

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第5课时　计算与应用»数的运算 ☞(答案见121页)

考点必知

考点1 四则运算的算法

1. 计算下列各题。

$465.4+17.26$　　$2.4\times\frac{5}{8}$

$3.51\div2.6$　　$80\%-\frac{5}{12}$

考点2 四则混合运算的顺序

2. 计算下列各题。

$(10-1\div25)\div99.6\div1\%$

$\left(\frac{3}{5}+2.4\div\frac{8}{3}\right)\times2.5$　　$2.5\div\frac{5}{8}\times\frac{7}{4}$

易错点1 计算方法错误

3. 下面的计算对吗？若不对，请改正。

(1)
$$\begin{array}{r} 17.85 \\ +\ \ 1.5 \\ \hline 18.00 \end{array}$$
改正：

(　　)

(2)
$$1.2\overline{)7.32}\quad 0.61$$
$$\begin{array}{r} 72 \\ \hline 12 \\ 12 \\ \hline 0 \end{array}$$
改正：

(　　)

易错点2 计算中运算顺序的错误

4. 脱式计算。

$\frac{1}{5}\times\frac{1}{5}\div\frac{1}{5}\times\frac{1}{5}$　　$\frac{1}{3}+\frac{1}{2}-\frac{1}{3}+\frac{1}{2}$

提分必练

提分点1 四则运算中的大小比较

5. 在○里填上“>”“<”或“=”。

59×9.9 ○ 60　　$32\div1.2$ ○ 32

57×0.8 ○ 57　　10.1×37 ○ 370

$2.75\div3.5$ ○ 1　　$3.7-\frac{5}{6}$ ○ 2.7

$\frac{7}{12}\times\frac{39}{7}$ ○ 3　　$\frac{4}{9}\div\frac{10}{19}$ ○ 1

提分点2 按要求列综合算式

6. 按要求在算式 $584-5.8\times17+7.8\div0.03$ 中添上括号。

(1) 运算顺序：×→+→−→÷

算式：_____

(2) 运算顺序：−→×→÷→+

算式：_____

思维拓展练

7. 巧算。

$1+\frac{1}{3}-\frac{7}{12}+\frac{9}{20}-\frac{11}{30}+\frac{13}{42}-\frac{15}{56}$

荣德集团内部资料
微信公众号
教辅资料站

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第6课时　计算与应用»解决问题 ☞（答案见121页）

考点必知

考点1 一般应用题

1. 填一填。

（1）王师傅计划用8天生产2400个零件，实际比计划提前了2天完成，实际每天生产（　　）个零件。

（2）修一条路，已经修了660 m，是剩下的1.5倍，这条路全长（　　）m。

（3）一筐梨连筐重54 kg，倒出一半后，连筐重29 kg，这筐梨重（　　）kg，筐重（　　）kg。

（4）每支钢笔8.5元，喻老师带了500元，最多可以买（　　）支，如果每8支装一盒，一共需要（　　）个包装盒。

2. 一个玩具厂做一个毛绒兔原来材料费需8元，后来改进了制作方法，每个材料费可以节省0.8元，原来做180个毛绒兔的材料费用，现在可以多做多少个毛绒兔？

考点2 分数、百分数应用题

3. 填一填。

（1）25比20多$\frac{(\quad)}{(\quad)}$，20比25少（　　）%。

（2）甲数比乙数多$\frac{1}{5}$，乙数比甲数少（　　）。

（3）王老师把10000元存入银行，定期3年，年利率是4.75%。到期时，他一共可以得到（　　）元。

（4）一件衣服现价128元，比原价便宜32元，这件衣服是打（　　）折销售的。

（5）一根15 m长的铁丝，先剪去它的$\frac{1}{3}$，还剩（　　）m，再剪去$\frac{1}{3}$ m，还剩（　　）m。

（6）某单位开会时有35人参加，出勤率正好是87.5%，后来又有1人请假离去，这时的出勤率是（　　）。

4. 依照题意，将下面的条件和算式连一连。

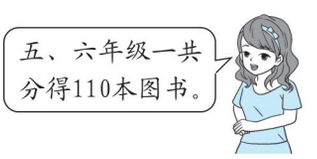
学校舞蹈社团有女生60人，_____，男生有多少人？

男生是女生的$\frac{1}{5}$	$60\div\left(1-\frac{1}{5}\right)$
男生比女生多$\frac{1}{5}$	$60\times\frac{1}{5}$
女生是男生的$\frac{1}{5}$	$60\times\left(1+\frac{1}{5}\right)$
女生比男生多$\frac{1}{5}$	$60\div\frac{1}{5}$
男生比女生少$\frac{1}{5}$	$60\div\left(1+\frac{1}{5}\right)$
女生比男生少$\frac{1}{5}$	$60\times\left(1-\frac{1}{5}\right)$

5. 解决问题。

（1）六（1）班同学买了24 m长的彩带，用全长的$\frac{3}{8}$做蝴蝶结，用全长的$\frac{1}{3}$做中国结，这根彩带还剩多少米？

（2）学校买回了一批图书，五年级同学分得这批图书的20%，六年级同学分得这批图书的35%，学校买回图书多少本？



获得集典点
微信公众号 教辅资料站

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

（3）裤子的价格是上衣的75%，上衣的价格是多少元？



140元/套

（4）某种商品4月份的价格比3月份降了20%，5月份的价格比4月份又涨了20%，5月份的价格和3月份比是涨了还是降了？变化幅度是多少？

易错点 没有找准单位“1”而引起解题错误

6. 修一条公路，已经修了600 m，比未修的多$\frac{1}{5}$，已修的比未修的多多少米？

提分必练

提分点1 解答一般复合应用题

7. 为了节约用水，某市自来水公司规定：每户每月用水不超过3 t时，按每吨2.6元收费，超过3 t的部分，按每吨3.5元收费。照这样计算，贝贝家上月用水16.4 t，那么她家上月应交水费多少元？

提分点2 买几送几、打折等优惠问题

8. 学校打算买50个足球，甲店每买10个免费送2个，不满10个不赠送；乙店打八折销售；丙店购物每满200元，返还现金30元。三个店的足球单价都是25元，你认为到哪个店买最划算？

提分点3 解答典型应用题

9. 某省体育代表团共有156人参加全运会开幕式，每6人一行，前后每两行间隔0.8 m，主席台长32 m，他们以每分40 m的速度通过主席台，需要多少分？

提分点4 解答复杂的工程问题

10. 打印一份稿件，单独打，甲要6时，乙要8时，丙要12时。现在由3人合打，中途丙因有事离开了一段时间，结果用了3时将稿件打完。中途丙离开了几时？

思维拓展练

11. 商场将某商品降价出售。该商品如果按九五折出售，则可盈利420元；如果按八五折出售，则可盈利60元。此商品的进价为多少元？

荣德集团出品
微信公众号
教辅资料站

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第 7 课时　估算 ☞（答案见 121 页）

考点必知

考点 1 估算的方法

1. 填一填。

（1）估算 82 × 18 时，把 82 看作（　　），18 看作（　　），所以 82 × 18 ≈（　　）。

（2）在计算 4872 ÷ 87 时，我们把除数 87 看作（　　）来试商，所以商的十位上应该是（　　），它的商是（　　）位数。

2. 估算下列各题。

486 + 302 ≈　　996 × 5 ≈

1416 ÷ 7 ≈　　2. 8 + 3. 1 ≈

49. 83 × 5. 9 ≈　　5. 12 ÷ 4. 79 ≈

8. 7 × 6. 2 ≈　　4. 71 + 5. 03 ≈

考点 2 利用估算解决实际问题

3. 解决问题。

（1）育红小学一至六年级各年级人数如下表。

年级	一	二	三	四	五	六
人数	508	496	512	504	495	498

估一估，育红小学全校共有学生多少人？

（2）王老师要买 6 个篮球和 3 个足球，带 700 元够吗？


89元


49元

易错点 因估算方法不对而导致估算结果错误

4. 括号里最大能填几？

42 ×（　　）< 256　　369 ÷（　　）> 90

（　　）× 78 < 500　　428 ÷（　　）> 70

提分必练

提分点 根据具体情境进行估算

5. 美心蛋糕房制做的一种生日蛋糕，每个需要 0. 32 kg 面粉，李师傅领了 4 kg 面粉，他最多可以做几个这样的生日蛋糕？

6. 妈妈带 100 元去超市购物。她买了 2 袋大米和 0. 8 kg 排骨，剩下的钱还够买一盒 20 元的鸡蛋吗？



30.6元/袋


26.5元/千克

思维拓展练

7. 中心小学新铺了 392 m^2 的草皮，据统计，每平方米的绿草每天能释放氧气 15. 3 g，估计一下，中心小学的草皮一周大约能释放多少千克的氧气？一个月呢？（一个月按 30 天算）

禁德集中开
微信公众号 教辅资料站

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

阶段小达标（7）

☞（答案见122页）

时间：30分钟　满分：100分

1. 填空。［（1）（5）题每题3分，其余每题2分，共22分］

（1）一个数由5个亿，2个千万，8个万，5个千，6个1组成，这个数写作（　　），读作（　　），省略万位后面的尾数约是（　　）。

（2）如果向东走500 m记作＋500 m，那么－500 m表示（　　）。

（3）把（　　）的小数点向右移动两位得70.8。

（4）一个两位数，个位和十位上的数都是合数，并且是互质数，这个数最大是（　　）。

（5）$\frac{(\quad)}{15}=1.4=28\div(\quad)=(\quad)\%$

（6）甲数是乙数的80%，乙数比甲数多(　　)%。

（7）$\frac{1}{2}<\frac{(\quad)}{5}<\frac{8}{9}$，括号里可以填的最大整数是（　　）。

（8）把一根木棒锯成4段需要6分，锯成10段需要（　　）分。

（9）5个连续自然数的和是2015，其中最小的数是（　　）。

（10）甲、乙两数的和是49.5，把乙数的小数点向左移动一位，就与甲数相等。甲、乙两数的差是（　　）。

2. 判断。（对的画“√”，错的画“×”）（每题2分，共8分）

（1）0表示没有，所以0 ℃表示没有温度。（　　）

（2）准确值一般比近似数大。（　　）

（3）大于2的质数一定都是奇数。（　　）

（4）1 t的$\frac{3}{5}$和3 t的$\frac{1}{5}$一样重。（　　）

3. 选择。（将正确答案的字母填在括号里）（每题2分，共10分）

（1）大于1的相邻两个自然数一定是（　　）。

A. 有一个是3的倍数

B. 有一个是2的倍数

C. 有一个是质数

D. 有一个是合数

（2）一个数（0除外）除以20%，这个数就会变为原来的（　　）倍。

A. 1.2　　B. 5　　C. 20　　D. 4

（3）分子与分母的和是14的最简真分数有（　　）个。

A. 3　　B. 4　　C. 5　　D. 6

（4）一项工程计划5天完成，实际4天完成，实际的工作效率是计划的（　　）。

A. 25%　　B. 80%　　C. 125%　　D. 20%

（5）0.600的计数单位是0.6的计数单位的（　　）。

A. 100倍　　B. $\frac{1}{10}$　　C. $\frac{1}{100}$　　D. 10倍

4. 计算。（共34分）

（1）口算或估算。（10分）

$2.5\times0.4=$　　$14-0.9=$

$\frac{8}{9}-\frac{5}{6}=$　　$4.5\div\frac{1}{4}=$

$25\times20\%=$　　$478-299=$

$1\div0.001=$　　$\frac{8}{15}\times\frac{9}{16}=$

$298\times89\approx$　　$1707-798\approx$

（2）列竖式计算。（4分）

$12.6\div0.42$　　4.09×5.2

荣德里电商
微信公众号
教辅资料站

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

（3）计算下列各题。（12 分）

$0.75\times\left(\frac{5}{6}-37.5\%\right)$

$485-720\div(15\times12)$

$0.32\times4.5+20.8\times3.2$

$\left(\frac{9}{10}+\frac{3}{4}\right)\times\frac{5}{6}-\frac{1}{2}$

（4）列式计算。

①18 的$\frac{2}{3}$比它的$\frac{1}{4}$多多少？（4 分）

②3.1 除 9.3 的商加上 2.5 再乘 0.8，积是多少？（4 分）

5. 解决问题。（共 26 分）

（1）某机床厂计划生产 1080 台机床，已经生产了 5 天，平均每天生产 72 台，接下来如果每天多生产 8 台，那么完成这批生产任务共需要多少天？（6 分）

（2）在科学调查体验活动中，六年级交了120 件作品，比五年级多交了 20%，四年级比五年级少交了$\frac{1}{4}$，四年级交了多少件作品？（6 分）

（3）有一张长 42 cm、宽 35 cm 的长方形纸，把这张纸剪成若干个大小相同的小正方形且纸不剩余，要使小正方形尽可能大，小正方形的边长是多少厘米？可剪成多少个这样的小正方形？（7 分）

（4）一堆什锦糖，其中奶糖的质量占 45%，再放入16 kg其他糖后，奶糖的质量占 25%，这堆糖中奶糖有多少千克？（7 分）

荣德里印次
微信公众号
教辅资料站

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第8课时　运算律 ☞(答案见122页)

考点必知

考点1 运算律和运算性质

1. 运用运算律和运算性质填空。

(1) $a+(30+8)=(\square+\square)+8$

(2) $\square+82=\square+18$

(3) $15\times9\times4=\square\times(\square\times\square)$

(4) $25\times(4+8)=\square\times\square+\square\times\square$

(5) $a-b-c=a-(\square+\square)$

(6) $a\div(b\times c)=a\div\square\div\square$

考点2 应用运算律和运算性质简算

2. 说说下面各题运用了什么运算律或性质。

(1) $125\times16=125\times8\times2$

(　　)

(2) $78\times101=78\times100+78$

(　　)

(3) $2000\div125=(2000\times8)\div(125\times8)$

(　　)

(4) $375+168+125=168+(375+125)$

(　　)

3. 判断。(对的画“√”，错的画“×”)

(1) $432-99=432-100-1=331$　(　　)

(2) 计算0.25×4.4时，只能运用乘法分配律进行简算。　(　　)

(3) $125\times32\times25=125\times8+25\times4=1100$　(　　)

(4) $360\div72=360\div36\times2=20$　(　　)

4. 选择。(将正确答案的字母填在括号里)

(1) $1.25\div2.5\times8$的简便算法是(　　)。

A. $1.25\div(2.5\times8)$　B. $1.25\times8\div2.5$

C. $1.25\div5\times0.5\times8$　D. $1.25\div2.5\times4\times2$

(2) $15.7-(5.7-3.8)+6.2$和(　　)的得数相等。

A. $15.7-5.7-3.8+6.2$

B. $15.7+5.7-3.8+6.2$

C. $(15.7-5.7)+(3.8+6.2)$

D. $(15.7-5.7)-(3.8+6.2)$

(3) $1.25\times8.8=1.25\times8\times1.1$应用了(　　)，$1.25\times8.8=1.25\times8+1.25\times0.8$应用了(　　)。

A. 乘法交换律

B. 乘法结合律

C. 乘法交换律和结合律

D. 乘法分配律

5. 用简便方法计算。

$0.25\times32\times12.5$　　101×7.6

$4.5\div4+2.8\times25\%+2.7\times0.25$

$12\times\left(\frac{1}{4}+\frac{1}{6}-\frac{1}{3}\right)$　　$\frac{5}{7}-\left(\frac{3}{4}-\frac{2}{7}\right)$

$\frac{5}{23}-\frac{4}{9}+\frac{18}{23}-\frac{5}{9}$　　$630\div18\div5$

禁止复制

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

考点3 运用运算律解决问题

6. 解决问题。

（1）学校买回篮球和足球各 8 个，买篮球比买足球多花了多少元？


115元


215元

（2）学校召开体育运动会，为获奖队员购买笔记本作为奖品，计划买 25 包，每包 18 本。准备 3500 元够吗？



8元

易错点 不能正确运用乘法分配律简算

7. 下面的计算对吗？若不对，请改正。

（1） $42 \div \left(\frac{6}{5}+\frac{6}{7}\right)$ 改正：

$=42 \div \frac{6}{5}+42 \div \frac{6}{7}$

$=42 \times \frac{5}{6}+42 \times \frac{7}{6}$

$=35+49$

$=84$ （　　）

（2） $\left(\frac{4}{7}+\frac{2}{9}\right) \times 7 \times 9$ 改正：

$=\frac{4}{7} \times 7+\frac{2}{9} \times 9$

$=4+2$

$=6$ （　　）

提分必练

提分点1 运用“转化法”进行简算

8. 下面各题你能用简便方法计算吗？试试看。

$\frac{5}{9} \times \frac{4}{11}+\frac{7}{9} \times \frac{5}{11}$　　$8 \div 7+9 \div 7+11 \div 7$

$2.25 \times 4.8+77.5 \times 0.48$

$9999 \times 7778+3333 \times 6666$

提分点2 运用乘法分配律解决问题

9. 小马虎在计算 $(25+a) \times 8$ 时，漏掉了括号，算成了 $25+a \times 8$。那么正确结果与错误结果相差多少？

提分点3 分组计算

10. 巧算：$100+99-98-97+96+95-94-93+\cdots+3-2-1$

提分点4 利用“拆分法”进行简算

11. $\frac{1}{1 \times 2}+\frac{1}{2 \times 3}+\frac{1}{3 \times 4}+\cdots+\frac{1}{98 \times 99}+\frac{1}{99 \times 100}$

思维拓展练

12. 简算：$2015 \times 20162016-2016 \times 20152015$

【导学号 2415117】

荣德里中录

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第9课时　式与方程 ☞(答案见123页)

考点必知

考点1 用字母表示数、运算律、计算公式、数量关系等

1. 填一填。

(1) 三个连续自然数，最小的一个是 m，这三个连续自然数的和是（　　）。

(2) 学校原有图书3000册，又买来 a 箱图书，每箱装有 x 册，现在一共有图书（　　）册。

(3) 一个正方体的棱长是 a cm，它的棱长总和是（　　）cm，它的表面积是（　　）cm^2，体积是（　　）cm^3。

(4) 水果店有苹果 x kg，橘子比苹果的3倍少20 kg，橘子有（　　）kg。

(5) 妈妈买回了4 kg苹果和2.5 kg橘子，每千克苹果 a 元，每千克橘子 b 元，$4a-2.5b$ 表示（　　）。

2. 选择。(将正确答案的字母填在括号里)

(1) $2a$ 和 a^2 相比较，(　　)。

A. $2a$ 大　　B. a^2 大

C. 一样大　　D. 无法确定

(2) 一个两位数，十位上的数字是5，个位上的数字是 a，表示这个两位数的式子是(　　)。

A. $50+a$　　B. $5a$　　C. $5+a$　　D. $50a$

(3) 一个半圆形的半径是 r，那么它的周长是(　　)。

A. πr　　B. $\pi r^2 \div 2$

C. $(\pi+2)r$　　D. $\pi r+r$

考点2 方程的意义、方程的解和解方程

3. 判断。(对的画“√”，错的画“×”)

(1) 含有字母的式子叫作方程。(　　)

(2) 方程都是等式，等式也都是方程。(　　)

(3) $5x=0$ 是方程。(　　)

(4) $x+27=50$ 的解是 $x=23$。(　　)

4. 解方程。(带☆的要验算)

$2x+30\%\,x=11.5$　　$\frac{2}{5}+2x=\frac{3}{5}$

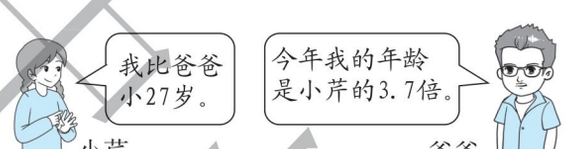
$80\%\,x-30=50$　　☆$2x-1.8=x+2.4$

考点3 列方程解决问题

5. 列方程解决问题。

(1) 广州塔高600 m，比上海东方明珠塔的1.2倍还高38.4 m，上海东方明珠塔高多少米？

(2) 今年爸爸和小芹各多少岁？



(3) 甲、乙两地相距480 km，一辆客车和一辆货车同时分别从甲、乙两地相对开出，3.2时相遇。客车每时比货车多行20 km，客、货两车每时各行多少千米？

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

（4）商店有一箱玩具，每个进价 2.8 元，以 3.6 元的售价卖出$\frac{5}{6}$后，盈利 24 元，这箱玩具有多少个？

易错点 没有正确找出题中的数量关系而引起解题错误

6. 下面的列式对吗？若不对，请改正。

甲数是 a，比乙数的 1.5 倍少 b，乙数是多少？

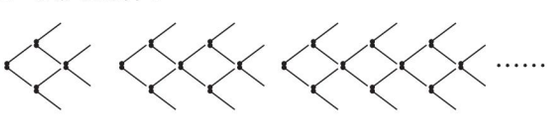
列式是：$1.5a-b$　　改正：

（　　）

提分必练

提分点1 用含有字母的式子表示探索出的规律

7. 下图是明明用火柴棒摆成的“金鱼”，摆 1 条“金鱼”用多少根火柴棒？摆 2 条“金鱼”用多少根火柴棒？摆 n 条“金鱼”用多少根火柴棒？



提分点2 列方程解答分数应用题

8. 修一条公路，已修了 810 m，没修的比这条公路的$\frac{1}{4}$多 60 m，这条公路全长多少米？

提分点3 列方程解答百分数应用题

9. 甲、乙两筐苹果共有 320 kg，从甲筐取出 80%，从乙筐取出 75%，这时甲、乙两筐苹果共有 70 kg，甲、乙两筐原有苹果各多少千克？

提分点4 列方程解答盈亏问题

10. 李老师将一叠练习本分给第一小组同学，每人分 5 本还多 23 本，若每人分 7 本，则多 7 本。第一小组有几个同学？这叠练习本有多少本？

思维拓展练

11. 某班组织学生去野炊，炊事员问有多少人，班长说：“一人一个饭碗，两人一个菜碗，三人一个汤碗，共需 77 个碗。”请问班上有多少人去野炊？

来源集中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第 10 课时　正比例与反比例 ☞(答案见 123 页)

考点必知

考点 1 比、比例的意义和基本性质

1. 填一填。

(1) 把 25 kg∶$\frac{1}{2}$ t 化成最简整数比是(　　)，它的比值是(　　)。

(2) 4∶5 = $\frac{(\quad)}{5}$ = 20 ÷ (　　) = (　　)%

(3) 在 10，25，40 这三个数中添上一个数组成比例，这个数可以是(　　)，(　　) 或 (　　)。

(4) 一个比例式，两个外项的和是 54，差是 30，每个比的比值是 $\frac{2}{3}$，这个比例式是(　　)。

2. 解比例。

x∶0.1 = $\frac{1}{3}$∶$\frac{1}{9}$　　$\frac{0.5}{9}=\frac{x}{0.3}$

考点 2 正比例和反比例的意义

3. 在括号里填“成正”“成反”或“不成”。

(1) 油菜籽的出油率一定，油菜籽的质量和油的质量(　　) 比例。

(2) 被减数一定，减数和差(　　) 比例。

(3) 生产一批零件，张师傅每小时生产的个数和所用的时间(　　) 比例。

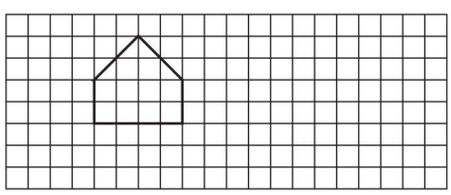
考点 3 比和比例的应用

4. 解决问题。

(1) 一个长方形的周长是 54 m，长与宽的比是 7∶2，这个长方形的面积是多少平方米？

(2) 在一幅比例尺为 1∶4000000 的地图上，量得 A，B 两地之间的距离是 16 cm。小婷一家早上 8:00 从 A 地出发开车到 B 地旅游，下午 4:00到达 B 地，该车平均每时行多少千米？

5. 分别画出下面的图形按 1∶2 缩小和 2∶1 放大后的图形。



提分必练

提分点 1 综合运用比和分数的知识解决问题

6. 学校从新华书店购回三类图书，其中故事书数量占全部的 $\frac{3}{8}$，科技书和工具书的数量比是 5∶3。已知工具书有 150 本，故事书有多少本？

提分点 2 列比例解决问题

7. 修一段公路，计划每天修 400 m，30 天完成，实际 2 天修了 1200 m，照这样计算，可以提前多少天完成任务？(用正、反比例两种方法解答)

课堂里中法

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第 11 课时　常见的量 ☞（答案见 123 页）

考点必知

考点 1 质量单位

1. 填一填。

（1）在括号里填上合适的单位名称。

①汽车一次能运 8（　　）货物。

②一袋食盐重 500（　　）。

③张老师的体重是 75（　　）。

（2）在括号里填上适当的数。

4 kg 80 g =（　　）kg

8 t 450 kg =（　　）kg

3.09 t =（　　）t（　　）kg

7500 kg =（　　）t（　　）kg

考点 2 人民币单位

2. 在括号里填上合适的数。

7 元 5 角 =（　　）元 =（　　）分

2 元 5 角 =（　　）元

45 角 =（　　）元（　　）角

60.5 元 =（　　）分

考点 3 时间单位

3. 填一填。

（1）一年中的（　　）月都是 30 天。

（2）2016 年第一季度有（　　）天。

（3）在括号里填上合适的数。

3.15 时 =（　　）分

138 分 =（　　）时（　　）分 =（　　）时

2.25 时 =（　　）时（　　）分

（4）在括号里填上合适的单位名称。

一节数学课的时间是 40（　　）。

小刚跑 100 m 的成绩是 16（　　）。

一场足球赛大约需要 1.5（　　）。

易错点 没有正确认识计量单位导致误判

4. 判断。（对的画“√”，错的画“×”）

（1）1 kg 铁比 1 kg 棉花重。（　　）

（2）2 时 30 分 = 2.3 时。（　　）

（3）小晶是 2014 年 2 月 29 日出生的。（　　）

（4）3 时 15 分，时针与分针重合在一起。（　　）

提分必练

提分点 1 求经过的时间

5. 一列火车从某地开往北京，晚上 9:05 发车，第二天早上 7:12 准点到达北京。火车从某地开往北京需要多长时间？

提分点 2 解决有关质量的实际问题

6. 一辆汽车自重 2.5 t，车上装了 5 台机器，每台 1800 kg，能否通过一座限载 12 t 的桥？

思维拓展练

7. 2017 年 6 月 1 日是星期四，2019 年 6 月 1 日是星期几？

荣德集中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第 12 课时　探索规律 ☞(答案见 124 页)

考点必知

考点 1 常见的数列变化规律

1. 找规律，填一填。

(1) 60，63，68，75，(　　)，(　　)。

(2) 1，1，2，3，5，(　　)，(　　)。

(3) 0.01，0.04，0.09，0.16，(　　)，(　　)。

(4) 1，3，2，6，4，9，8，(　　)，(　　)。

(5) $\frac{2}{1}$，$\frac{4}{4}$，$\frac{6}{9}$，$\frac{8}{16}$，(　　)，(　　)，$\frac{14}{49}$，(　　)。

(6) 0.4，1，2.5，(　　)，(　　)。

(7) 1，0.5，0.25，(　　)，(　　)。

考点 2 常见的图形变化规律

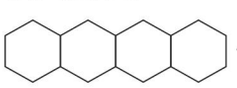
2. 看图找规律。

(1) 现有黑、白图形共 200 个，按照一定规律排列如下：

▲●■△○□▲●■△○□…

则第 50 个图形是(　　)，这些图形中有(　　)个▲，有(　　)个□。

(2) 如图，用小棒摆六边形。



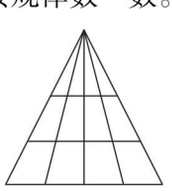
①摆 1 个需要 6 根小棒，摆 2 个需要(　　)根小棒，摆 3 个需要(　　)根小棒。

②如果摆 n 个，需要多少根小棒？用含有字母 n 的式子表示：(　　)。

当 $n=100$ 时，需要(　　)根小棒。

易错点 没有正确掌握数图形的规律导致数错图形的个数

3. 按规律数一数。



共有(　　)个三角形。

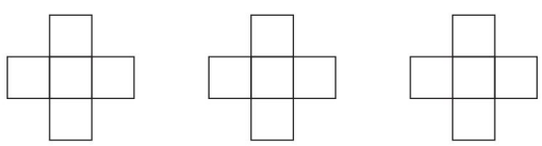
提分必练

提分点 稍复杂的数与形结合规律问题

4. 下表的粗线框中 5 个数的和是 60，在表中移动这个框，可以使每次框出的 5 个数的和各不相同。

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60

(1) 先任意框几次，把框出的数分别填入下面的框中，再求出每次框出的 5 个数的和，并将和与对应的框出的 5 个数中位于中间的数比一比，你发现了什么规律？



(2) 如果框出的 5 个数的和是 130，那么这 5 个数分别是多少？和是 245 这 5 个数又分别是多少呢？

(3) 一共可以框出多少个不同的和？

(4) 能框出和是 205 的 5 个数吗？

思维拓展练

5. 2 个点可以连成 1 条线段，3 个点可以连成 3 条线段，4 个点可以连成 6 条线段……15 个点可以连成多少条线段？

禁德典图书店

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

阶段小达标（8）

☞（答案见124页）

时间：30分钟　满分：100分

1. 填空。（每题2分，共20分）

（1）4.25时＝（　　）时（　　）分

8 t 20 kg＝（　　）t

（2）57 × 102 ＝ 57 × 100 ＋ 57 × 2，是运用（　　）律进行简算的。

（3）如果用 m 表示自然数，那么偶数可以表示为（　　）。

（4）一筐梨重 x kg，卖出这筐梨的$\frac{2}{5}$后还剩15 kg，这筐梨重多少千克？列方程是（　　）。

（5）两个圆的半径的比是2∶5，周长的比是（　　），面积的比是（　　）。

（6）甲数的$\frac{3}{5}$等于乙数的$\frac{1}{4}$（甲、乙两数均不为0），甲、乙两数的最简整数比是（　　）。

（7）一个三角形三个内角度数的比是1∶1∶2，这个三角形是（　　）三角形。

（8）如果 $a \times 8 = b \div 4$（a，b 不为0），那么 $a : b =$（　　）∶（　　）。

（9）2016年2月有（　　）天，2019年第三季度有（　　）天。

（10）找规律，填数。

4，3，6，9，8，27，10，（　　），（　　）。

2. 判断。（对的画“√”，错的画“×”）（每题2分，共10分）

（1）当 $a=1$ 时，$3a$ 和 a^3 相等。（　　）

（2）在一定的时间内，车轮的周长和车轮转动的圈数成反比例。（　　）

（3）同一时间同一地点物体的高度和影长成正比例。（　　）

（4）电脑中一个零件长3 mm，画在图纸上是4.5 cm，这幅图纸的比例尺是1∶15。（　　）

（5）是4的倍数的年份都是闰年。（　　）

3. 选择。（将正确答案的字母填在括号里）（每题2分，共10分）

（1）三角形的面积是 S，高为 h，三角形的底是（　　）。

A. $S \div h$　　B. $2S \div h$

C. $S \div 2 \div h$　　D. $S \times h \div 2$

（2）甲数是 x，乙数比甲数的3倍少8，甲数比乙数少23，列出方程是（　　）。

A. $x-(3x-8)=23$　　B. $3x-8-x=23$

C. $3x-8=23$　　D. $x+23-3x=8$

（3）下列年份中，（　　）年是365天。

A. 1900　　B. 1996　　C. 2020　　D. 2016

（4）比的前项扩大到原来的2倍，后项缩小到原来的$\frac{1}{4}$，比值（　　）。

A. 缩小到原来的$\frac{1}{2}$

B. 扩大到原来的2倍

C. 扩大到原来的8倍

D. 不变

（5）能与$\frac{1}{5}$∶$\frac{1}{6}$组成比例的是（　　）。

A. 5∶6　　B. 6∶5　　C. $\frac{1}{6}$∶$\frac{1}{5}$　　D. $\frac{1}{6}$∶5

4. 计算。（共24分）

（1）化简比并求比值。（12分）

$\frac{1}{20}$∶0.8　　1.6∶25.6

25∶75%　　$\frac{1}{4}$时∶45分

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

（2）解方程或比例。（12 分）

$\frac{1}{5}x+\frac{3}{10}x=24$　　$9\times3-1.7x=13.4$

$x:\frac{3}{4}=\frac{4}{25}:1$　　$\frac{1.4}{0.5}=\frac{2.1}{x}$

5. 解决问题。（共 36 分）

（1）张老师买了多少本《发明家》？（列方程解答）（6 分）



（2）一套童装 160 元，裤子的价格是上衣价格的 $\frac{3}{5}$。裤子和上衣的价格各是多少元？（列方程解答）（6 分）

（3）甲、乙两个工程队同时开凿一条 675 m 长的隧道，各从一端相向施工，25 天打通。甲队每天开凿 12.6 m，乙队每天开凿多少米？（列方程解答）（6 分）

（4）用 120 cm 长的铁丝做一个长方体的框架，长、宽、高的比是 3∶2∶1。这个长方体的长、宽、高各是多少厘米？（6 分）

（5）相同质量的水和冰的体积之比是 9∶10，一块体积是 50 dm^3 的冰，化成水后的体积是多少？（6 分）

（6）在一幅比例尺是 1∶5000000 的地图上，量得甲、乙两地之间的距离是 12 cm。一辆汽车平均每时行 80 km，从甲地到乙地需要多少时？（6 分）

荣德里甲沙

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

2. 图形与几何

第1课时　图形的认识》平面图形的认识 ☞（答案见124页）

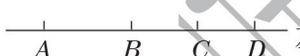
考点必知

考点1 直线、射线和线段

1. 填一填。

（1）线段有（　　）个端点，射线有（　　）个端点，直线（　　）端点。

（2）过一点可以画（　　）条直线，（　　）条射线。过两点可以画（　　）条直线。

（3）

左图中有（　　）条直线，（　　）条射线，（　　）条线段。

考点2 角

2. 填一填。

（1）角的大小与（　　）无关，与两条边（　　）的大小有关。

（2）图中有（　　）个锐角，（　　）个直角，（　　）个钝角。

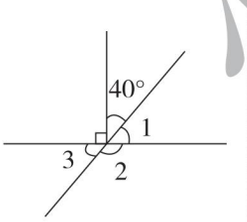


3. 计算角的度数。

∠1 =（　　）

∠2 =（　　）

∠3 =（　　）



考点3 垂直与平行

4. 用画垂线或平行线的方法画一个长3 cm、宽2 cm的长方形。

考点4 三角形

5. 填一填。

（1）一个三角形三条边的长均为整厘米，其中两条边的长分别是8 cm和12 cm，第三条边最长是（　　）cm，最短是（　　）cm。

（2）一个等腰三角形，若周长是30 cm，底长8 cm，腰长（　　）cm；若顶角是50°，则底角是（　　）。

考点5 四边形

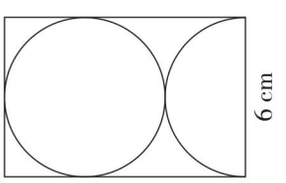
6. 填一填。

（1）（　　）形和（　　）形是特殊的平行四边形，它们的对边分别（　　）且（　　）。

（2）只有一组对边平行的四边形叫作（　　），梯形的内角和是（　　）°。

考点6 圆

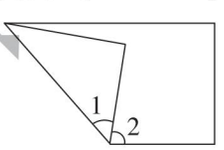
7. 如图，圆的半径是（　　）cm，长方形的周长是（　　）cm，它有（　　）条对称轴。



提分必练

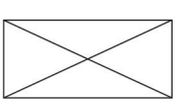
提分点1 计算角的度数

8. 下图是一张长方形纸折起来后的图形，已知∠1 = 50°，求∠2的度数。【导学号2415117】



提分点2 数图形

9. 下图中有（　　）个锐角，（　　）个钝角，（　　）个直角，（　　）个锐角三角形，（　　）个直角三角形，（　　）个钝角三角形。



禁止盗用

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第 2 课时　图形的认识》立体图形的认识 ☞(答案见 125 页)

考点必知

考点 1 长方体和正方体

1. 填一填。

(1) 长方体和正方体都有（　　）个面，（　　）条棱和（　　）个顶点。

(2) 长方体最多有（　　）个面完全相同，最多有（　　）条棱长度相等。

(3) 用一根铁丝正好围成一个长 8 cm、宽 7 cm、高 3 cm 的长方体。如果改围成一个正方体，正方体的棱长是（　　）cm。

考点 2 圆柱和圆锥

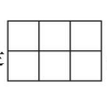
2. 填一填。

(1) 圆柱有（　　）条高，圆锥有（　　）条高。

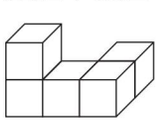
(2) 圆柱的侧面展开后可能是（　　）形、（　　）形、（　　）形；圆锥的侧面展开是（　　）形。

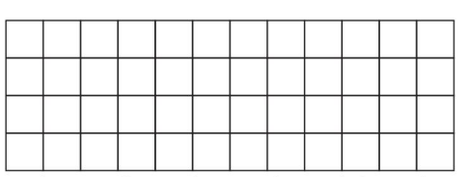
(3) 一个圆柱的侧面展开是正方形，如果圆柱的底面半径是 4 cm，高是（　　）cm。

考点 3 观察物体

3. 一个立体图形，从正面看到的形状是，从左面看到的形状是，搭一个这样的立体图形至少要（　　）个小正方体，最多要（　　）个小正方体。

4. 画出下面图形从上面、正面和右面看到的形状。





从上面看　　从正面看　　从右面看

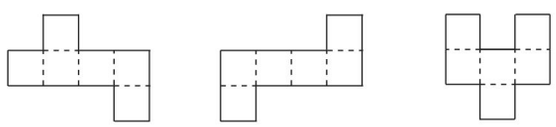
提分必练

提分点 1 逆用棱长总和公式

5. 一个长方体的棱长总和是 72 cm，长是 8 cm，比宽长 2 cm，这个长方体的高是多少厘米？

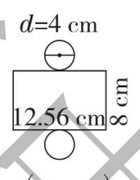
提分点 2 立体图形的展开图

6. 下面哪个图形可以折成一个正方体？在括号里画“√”。

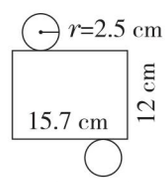


（　　）　　（　　）　　（　　）

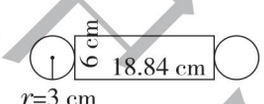
7. 下面的图形哪些是圆柱的展开图？在括号里画“√”。

(1) 

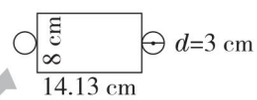
（　　）

(2) 

（　　）

(3) 

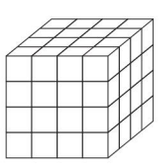
（　　）

(4) 

（　　）

提分点 3 数图形

8. (1) 下图是由（　　）个棱长为 1 cm 的小正方体搭成的。



(2) 将这个立体图形的表面涂上红色（包含底面），其中有三面涂红色的小正方体有（　　）个，有两面涂红色的小正方体有（　　）个，只有一面涂红色的小正方体有（　　）个，涂红色的面积一共是（　　）cm^2。

禁止复印

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第3课时　图形与测量 ☞（答案见125页）

考点必知

考点1 长度、面积和体积单位的认识和进率

1. 在括号里填上合适的单位。

（1）一间教室的面积约是54（　　）。

（2）一块橡皮的体积约是8（　　）。

（3）李老师的身高是1.72（　　）。

（4）冰箱的容积是220（　　）。

2. 填一填。

50 cm = （　　）m

7.2 km^2 = （　　）公顷

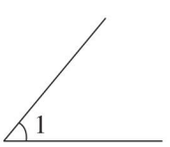
4500 dm^3 = （　　）m^3

7.08 L = （　　）dm^3（　　）cm^3

2500 cm^3 = （　　）mL = （　　）L

考点2 角的测量

3. 量角。



∠1 = （　　）

4. 画一个120°的角。

考点3 平面图形的周长和面积

5. 填一填。

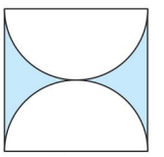
（1）用一根长24 cm的铁丝围成一个长是7 cm的长方形，它的宽是（　　）cm，若将这根铁丝围成一个正方形，它的面积是（　　）cm^2。

（2）一个平行四边形的底是3.6 dm、高是4 dm，与它等底等高的三角形的面积是（　　）dm^2。

（3）一个梯形的面积是48 cm^2，梯形的高是6 cm，上底是7 cm，下底是（　　）cm。

（4）一个圆的直径是8 m，它的周长是（　　）m，如果将它的半径增加2 m，那么面积增加（　　）m^2。

6. 求阴影部分的周长和面积。



7. 一块梯形的麦地，上底是60 m，下底是80 m，高是50 m，如果每平方米收小麦0.6 kg，这块麦地可以收小麦多少吨？

考点4 立体图形的表面积和体积

8. 填一填。

（1）一个高为12 cm的长方体，它的四个侧面一样，且每个侧面的面积是48 cm^2，这个长方体的表面积是（　　）cm^2，体积是（　　）cm^3。

（2）把一个棱长是6 dm的正方体木块削成一个最大的圆锥，圆锥的体积是（　　）dm^3，削去部分的体积是（　　）dm^3。

（3）一个高是4 cm的圆柱，如果高增加1 cm，表面积就增加31.4 cm^2，原来这个圆柱的体积是（　　）cm^3。

9. 解决问题。

（1）希望小学有一间长10 m、宽6 m、高3.5 m的长方体教室。

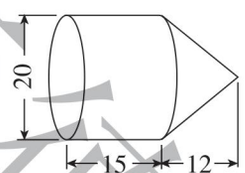
①这间教室的空间有多大？

答案里中折

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

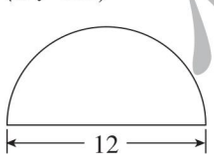
②现在要在教室的四面墙壁贴 1.2 m 高的瓷砖，扣除门、窗和黑板的面积 6 m^2，这间教室贴瓷砖的面积是多少平方米？

（2）一个铜制零件形状如图所示。每立方厘米的铜重 9 g，制作这样一个零件至少需要约多少千克铜？（结果保留整数，单位：cm）



易错点 误将半圆形周长看成圆周长的一半

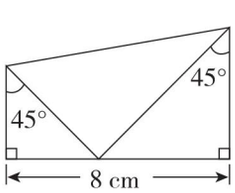
10. 求下图中半圆形的周长。（单位：cm）



提分必练

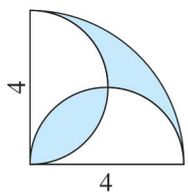
提分点 1 变式计算梯形面积

11. 求下图中梯形的面积。



提分点 2 用“转化法”计算图形面积

12. 求下图中阴影部分的面积。（单位：cm）



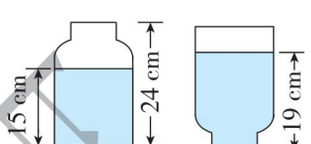
提分点 3 用“排水法”求物体的体积

13. 一个长方体玻璃水槽，长和宽都是 2 dm。先将 5.5 L 水倒入水槽中，再将一块石头浸没在水中（水未溢出），这时水面高 15 cm。这块石头的体积是多少立方分米？

提分点 4 求不规则容器的容积



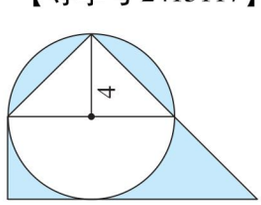
14. 如图，一个酒瓶深 24 cm，底面内直径是16 cm，瓶里酒深 15 cm。把酒瓶盖紧之后使其瓶口向下倒立，这时酒深 19 cm。这个酒瓶的容积是多少毫升？



思维拓展练

15. 求下图中阴影部分的面积。（单位：cm）

【导学号 2415117】



禁止盗用

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第 4 课时　图形的运动 ☞（答案见 125 页）

考点必知

考点 1 图形运动的特点

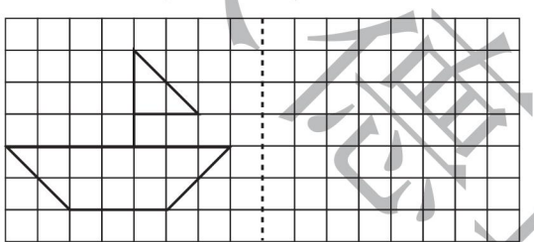
1. 填一填。

（1）圆有（　　）条对称轴，正六边形有（　　）条对称轴。

（2）拉抽屉是（　　）现象；风车转动是（　　）现象。

（3）分针从“12”开始顺时针旋转 90° 后指向（　　）；时针从“6”开始逆时针旋转 120° 后指向（　　）。

2. 画出下图关于虚线成轴对称的图形。



考点 2 图形运动的综合运用

3. 按要求作图。



（1）将图形 A 绕着点 O 逆时针旋转 90° 得到图形 B。

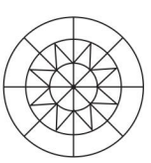
（2）将图形 B 向左平移 8 格，得到图形 C。

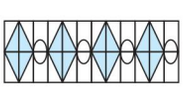
（3）以虚线 MN 为对称轴，画出图形 C 的轴对称图形 D。

（4）画出将图形 A 按 2∶1 放大后的图形 E。

考点 3 利用图形的运动设计图案

4. 下面的图案分别是由哪个部分平移或者旋转得到的？把这部分圈出来。

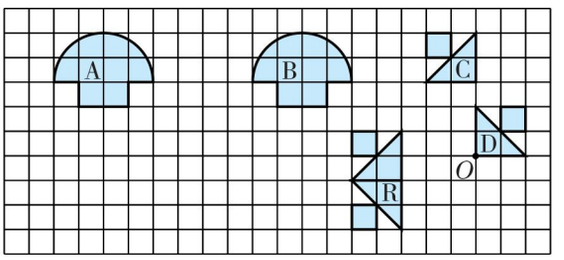




提分必练

提分点 1 描述图形的运动方式

5. 观察下图，回答问题。

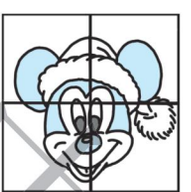


（1）图形 A 如何运动得到图形 B？

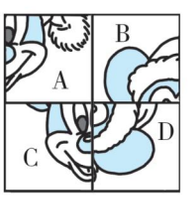
（2）图形 C，D 如何运动得到图形 R？

提分点 2 利用平移和旋转进行还原

6. 你能通过卡片的平移和旋转将图②还原成图①吗？



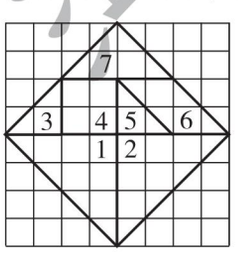
①

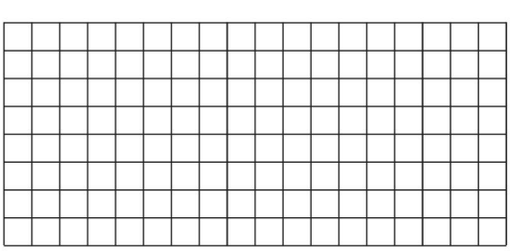


②

思维拓展练

7. 将下面的七巧板拼成一个梯形，并标出序号。





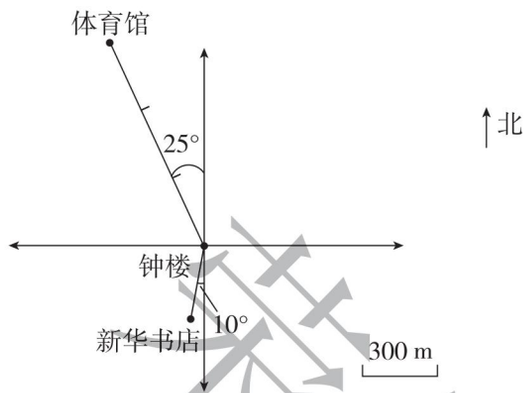
关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第 5 课时　图形与位置 ☞（答案见 125 页）

考点必知

考点 1 根据方向和距离确定物体位置

1. 看图填空并画图。



（1）体育馆在钟楼的（　　）偏（　　）（　　）°方向，距离钟楼（　　）m。

（2）新华书店在钟楼的（　　）偏（　　）（　　）°方向，距离钟楼（　　）m。

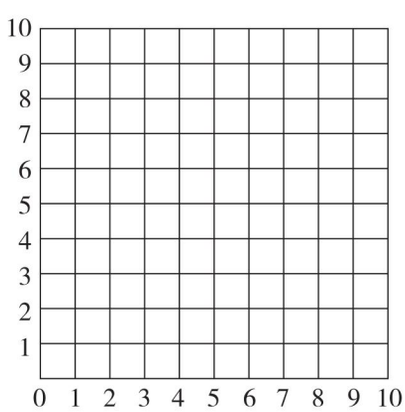
（3）人民广场在钟楼的东偏北 45°方向，距离钟楼 1500 m，请你在图上标出来。

考点 2 用数对确定物体的位置

2. 描出下面各点并依次连接成封闭图形，再按要求回答问题。

A（3，9）　B（3，6）

C（5，6）　D（10，9）

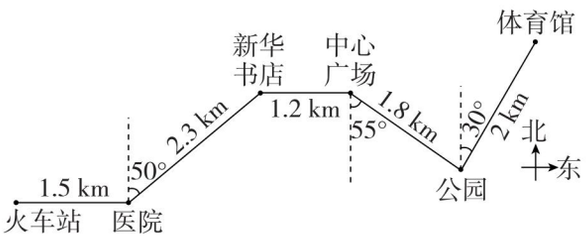


（1）这个封闭图形是（　　）。

（2）这个封闭图形向下平移 4 格后的图形的顶点用数对表示分别是（　　）、（　　）、（　　）、（　　）。

考点 3 描述简单的路线图

3. 看图描述 1 路公共汽车的行驶路线图。



行驶路线：1 路公共汽车从火车站出发，先向

_____

_____。

提分必练

提分点 1 根据描述绘出物体的位置

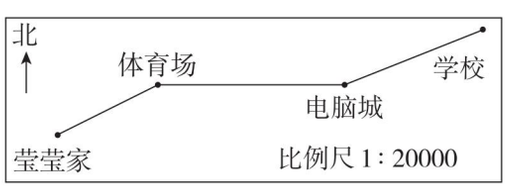
4. 博物馆在学校正东方向 200 m 处，恬恬家位于学校南偏西 25°方向 300 m 处，体育馆在博物馆的北偏东 30°方向 250 m 处，在图中标出它们的位置，并注明比例尺。

北

学校

提分点 2 确定物体的位置与比例尺的综合运用

5. 下图是莹莹每天上学的路线，如果莹莹每分大约走 60 m，她从家到学校大约需要走多少分？



禁止集中改

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

阶段小达标（9）

☞（答案见126页）

时间：30分钟　满分：100分

1. 填空。（每题3分，共27分）

（1）8.5 m^2 = （　　）dm^2

9 dm^3 70 cm^3 = （　　）dm^3

（2）一个长方形刚好可以分割成两个边长为5 cm的正方形，这个长方形的周长是（　　）cm，面积是（　　）cm^2。

（3）一个挂钟的分针长15 cm，时针长10 cm，分针的尖端转一圈的长度是（　　）cm，时针转一圈扫过的面积是（　　）cm^2。

（4）一个直角三角形两条直角边的和是21 cm，它们的比是3∶4，斜边是15 cm，斜边上的高是（　　）cm。

（5）笑笑用一些小正方体搭成一个立体图形，从上面看到的形状是，从左面看到的形状是，她最少要用（　　）个小正方体，最多用（　　）个小正方体。

（6）一个圆柱形茶叶筒，底面半径是5 cm，体积是1177.5 cm^3，它的高是（　　）cm，表面积是（　　）cm^2。

（7）一块长40 cm、宽30 cm的长方形铁皮，在四个角上分别剪去边长为5 cm的正方形后，焊接成一个无盖的铁盒，这个盒子的容积是（　　）cm^3。

（8）一个圆柱和一个圆锥的底面积相等，高也相等，它们的体积之和是25.6 cm^3，它们的体积之差是（　　）cm^3。

（9）一个圆柱形木头的底面周长是18.84 dm，高是0.6 dm，把它削成一个最大的圆锥，削去部分的体积是（　　）dm^3。

2. 判断。（对的画“√”，错的画“×”）（每题2分，共10分）

（1）棱长为6 cm的正方体，它的表面积和体积一样大。（　　）

（2）一个圆柱的体积是一个圆锥体积的3倍，那么这个圆柱和圆锥一定等底等高。（　　）

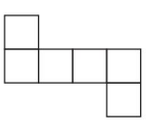
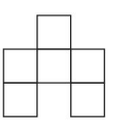
（3）钝角三角形的两个锐角的和小于90°。（　　）

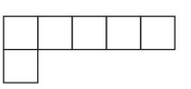
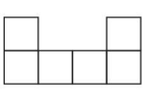
（4）侧面积相等的两个圆柱，体积一定相等。（　　）

（5）梯形的面积是平行四边形面积的一半。（　　）

3. 选择。（将正确答案的字母填在括号里）（每题2分，共12分）

（1）下面各图中，可以折成正方体的是（　　）。

A. 　B. 

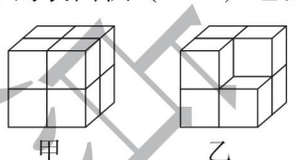
C. 　D. 

（2）（　　）具有稳定性。

A. 三角形　　B. 平行四边形

C. 梯形　　D. 正方形

（3）下图中，甲的表面积（　　）乙的表面积。



A. 大于　　B. 小于

C. 等于　　D. 无法比较

（4）淘气的位置是（4，3），和他相邻同学的位置不可能是（　　）。

A.（4，2）　　B.（5，3）

C.（2，5）　　D.（3，3）

（5）下列图形中，对称轴最多的是（　　）。



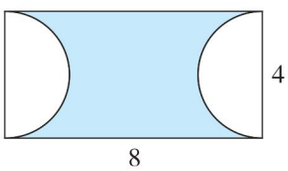
关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

（6）圆的半径增加 a cm，周长就增加（　　）cm。

A．$2a$　　B．$2\pi a$　　C．πa　　D．a

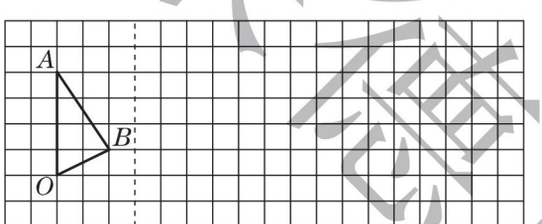
4. 图形计算。（5 分）

求阴影部分的周长和面积。（单位：cm）



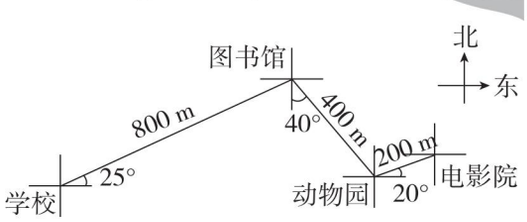
5. 动手操作。（6 分）

以虚线为对称轴，先画出三角形 AOB 的轴对称图形 $A'O'B'$，再绕 O' 点顺时针方向旋转 90°，最后将旋转后的图形向右平移 4 格。



6. 解决问题。（共 40 分）

（1）



①根据上面的路线图，填下面的表格。（6 分）

	方向	路程	时间
学校→图书馆			8 分
图书馆→动物园			5 分
动物园→电影院			3 分

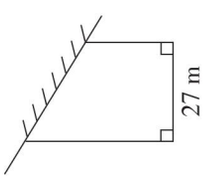
②同学们从学校到电影院看电影行走每段路所用时间如上表，求出学生队伍去时的平均速度。（6 分）

（2）一个圆形花坛，它的半径是 5 m，现在要在花坛的外围修一条宽 2 m 的环形小路，这条小路的面积是多少平方米？（7 分）

（3）有一个圆锥形沙堆，底面周长是 12.56 m，高是 1.5 m。将它铺成一个宽 5 m，厚 6 cm 的路面，可以铺多长？（结果保留整数）（7 分）

（4）学校里有一个圆柱形的花坛，直径是 18 m，高是 50 cm。若在花坛外壁贴上瓷砖，最少需要瓷砖多少平方米？（7 分）

（5）用篱笆围一块梯形苗圃，如下图，一面利用围墙不用篱笆，这样共用去篱笆 90 m。这块苗圃的面积是多少？（7 分）



课后集中练

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

3. 统计与概率

第1课时　统计 ☞（答案见126页）

考点必知

考点1 统计图的特点及适用范围

1. 填一填。

(1)（　　）统计图能清楚地表示数量的增减变化情况，（　　）统计图能清楚地反映部分与总体之间的关系，（　　）统计图能清楚地反映每一部分的具体数量。

(2)医院记录病人的体温变化情况应选用（　　）统计图。

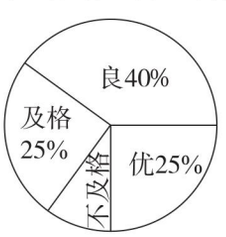
(3)要统计某小学1～6年级各年级人数应选用（　　）统计图。

(4)要了解学校各种支出与总支出的关系，可选用（　　）统计图。

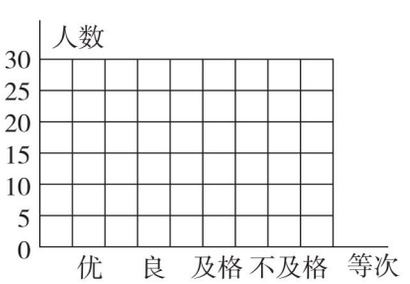
考点2 利用统计图解决问题

2. 按要求解决问题。

(1) 下面是六（1）班期中考试情况统计图。全班得优的有15人，得其他等次的各有多少人？



(2) 根据上面的数据完成下面的统计图。



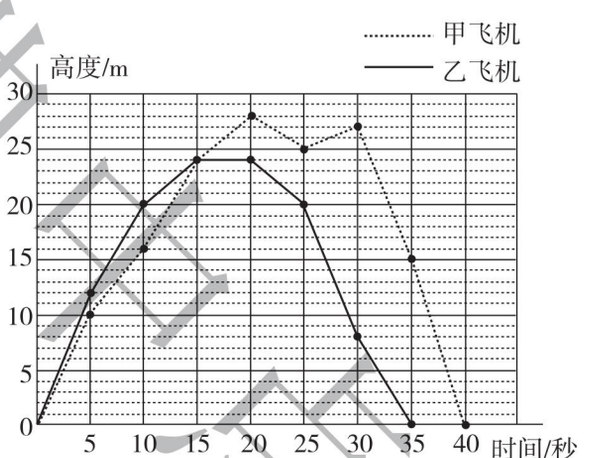
考点3 平均数

3. 某班第一小组有4人，第二小组有5人。在一次数学考试中，第一小组的平均成绩是92.5分，第二小组的平均成绩是93.4分。这两个小组的平均成绩是多少分？

提分必练

提分点 利用统计图解决生活中的实际问题

4. 下面是航模小组制作的两架航模飞机在一次飞行中飞行时间和高度的记录。



(1) 从图上看，起飞后第10秒乙飞机的高度是（　　）m，起飞后第（　　）秒两架飞机处于同一高度，起飞后第（　　）秒两架飞机的高度相差最大。

(2) 说一说从起飞后第15秒至第20秒乙飞机的飞行状态。

未经许可

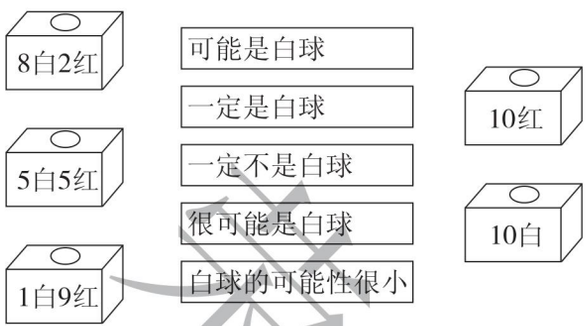
关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第 2 课时　可能性 ☞(答案见 126 页)

考点必知

考点 1 确定事件和不确定事件

1. 从下面的箱子中摸出一个球,可能是什么球?连一连。



考点 2 游戏的公平性

2. 盒子里装有 15 个球，球上分别写着 1 ~ 15 各数。小刚和小强约定，任意摸一个球，摸到的球上的数是 2 的倍数，小刚赢，如果摸到的球上的数不是 2 的倍数，小强赢。

（1）这个约定公平吗？为什么？

（2）小强一定会赢吗？

（3）你能设计一个公平的游戏规则吗？

3. 现在有 10 个○,根据要求涂色。

（1）摸到●的可能性大一些。

○○○○○○○○○○

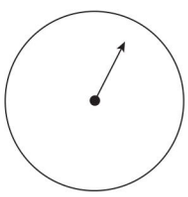
（2）摸到●的可能性和摸到○的可能性一样大。

○○○○○○○○○○

提分必练

提分点 1 根据可能性大小解决问题

4. 利用下面的圆盘设计一个转盘：在转盘上划分红、黄、蓝三种颜色区域，使转盘停止后指针指向红色区域的可能性是指向黄色区域的 2 倍，指向黄色区域的可能性和指向蓝色区域的可能性相等。



5. 健健和康康两名羽毛球运动员 7 场比赛成绩如下表。

	1	2	3	4	5	6	7
健健	3	3	1	0	3	2	3
康康	2	0	3	3	1	3	2

如果两人再进行一场比赛，请预测一下哪名运动员获胜的可能性大，为什么？

提分点 2 利用公平性解决问题

6. 小玲和小璐打乒乓球。用玩“石头、剪子、布”的游戏确定谁先开球，你觉得这样做公平吗？为什么？

课堂里中江

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

4. 解决问题的策略

解决问题的策略 ☞（答案见 127 页）

考点必知

考点1 画图

1. 欣欣童装店有 3 款上衣，4 种裙子，妈妈要为李艳买一套衣服，一共有多少种不同的选择方法？（先画图分析，再解答）

考点2 列表

2. 甲、乙、丙三位老师分别教语文、数学、英语。甲是一位女教师，她比数学老师活泼；英语老师是一位学生的哥哥；丙上课从来不说英语。请问三位老师各教什么课？（在相应的表格里打“√”）

	甲	乙	丙
语文			
数学			
英语			

考点3 猜想与尝试

3. 一辆自行车有 2 个轮子，一辆三轮车有 3 个轮子，车棚里放着自行车和三轮车共 10 辆，数得轮子共有 28 个，自行车和三轮车各有多少辆？

两种车总数量/辆	自行车/辆	三轮车/辆	轮子/个

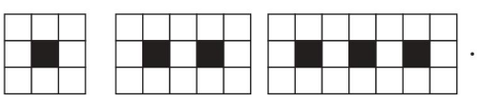
考点4 从特例开始寻找规律

4. 有 64 支球队按淘汰制进行比赛（每场比赛淘汰一支球队），一共要进行多少场比赛？如果有 n 支球队，则一共要进行多少场比赛呢？

提分必练

提分点1 观察发现规律

5. 下列图案由边长相等的黑白两色正方形按一定规律拼接而成，根据规律填表。



黑色正方形的个数	1	2	3	4	…	n
白色正方形的个数	8	13	18	23	…	

提分点2 统筹安排

6. 小华双休日想帮妈妈做下面的事情：用洗衣机洗衣服要用 20 分，扫地要用 6 分，擦家具要用 10 分，晾衣服要用 5 分。她怎样安排，做完这些事情所用时间最少？最少要用多少分？

禁止售出

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

学号 姓名 班级 学校 密 封 线

数与代数过关检测卷

时间：60 分钟　满分：100 分

题　号	一	二	三	四	五	总　分
得　分						

一 填空。（每空 1 分，共 33 分）

1. 一个数由 19 个亿、7 个千万、8 个万、4 个百和 8 个十组成，这个数写作（　　），读作（　　），省略亿位后面的尾数约是（　　）。

2. 在 1，$\frac{1}{3}$，4.5，0，$\frac{7}{5}$，−1，8，0.98，−3.2 中，整数有（　　），自然数有（　　），负数有（　　）。

3. 20 以内既是奇数又是合数的数是（　　），它们的最大公因数是（　　），最小公倍数是（　　）。

4. $\frac{3}{4}$ =（　　）÷8 = $\frac{(\quad)}{12}$ =（　　）∶ 4 =（　　）（填小数）

5. $\frac{2}{5}$ 分 =（　　）秒　　135 分 =（　　）时

   3800 g =（　　）kg　　3.05 t =（　　）t（　　）kg

6. 在◯里填上“ > ”“ < ”或“ = ”。

   $\frac{5}{6}$ ◯ 0.83　　−5 ◯ −3　　0.89 × 1.03 ◯ 0.89

   $\frac{8}{11}$ ◯ 0.$\dot{7}\dot{2}$　　$\frac{7}{8} \div \frac{6}{5}$ ◯ $\frac{7}{8} \times \frac{6}{5}$　　7.2 × 0.25 ◯ 7.2 ÷ 4

7. $\frac{13}{5}$ 的分数单位是（　　），它有（　　）个这样的分数单位，再添上（　　）个这样的分数单位就是最小的合数。

8. 甲数比乙数的 1.8 倍少 b，若乙数是 a，则甲数是（　　）；若甲数是 a，则乙数是（　　）。

9. 超市中某件商品的原价是 480 元，现超市有优惠活动——满 300 元送 120 元，实际上现在这件商品相当于打（　　）折出售。

10. 甲数是乙数的 $\frac{4}{5}$，乙数是甲数的（　　）%，甲数比乙数少（　　）%，乙数比甲数多（　　）%。

二 判断。（对的画“√”，错的画“×”）（每题 1 分，共 5 分）

1. 比的前项扩大到原来的 2 倍，后项不变，比值扩大到原来的 2 倍。（　　）
2. 一种商品先涨价 15%，再降价 15%，这种商品现价与原价相等。（　　）
3. 圆的面积与半径成正比例。（　　）
4. 北京某天的气温是 −3 ℃到 8 ℃，这天的温差是 5 ℃。（　　）
5. 如果甲数是乙数的 5 倍，那么乙数一定是甲数的因数。（　　）

三 选择。（将正确答案的序号填在括号里）（每题 1 分，共 5 分）

1. 甲数的 $\frac{2}{7}$ 与乙数的 $\frac{3}{5}$ 相等（甲、乙两数均不为 0），甲数和乙数比较，（　　）。

   A. 甲数 > 乙数　　B. 甲数 < 乙数　　C. 甲数 = 乙数　　D. 无法比较

2. 如果 $m \div n = 12$（m，n 都是不为 0 的自然数），那么 m 和 n 的最小公倍数是（　　）。

   A. m　　B. n　　C. 12　　D. mn

3. 如果 $\frac{x}{4}$ 是假分数，$\frac{x}{5}$ 是真分数，那么 x 应（　　）。

   A. 大于 4　　B. 等于 4　　C. 大于 5　　D. 等于 5

4. 把一根长 $\frac{3}{4}$ m 的木料锯成长度相等的小段，一共锯了 4 次，平均每段长多少米？列式为（　　）。

   A. $\frac{3}{4} \div 4$　　B. $\frac{3}{4} \div (4-1)$　　C. $\frac{3}{4} \times 4$　　D. $\frac{3}{4} \div (4+1)$

5. 修一条路，甲队单独修 15 天完成，乙队单独修 12 天完成，甲队的工作效率与乙队的工作效率的最简整数比是（　　）。

   A. 15∶12　　B. 12∶15　　C. 5∶4　　D. 4∶5

四 计算。（共 28 分）

1. 直接写得数。（10 分）

   98 + 136 =　　9 − 6.2 =　　$\frac{8}{9} \times \frac{3}{4}$ =　　4 ÷ 0.5 =

   2.5 × 8 =　　$\frac{4}{5} - \frac{3}{10}$ =　　2.5 × 3 × 0.4 =　　$\frac{5}{6} \div 30$ =

   39 × 58 ≈　　361 ÷ 59 ≈

2. 计算下列各题，能简算的要简算。（12 分）

   $\frac{5}{6} \div \left[1 - \left(1 - \frac{1}{3}\right)\right]$　　$\left(\frac{3}{10} + \frac{5}{6} + \frac{3}{5}\right) \times 30$　　$\frac{5}{9} \times \left[\frac{5}{7} - \left(\frac{17}{20} - \frac{2}{7}\right)\right]$

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

$1.25\times3.2\times2.5$　　$0.6\times47+52\times\frac{3}{5}+60\%$　　$9.6-11\div7+\frac{1}{7}\times4$

3. 解方程或比例。（6 分）

$7(x+1.3)=56$　　$\frac{x}{9}=\frac{0.8}{4.5}$　　$\frac{1}{4}x+50\%x=60$

五 解决问题。（共 29 分）

1. 六一儿童节那天，某体育用品商店开展促销活动，所有商品一律九折。明明买一副羽毛球拍便宜了 15 元。他买这副羽毛球拍用了多少元？（4 分）

2. 贝贝到文具店买了 5 支圆珠笔和 4 支铅笔，共用去 8 元，每支圆珠笔 1.2 元，每支铅笔多少元？（4 分）

3. 小可有 72 张邮票，是小悦的邮票数的$\frac{8}{9}$，小军的邮票数比小悦多$\frac{1}{3}$，小军有邮票多少张？（4 分）

4. 生产一批零件，第一周生产了这批零件的 20%，第二周生产了 480 个，这时已经生产的和没有生产的零件的个数比是 3∶2，还要生产多少个零件才能完成任务？（4 分）

5. 六年级举行数学竞赛，共有 20 道题，做对一道题得 5 分，没做或做错一道题扣 3 分，笑笑得了 60 分，那么她做对了几道题？（4 分）

6. 一列匀速行驶的火车通过一座长 1000 m 的大桥用了 30 秒，穿越长 1920 m 的隧道用了 50 秒，这列火车每秒行多少米？车身长多少米？（4 分）

7. 某电脑厂生产一批电脑，原计划 15 天完成，实际每天生产 298 台，这样不但提前 3 天完成了任务，而且超额 201 台，原计划每天生产电脑多少台？（5 分）

荣德基典中点
密 封 线
关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

学号 姓名 班级 学校 密 封 线

图形与几何、统计与概率过关检测卷

时间：60 分钟　满分：100 分

题　号	一	二	三	四	五	六	七	总　分
总　分								

一 填空。（每空 1 分，共 23 分）

1. 在括号里填上合适的单位名称。

（1）学校旗杆高 15（　　）。　（2）一瓶墨水约 60（　　）。

（3）一张 2 寸登记照的面积约 17（　　）。

2. 4.5 m^3 = （　　）dm^3　　8.06 m^2 = （　　）m^2（　　）dm^2

3. 小芳家在学校的东偏南 30°方向，小芳家到学校的距离是 800 m，那么学校在小芳家的（　　）偏（　　）（　　）°方向，学校到小芳家的距离是（　　）m。

4. 如右图，正方形的面积与圆的面积的比是（　　）。



5. 等腰三角形的两条边分别长 5 cm 和 10 cm，那么这个等腰三角形的周长是（　　）cm。

6. 一个梯形的上底长 8 cm，下底长 12 cm，高是 10 cm，若在这个梯形中剪一个最大的平行四边形，它的面积是（　　）cm^2；若在这个梯形中剪去一个最大的三角形，剩余部分的面积是（　　）cm^2。

7.（1）一个半圆形的直径是 8 cm，这个半圆形的周长是（　　）cm，面积是（　　）cm^2。

（2）一个长方体木箱的长是 6 dm、宽是 5 dm、高是 3 dm，它的棱长总和是（　　）dm，表面积是（　　）dm^2，体积是（　　）dm^3。

（3）一个圆柱的底面周长为 25.12 dm，高为 6 dm，和它等底等高的圆锥的体积是（　　）dm^3。

8. 把一段长 2 m 的圆柱形木料锯成 4 个小圆柱，表面积正好增加了 36 dm^2，这段木料的体积是（　　）m^3。

9. 在一幅条形统计图里，用 1.5 cm 长的直条表示 9 t，用（　　）cm 长的直条表示 24 t。

10. 一个盒子里装有完全相同的红球、蓝球共 10 个，如果任意摸一个球，摸到红球的可能性大，则红球至少有（　　）个。

二 判断。（对的画“√”，错的画“×”）（每题 1 分，共 5 分）

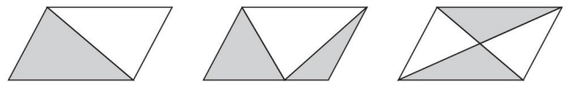
1. 同一平面内，如果两条直线都和一条直线垂直，那么这两条直线互相平行。（　　）

2. 周长相等的两个圆，面积也相等。（　　）

3. 小明的身高是 1.5 m，他在平均水深 1.35 m 的池塘里游泳不会有危险。（　　）

4. 一枚骰子的六个面上分别写有 1～6 这 6 个数字，晓彬和晓海玩游戏，如果掷出数字比 3 大晓彬赢，掷出数字比 3 小晓海赢。这样的游戏规则是公平的。（　　）

5. 下面三个面积相等的平行四边形，它们阴影部分面积一样大。（　　）



三 选择。（将正确答案的序号填在括号里）（每题 2 分，共 10 分）

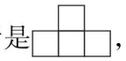
1. 下面展开图中，（　　）不能折成正方体。



A　　B　　C　　D

2. 下列数据中，与其他数据不相等的是（　　）。

A. 4.05 m^3　　B. 40500 cm^3　　C. 4050 dm^3　　D. 4050000 cm^3

3. 用大小相同的小正方体摆成的物体，从正面看是□□□，从上面看是，从左面看是（　　）。



A　　B　　C　　D

4. 将完全相同的 1 个黑球和 9 个白球放在一个口袋里，从口袋里任意摸一个球，下列说法正确的是（　　）。

A. 一定摸到黑球　　B. 摸到黑球的可能性大

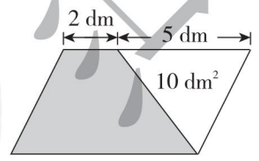
C. 一定摸到白球　　D. 摸到白球的可能性大

5. 王磊前 3 次打靶的平均数为 5 环，要使前 4 次的平均数不低于 6 环，则第 4 次至少应该打出（　　）环。

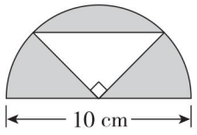
A. 7　　B. 8　　C. 9　　D. 10

四 求阴影部分的面积。（共 10 分）

1.（5 分）

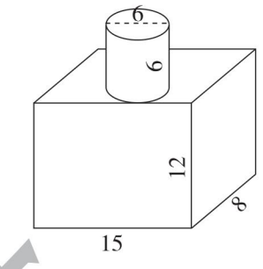


2.（5 分）



关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

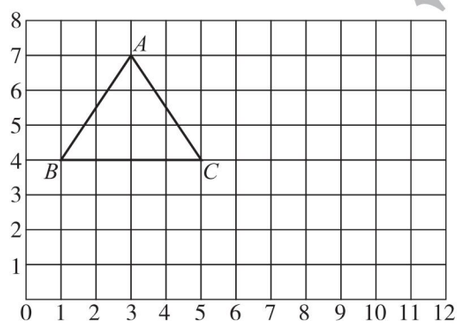
五 求下面图形的表面积和体积。（单位：dm）（5 分）



六 动手操作。（共 17 分）

1.（1）用数对表示三角形 *ABC* 各顶点的位置。（3 分）

（2）画出将三角形 *ABC* 绕点 *C* 按顺时针方向旋转 90°，再向右平移 4 格后得到的图形。（7 分）



2. 下面是学校附近文化用品商店 2014～2018 年每年的营业额和支出情况。（7 分）

年份	2014	2015	2016	2017	2018
营业额/万元	16	18	19	21	24
支出/万元	7	8	7	10	12

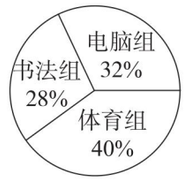
请根据上面的统计表，绘制完下面的折线统计图。



七 解决问题。（共 30 分）

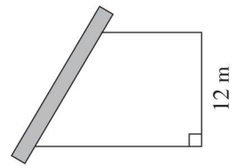
1. 下图是六年级学生参加兴趣小组的统计图。（每人只参加一个小组）

（1）参加体育组的人数比电脑组的人数多百分之几？（3 分）



（2）如果书法组有学生 56 人，那么体育组有学生多少人？（3 分）

2. 如下图，科技小组靠围墙边用 40 m 长的篱笆围了一块梯形苗圃种植园，这块苗圃种植园的面积是多少平方米？（6 分）



3. 一个长方体铁皮油箱，长是 10 dm，宽是 8 dm，高是 6 dm，做这个油箱至少需要多少平方分米的铁皮？如果每升汽油重 0.75 kg，这个油箱最多可装汽油多少千克？（6 分）

4. 操场上有一个圆锥形的沙堆，底面周长是 25.12 m，高是 1.5 m。现将这堆沙铺在一个长 8 m、宽 5 m 的长方形沙坑里，能铺多少厘米厚？（6 分）

5. 一根圆柱形木料，如果分成两段圆柱形木料，表面积增加 6.28 dm^2；如果沿底面直径劈成两个半圆柱，表面积将增加 80 dm^2。原来这根圆柱形木料的表面积是多少？（6 分）

密 线 封

荣德基 典中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

学号 姓名 班级 学校 线 封 密

六年级 数学 下（BS版）

期末检测卷

时间：60 分钟　满分：100 分

题　号	一	二	三	四	五	六	总　分
得　分							

一 填空。（每空 1 分，共 24 分）

1. $\frac{6}{5}$ =（　　）÷10 = 18∶（　　）= $\frac{6+(\quad)}{5+10}$ =（　　）% =（　　）（填小数）

2. 18 的因数中，既是偶数又是质数的数是（　　），既是奇数又是合数的数是（　　）；从 18 的因数中选出四个数组成比例，组成的比例是（　　）。

3. 一堆煤有 5 t，如果每天用去$\frac{5}{9}$，（　　）天可以用完；如果每天用去$\frac{5}{9}$ t，（　　）天可以用完。

4. 一个圆柱与一个圆锥的体积和底面积都相等，圆柱的高是 4.5 dm，圆锥的高是（　　）dm。

5. A 是 B 的 60%，B 是 C 的$\frac{2}{3}$（A，B，C 均不为 0），则 $A∶C$ =（　　）∶（　　）。

6. 已知 $A=2\times2\times3\times5$，$B=2\times3\times3\times5$，则 A，B 的最大公因数是（　　），最小公倍数是（　　）。

7. 有一个周长是 72 cm 的长方形，它正好由三个完全相同的正方形拼成，这个长方形的面积是（　　）cm^2。

8. 36 m 增加它的$\frac{3}{4}$后是（　　）m；80 比 96 少（　　）%。

9. 4 ÷ 7 的商用循环小数的简便记法表示是（　　），小数点后第 50 位上的数字是（　　），小数点后前 50 位数字的和是（　　）。

10. 一个圆柱的底面半径是 3 cm，它的侧面展开图正好是一个正方形，圆柱的高是（　　）cm，这个圆柱所占空间的大小是（　　）cm^3，与它等底等高的圆锥的体积是（　　）cm^3。

二 判断。（对的画“√”，错的画“×”）（每题 1 分，共 5 分）

1. 三个连续自然数的和一定是 3 的倍数。（　　）

2. 甲数比乙数多$\frac{1}{5}$，则乙数比甲数少$\frac{1}{5}$。（　　）

3. 两个侧面积相等的圆柱，它们的底面积一定相等。（　　）

4. 2.5 ÷ 0.7 = 25 ÷ 7 = 3……4。（　　）

5. 将$\frac{5}{7}$的分母扩大到原来的 5 倍，要使分数的大小不变，分子应增加 20。（　　）

三 选择。（将正确答案的序号填在括号里）（每题 1 分，共 5 分）

1. 某校接近 50 人参加“楚才杯”作文竞赛，其中有$\frac{1}{8}$的人获得一等奖，$\frac{1}{3}$的人获得二等奖，$\frac{1}{2}$的人获得三等奖，其余的人获得优秀奖，该校可能有（　　）人参加作文竞赛。

A. 36　　B. 48　　C. 60　　D. 64

2. 下列年份中，不是闰年的是（　　）。

A. 1988　　B. 1900　　C. 2000　　D. 2016

3. 一个圆柱和一个圆锥，底面周长的比是 2∶3，它们的高的比是 9∶5，圆锥和圆柱体积的最简整数比是（　　）。

A. 8∶5　　B. 12∶5　　C. 5∶12　　D. 5∶8

4. 3 □ 2 □ 是 3 的倍数，个位与百位上的数字之和最大是（　　）。

A. 16　　B. 18　　C. 17　　D. 15

5. 两个不同的（　　）一定可以成为互质数。

A. 奇数　　B. 偶数　　C. 质数　　D. 合数

四 计算。（共 31 分）

1. 直接写得数。（5 分）

8.01 − 2.6 =　　$\frac{2}{3}-\frac{2}{3}\times0$ =　　$0.75\times\frac{1}{25}$ =

$\frac{1}{2}-\frac{1}{2}\times10\%$ =　　$2.5\times32\times0.125$ =　　$4-\frac{5}{8}-\frac{3}{8}$ =

2 ÷ 5% =　　$\frac{9}{10}\div\frac{3}{4}$ =　　2.5×6 =　　$2.9\times4.1\approx$

2. 计算下列各题，能简算的要简算。（12 分）

$60\times\left(\frac{7}{12}+\frac{2}{15}\right)$　　$\frac{2}{3}+\left(\frac{5}{6}-\frac{3}{4}\right)\div\frac{3}{8}$

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

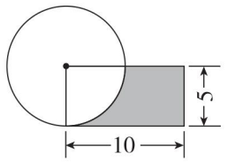
$0.125\times2\frac{3}{4}+\frac{1}{8}\times6.25-12.5\%$　　$\left(\frac{2}{3}-\frac{1}{4}\right)\times0.6\div4$

3. 解方程或比例。（6 分）

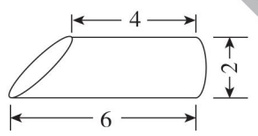
$4.8\times2.5-75\%x=2$　　$\frac{4}{7}x:\frac{2}{3}=4:7$　　$\frac{2.4}{x}=\frac{72}{3}$

4. 按要求计算。（单位：cm）（8 分）

（1）求阴影部分的面积。

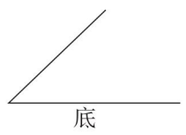


（2）求图形的体积。



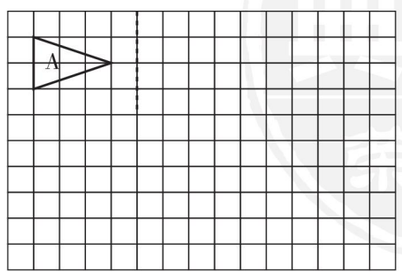
五 动手操作。（共 10 分）

1. 以所画的角的两条边为平行四边形的边，画出平行四边形，并画出已知底边上的一条高。（4 分）



2. （1）以虚线为对称轴，画出与图形 A 轴对称的图形 B；再将图形 B 向右平移 5 格得到图形 C；最后绕图形 C 的顶角顶点顺时针旋转 90°得到图形 D。（3 分）

（2）画出图形 A 按 2∶1 的比放大后的图形。（3 分）



六 解决问题。（共 25 分）

1. 阅读下面的资料，回答后面的问题。

六年级同学开展太空黄瓜种植活动。他们先在学校的“科技种植园”中选择了一块周长是 32 m，长与宽的比是 5∶3 的长方形地。种植前，先要平整土地，如果让小华单独做需要 5 时，让陈老师单独做需要 3 时。平整好土地后他们就开始种植太空黄瓜了。

（1）这块长方形地的面积是多少平方米？（2 分）

（2）如果小华和陈老师合作，几时能平整完这块土地？（3 分）

2. 一个圆柱形的水池，水池的内壁和底面要抹水泥，从内部量得水池的底面周长是 50.24 m，池深 1.2 m，抹水泥的面积是多少平方米？这个水池最多能装多少升水？（5 分）

3. 在一幅比例尺为 1∶2000000 的地图上，乐乐量得他家到某旅游景区的距离是 7.2 cm。如果他爸爸开车带全家人一起去这个景区旅游，平均每时行 90 km，他们 8:00 从家出发，什么时候能到达景区？（5 分）

4. 甲、乙、丙三位工人共同制作了 2050 个零件，已知甲和乙制作的零件个数比是 5∶3，乙和丙制作的零件个数比是 4∶3，三位工人各制作了多少个零件？（5 分）

5. 小艺看一本书，第一天看了全书页数的$\frac{2}{15}$，第二天比第一天多看了 6 页，这时已看的页数与剩下的页数的比是 3∶7，这本书共有多少页？（5 分）

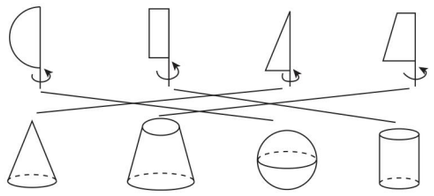
关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

课时部分

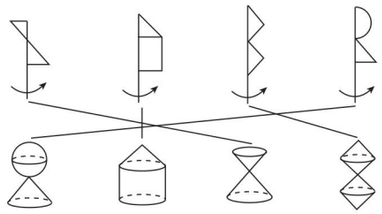
第一单元 圆柱与圆锥

第1课时 面的旋转》圆柱与圆锥的形成

1. （1）直线 （2）面 （3）圆柱

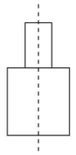
2. 

3. 以一条短边所在的直线为轴旋转：
底面直径为 $3\times2=6$（cm），高为 2 cm；
以一条长边所在的直线为轴旋转：
底面直径为 $2\times2=4$（cm），高为 3 cm。
点拨：本题易忽略以 3 cm 长的边所在的直线为轴进行旋转的情况。

4. 

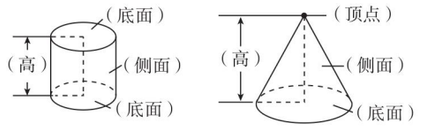
5. 

6. B

7. 

第2课时 面的旋转》圆柱与圆锥的特征

1. （ ○ ）（ ）（ △ ）（ ）
（ △ ）（ ○ ）（ ）

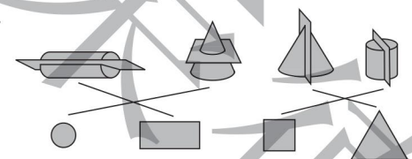
2. 

3. （1）圆柱 3 8
（2）8 6 37.68

4. 3 cm 4 cm

5. （1）×
（2）× **点拨：**圆锥只有 1 条高。

6. $20\times4+40\times4=240$（cm）
$240+20=260$（cm）
答：捆扎这个蛋糕盒所用的彩带至少长 260 cm。

7. 

8. 得到的两个切面是等腰三角形。
$(3\times2)\times4\div2=12$（$cm^2$）
答：一个切面的面积是 12 cm^2。

9. $15.7\div3.14\div2=2.5$（cm）
答：圆柱的底面半径是 2.5 cm。

第3课时 圆柱的表面积》圆柱的表面积公式的推导

1. （1）两个底面积 侧面积
（2）$(2a+b)$ cm^2 （3）18.84

2. （1）长方形或正方形 侧面积
（2）底面周长 高

3. （1）$25\times8=200$（cm^2）
（2）$8\times3.14\times5=125.6$（cm^2）

4. 3 1 2
侧面积：$4\times3.14\times6=75.36$（cm^2）
底面积：$(4\div2)^2\times3.14=12.56$（$cm^2$）
表面积：$12.56\times2+75.36=100.48$（$cm^2$）

5. $3.14\times2^2=12.56$（cm^2）
$2\times2\times3.14\times10=125.6$（$cm^2$）
$12.56\times2+125.6=150.72$（$cm^2$）

6. 不对。改正：$3.14\times0.4\times4=5.024$（$m^2$）
答：至少需要 5.024 m^2 的铁皮。

7. $18.84\div3.14\div2=3$（cm）
$3.14\times3^2=28.26$（cm^2）
$18.84\times20=376.8$（cm^2）
$28.26\times2+376.8=433.32$（$cm^2$）
答：它的表面积是 433.32 cm^2。

8. $25.12\div4\times24=150.72$（$cm^2$）
答：原来这个圆柱的侧面积是 150.72 cm^2。
点拨：减少的表面积除以截去部分的高就是圆柱的底面周长，再用底面周长乘原来圆柱的高就是原来圆柱的侧面积。

第4课时 圆柱的表面积》圆柱的表面积的应用

1. （1）B （2）C （3）A （4）D

2. $2\times2\times3.14\times2.5+3.14\times2^2=43.96$（$m^2$）
答：贴瓷砖的面积是 43.96 m^2。

3. $31.4\times8=251.2$（cm^2） $31.4\div3.14\div2=5$（cm）
$3.14\times5^2\times2+251.2=408.2$（$cm^2$）
答：这个罐头盒的侧面积是 251.2 cm^2，表面积是 408.2 cm^2。

4. $3.14\times3^2+2\times3.14\times3\times6=141.3$（$dm^2$）
答：至少需要玻璃 141.3 dm^2。
点拨：因为鱼缸无盖，所以计算需要玻璃的面积时，底面积不需乘 2。

5. $376.8\div(3.14\times3)=40$（m） $3\times2\times40=240$（m^2）
答：这个蔬菜大棚的种植面积是 240 m^2。
点拨：塑料薄膜的面积是圆柱侧面积的一半。求蔬菜大棚的种植面积就是求它的占地面积。

6. $628\div10\div3.14\div2=10$（cm）
$3.14\times10^2\times2+3.14\times10\times2\times(10+15)=2198$（$cm^2$）
答：原来圆柱的表面积是 2198 cm^2。
点拨：圆柱被截去 10 cm 后，减少的表面积就是截去的圆柱的侧面积。

7. $3.14\times(8\div2\div2)^2\times2+(16.56-8\div2)\times8=125.6$（$dm^2$）
答：用这块铁皮做成的油桶的表面积是 125.6 dm^2。

阶段小达标（1）

1. （1）18 （2）31.4 （3）51.81 （4）87.92
（5）18.84 94.2 （6）1

2. （1）× （2）√ （3）√ （4）√ （5）√

3. （1）D （2）A （3）D A （4）C （5）C

4. （1）$3.14\times8\times20+3.14\times(8\div2)^2\times2=602.88$（$cm^2$）
（2）$3.14\times3\times2\times15+3.14\times3^2\times2=339.12$（$cm^2$）

5. （1）$0.6\times2\times3.14\times1.8=6.7824$（$m^2$）
答：压过的路面的面积是 6.7824 m^2。
（2）6 dm = 0.6 m $0.6\times3.14\times1.5=2.826$（$m^2$）
答：最大可以贴面积为 2.826 m^2 的海报。
（3）40 cm = 4 dm 50 cm = 5 dm
$[4\times3.14\times5+(4\div2)^2\times3.14]\times2\approx151$（$dm^2$）
答：至少需要准备 151 dm^2 的铁皮。
（4）$4^2\times3.14\times2+4\times2\times3.14\times5=226.08$（$cm^2$）
答：得到的立体图形的表面积是 226.08 cm^2。
（5）$20\times12+3.14\times\left(\frac{12}{2}\right)^2+3.14\times12\times20\times\frac{1}{2}=729.84$（$cm^2$）
答：这个半圆柱的表面积是 729.84 cm^2。
点拨：半圆柱的表面积 = 长方形的面积 + 两个半圆形的面积 + 圆柱侧面积的一半，而两个半圆形的面积等于一个圆的面积。
（6）10 cm = 0.1 m 20 dm = 2 m
$3.14\times0.1\times2\times2\times50=62.8$（$m^2$）
答：做 50 个这样的铁皮烟囱最少需要 62.8 m^2 铁皮。
（7）$(3.14\times4^2+3.14\times4\times2\times12)\times2=703.36$（$dm^2$）
答：至少需要 703.36 dm^2 的铁皮。
（8）$3.14\times(12.56\div3.14\div2)^2=12.56$（$m^2$）
$12.56+12.56\times2.5=43.96$（$m^2$）
答：这个水池的占地面积是 12.56 m^2。贴瓷砖的面积是 43.96 m^2。

第5课时 圆柱的体积》圆柱的体积公式的推导与计算

1. 圆柱 底面积 高 底面积×高 $V=Sh$

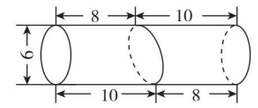
2. （1）$40\times5=200$（cm^3）
（2）$3.14\times\left(\frac{10}{2}\right)^2\times15=1177.5$（$cm^3$）
（3）$3.14\times3^2\times12=339.12$（$cm^3$）

3. （1）× **点拨：**圆柱的体积和表面积无法比较。
（2）× **点拨：**圆柱的底面半径扩大到原来的 2 倍，它的底面积就扩大到原来的 4 倍，若高不变，则体积就扩大到原来的 4 倍。
（3）× **点拨：**体积是由底面积和高两个条件决定的，所以体积相等，高不一定相等。

4. $25.12\div3.14\div2=4$（dm）
$3.14\times4^2\times10=502.4$（$dm^3$）
答：这个圆柱的体积是 502.4 dm^3。

5. $301.44\div[3.14\times(8\div2)^2]=6$（dm）
答：这个圆柱的高是 6 dm。

6. $6\div2=3$（cm）
$3.14\times3^2\times(10+8)\div2=254.34$（$cm^3$）
点拨：把两个同样的图形拼成一个圆柱，如下图（单位：cm）：



求出这个圆柱的体积，再除以 2，就是所求图形的体积。

第6课时 圆柱的体积》圆柱的体积的应用

1. 2 m = 200 cm $10\div2=5$（cm）
$3.14\times5^2\times200=15700$（$cm^3$）
$15700\times7.9=124030$（g） 124030 g = 124.03 kg
答：这根钢材重 124.03 kg。

2. $3.14\times(6\div2)^2\times10\times4=1130.4$（$cm^3$） =
1.1304（L） < 1.2 L **答：**够。

3. $3.14\times2^2\times1.5=18.84$（$m^3$） 18.84 m^3 < 20 m^3
答：能填满这个沙坑。

4. 不对。改正：
$6.28\div3.14\div2=1$（dm）
$3.14\times1^2\times2=6.28$（$dm^3$）= 6.28（L）
答：这个水桶最多能装水 6.28 L。
点拨：能装水多少升是求体积，应用底面积乘高。

5. $3.14\times1^2\times(0.83-0.8)=0.0942$（$dm^3$）
答：放进去的鱼的体积是 0.0942 dm^3。

6. $15.7\times5\times3.6\div(3.14\times6^2)=2.5$（cm）
答：高是 2.5 cm。

7. $6\div2=3$（cm） $8\div2=4$（cm） 2 m = 200 cm
$(3.14\times4^2-3.14\times3^2)\times200=4396$（$cm^3$）
$4396\times7.9=34728.4$（g） 34728.4 g≈35 kg
答：这根钢管约重 35 kg。

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

8. $3.14\times1^2=3.14$（dm^2）
$3.14\times6=18.84$（dm^2）
$18.84\div(3.14\times2\times1)=3$（dm）
$3.14\times3=9.42$（dm^3）
答：这个圆柱的体积是 9.42 dm^3。

第 7 课时　圆锥的体积

1. 3　$\frac{1}{3}$　$V=\frac{1}{3}Sh$

2. （1）$3\div2=1.5$（cm）
$\frac{1}{3}\times3.14\times1.5^2\times3=7.065$（$cm^3$）
（2）$18.84\div3.14\div2=3$（dm）
$\frac{1}{3}\times3.14\times3^2\times4=37.68$（$dm^3$）

3. $3.14\times(6\div2)^2\times1.5\times\frac{1}{3}\times1.5=21.195$（t）
答：这堆沙子重 21.195 t。

4. 不对。改正：$6.28\times3\div(3.14\times2^2)=1.5$（m）
答：这个圆锥的高是 1.5 m。

5. $12.56\div3.14\div2=2$（m）
$\frac{1}{3}\times3.14\times2^2\times4.8=20.096$（$m^3$）
2 cm = 0.02 m　$20.096\div(10\times0.02)=100.48$（m）
答：能铺 100.48 m 长。

6. $3.14\times3^2\times6-\frac{1}{3}\times3.14\times3^2\times(6-3)=141.3$（$cm^3$）
答：这个立体图形的体积是 141.3 cm^3。

7. 设圆锥的底面积和高分别是 S_1 cm^2，h_1 cm，圆柱的底面积和高分别是 S_2 cm^2，h_2 cm。
$h_1=2h_2$　$S_1=\frac{2}{3}S_2$　$\frac{1}{3}S_1h_1+S_2h_2=130$
$\frac{1}{3}\times\frac{2}{3}S_2\times2h_2+S_2h_2=130$
$\frac{13}{9}S_2h_2=130$　$S_2h_2=90$　$130-90=40$（cm^3）
答：圆柱的体积是 90 cm^3，圆锥的体积是 40 cm^3。

第 8 课时　练习一

1. （1）780　8.5　5　40
（2）240　157　（3）113.04

2. （1）$3.14\times4^2\times7.5=376.8$（$cm^3$）
（2）$\frac{1}{3}\times3.14\times(6\div2)^2\times10=94.2$（$cm^3$）

3. （1）①$3.14\times4\times2\times15=376.8$（$cm^2$）
答：至少需要 376.8 cm^2 的包装纸。
②$3.14\times4^2\times15=753.6$（$cm^3$）
答：这个茶叶筒的体积是 753.6 cm^3。
（2）$3.14\times1.6+3.14\times(3.14\div3.14\div2)^2=5.809$（$m^2$）
$5.809\times4\times7.5=174.27$（kg）
答：一共需要水泥 174.27 kg。
（3）$\frac{1}{3}\times3.14\times(10\div2)^2\times12\div[3.14\times(8\div2)^2]=6.25$（cm）
答：这时 B 容器中的水面高 6.25 cm。
（4）$3.14\times(12\div2)^2\times15=1695.6$（$cm^3$）
$3.14\times(12\div2)^2\times15\times\frac{3}{5}\times\frac{1}{3}=339.12$（$cm^3$）
$1695.6+339.12=2034.72$（cm^3）
答：这个陀螺的体积是 2034.72 cm^3。

阶段小达标（2）

1. （1）226.08　251.2　（2）0.2　（3）392.5
（4）3∶1　$\frac{2}{3}$　（5）4　（6）180
（7）36　12　（8）2.16

2. （1）×　（2）×　（3）×　（4）×　（5）√

3. （1）C　（2）D　（3）B　（4）B　（5）B

4. （1）①③（或①②）
（2）选①③：$3.14\times(4\div2)^2\times9.42\approx118$（$dm^3$）= 118（L）
选①②：$3.14\times1.5^2\times12.56\approx89$（$dm^3$）= 89（L）
答：做成的水桶大约能装水 118 L 或 89 L。

5. （1）$25.12\div3.14\div2=4$（m）
$3.14\times4^2\times(4-0.5)=175.84$（$m^3$）
175.84 m^3 = 175840 L
答：这时池内有 175.84 m^3 水，合 175840 L。
（2）2 dm = 20 cm
$3.14\times(20\div2)^2\times3=942$（$cm^3$）
答：这个钢球的体积是 942 cm^3。
（3）1.5 m = 150 cm　$(3-1)\times2=4$（个）
$1256\div4=314$（cm^2）
$314\times150=47100$（cm^3）
答：原来这根圆柱形木料的体积是 47100 cm^3。
（4）①$12.56\div3.14\div2=2$（m）
$3.14\times2^2\times1.5\times\frac{1}{3}=6.28$（$m^3$）
答：这堆混凝土的体积是 6.28 m^3。
②$6.28\div[3.14\times(1\div2)^2\times4]=2$（根）
答：可以浇筑 2 根。
（5）$25.12\div3.14\div2=4$（cm）
$3.14\times4^2\times6\times\frac{1}{3}\div[3.14\times(16\div2)^2]=0.5$（cm）
答：容器内的水面下降了 0.5 cm。

第二单元　比例

第 1 课时　比例的认识》比例的意义

1. （1）8　6　两个比相等（前两个空答案不唯一）
（2）$\frac{3}{4}$　$\frac{3}{4}$　相等　18∶24 = 6∶8　$\frac{18}{24}$　$\frac{6}{8}$（部分空答案不唯一）
（3）4∶2　6∶3　4∶2 = 6∶3（答案不唯一）

2. （1）$\frac{2}{3}$　0.6　（2）2　18

3. （1）能。0.8∶3.2 = 4.5∶18（或 4.5∶18 = 0.8∶3.2）
（2）不能。（3）能。2.5∶4 = 5∶8（或 5∶8 = 2.5∶4）

4. （1）×　**点拨：**$6:10=\frac{3}{5}$，$5:3=\frac{5}{3}$，$\frac{3}{5}\neq\frac{5}{3}$，比值不相等，不能组成比例。
（2）×　**点拨：**比例应有 4 项，这里只有 3 项，所以不是比例。

5. （1）1∶2 = 4∶8
1∶4 = 6∶24（答案不唯一）
（2）6∶8 = 15∶20　（答案不唯一）

6. （1）能。4∶20 = 1∶5（所写比例不唯一）
（2）能。3∶15 = 8∶40（所写比例不唯一）

7. 可以组成 8 个比例。
8∶10 = 4.8∶6　4.8∶8 = 6∶10　4.8∶6 = 8∶10
10∶8 = 6∶4.8　8∶4.8 = 10∶6　6∶4.8 = 10∶8
6∶10 = 4.8∶8　10∶6 = 8∶4.8

第 2 课时　比例的认识》比例的基本性质

1. （1）$8\times25=200$　$10\times20=200$
（2）$4.5\times\frac{1}{9}=0.5$　$2.5\times\frac{1}{5}=0.5$
我发现：两个外项的积等于两个内项的积。

2. （1）40　（2）35　（3）$\frac{8}{3}$

3. （1）不能　（2）能　（3）能　（4）能

4. （1）8　5　（2）$\frac{4}{5}$　**点拨：**（1）因为 n 是外项，m 是内项，所以与 n 相乘的 5 是外项，与 m 相乘的 8 是内项；（2）根据内项积等于外项积来解答。

5. （1）4　5　（2）6　7

6. 这样的数能写出三个，分别是 6，24，$\frac{32}{3}$。
8∶16 = 12∶24　12∶16 = 6∶8
$\frac{32}{3}$∶8 = 16∶12（所写比例不唯一）

7. $2:\frac{1}{5}=130:13$　$2:130=\frac{1}{5}:13$（答案不唯一）

8. 能组成比例。6∶8 = 15∶20　6∶15 = 8∶20
8∶6 = 20∶15　8∶20 = 6∶15
15∶20 = 6∶8　15∶6 = 20∶8
20∶15 = 8∶6　20∶8 = 15∶6

第 3 课时　比例的应用

1. （1）80　（2）90

2. 3∶20 = x∶120
解：$20x=3\times120$
$x=18$

3. （1）36　45　24　30　（2）$\frac{15\times44}{0.2}$　3300
（3）0.16∶$\frac{2}{5}=\frac{8}{25}$∶x
解：$0.16x=\frac{16}{125}$
$x=\frac{4}{5}$
（4）$\frac{1.25}{0.25}=\frac{x}{1.6}$
解：$0.25x=2$
$x=8$

4. **解：**设模型的长是 x cm。
12∶1 = x∶15　$x=180$　180 cm = 1.8 m
答：模型的长是 1.8 m。

5. 不对。　改正：12∶x = 2∶1.8
解：$2x=12\times1.8$
$x=10.8$
点拨：应利用内项积等于外项积解比例。

6. （5x − 6）∶（3x + 12）= 4∶3
解：3（5x − 6）= 4（3x + 12）
$3x=66$
$x=22$

7. $S_A\times\frac{1}{3}=S_B\times\frac{1}{4}$　$S_A:S_B=\frac{1}{4}:\frac{1}{3}=3:4$
$S_B=4S_A\div3=4\times12\div3=16$（$cm^2$）
答：平行四边形 B 的面积是 16 cm^2。

8. **解：**设甲商场原有 4x 台洗衣机，则乙商场原有 3x 台洗衣机。
（4x − 48）∶3x = 2∶3　$x=24$
$4x=4\times24=96$　$3x=3\times24=72$
答：甲商场原来有洗衣机 96 台，乙商场原来有洗衣机 72 台。

阶段小达标（3）

1. （1）3∶4　6∶8　3∶4 = 6∶8　（答案不唯一）
（2）$\frac{2}{5}:\frac{3}{4}=8:15$（答案不唯一）
（3）$\frac{4}{3}$　（4）$\frac{5}{2}$　（5）5　4　（6）4　3　（7）8　（8）180

2. （1）√　（2）×　（3）√　（4）×　（5）×

3. （1）D　（2）B　（3）D　（4）C　（5）B　（6）B

4. $x=70$　$x=\frac{9}{8}$　$x=6$　$x=0.6$

5. （1）$\frac{5}{6}:\frac{3}{5}=\frac{3}{4}:x$
解：$\frac{5}{6}x=\frac{3}{4}\times\frac{3}{5}$
$x=\frac{27}{50}$
（2）2.4∶0.72 = x∶0.9
解：$0.72x=0.9\times2.4$
$x=3$
（所列比例不唯一）

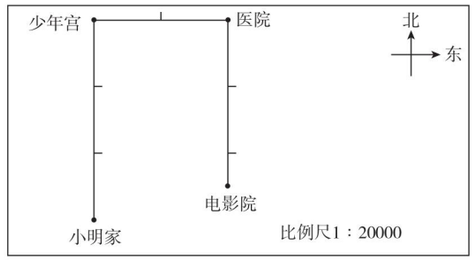
6. （1）①**解：**设配制这种农药需要水 x kg。
1∶500 = 4.5∶x　$x=2250$
答：配制这种农药需要水 2250 kg。
②**解：**设配制这种农药需要药粉 y kg。
1∶500 = y∶2000　$y=4$
答：配制这种农药需要药粉 4 kg。
（2）**解：**设融化成水后的体积是 x dm^3。
132∶x = 10∶9
$x=118.8$
118.8 dm^3 = 118.8 L
答：融化成水后的体积是 118.8 L。
（3）**解：**设还有 x m 没有修。
3∶5 = 1800∶x
$3x=1800\times5$
$x=3000$
3000 + 1800 = 4800（m）
答：这条公路全长 4800 m。
（4）$45\div3\times(3+2)=75$（页）
答：这本故事书共有 75 页。

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第 4 课时　比例尺»比例尺的意义

1. （1）图上距离　实际距离
（2）1∶500000
（3）图上距离　实际距离

2. 10 cm∶200 km = 10 cm∶20000000 cm = 1∶2000000
答：这幅地图的比例尺是 1∶2000000。

3. 

4. 线段　30　1∶3000000

5. 2.4 dm∶6 mm = 240 mm∶6 mm = 40∶1
答：这幅图纸的比例尺是 40∶1。
点拨：计算比例尺时应用图上距离比实际距离。

6. 100 m = 10000 cm　60 m = 6000 cm
$10000 \times \frac{1}{5000} = 2$（cm）
$6000 \times \frac{1}{5000} = 1.2$（cm）
答：长应画 2 cm，宽应画 1.2 cm。

7. $1.8 \div \frac{1}{20000000} = 36000000$（cm）
9∶36000000 = 1∶4000000
答：另一幅地图的比例尺是 1∶4000000。

8. 20 cm∶500 m = 20 cm∶50000 cm = 1∶2500
10 cm∶200 m = 10 cm∶20000 cm = 1∶2000
$\frac{1}{2500} < \frac{1}{2000}$　**答：**选择的比例尺最大是 1∶2500。

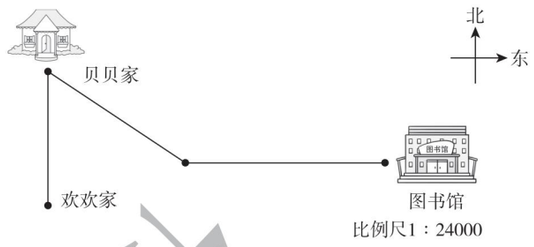
第 5 课时　比例尺»比例尺的应用

1. 30　30　360　360
1∶3000000 = 12∶x　x = 36000000
36000000 cm = 360 km
答：北京到该地的实际距离是 360 km。

2. 量出河西村到汽车站的距离是 2.4 cm。
$2.4 \div \frac{1}{80000} = 192000$（cm）= 1920（m）
答：河西村到汽车站的实际距离是 1920 m。

3. 5 × 500 = 2500（cm）
4 × 500 = 2000（cm）
2500 cm = 25 m
2000 cm = 20 m
25 × 20 = 500（m^2）
答：该长方形的实际面积是 500 m^2。
点拨：比例尺是两个长度的比，而不是面积的比，所以计算时要先根据比例尺求出长方形实际的长和宽，再求实际面积。

4. （1）在图上量得贝贝家到图书馆的路线长 5.5 cm。
5.5 × 24000 = 132000（cm）　132000 cm = 1320 m
答：贝贝家到图书馆的实际路程是 1320 m。

（2）


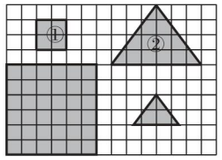
点拨：欢欢家与贝贝家的图上距离是 2 cm。

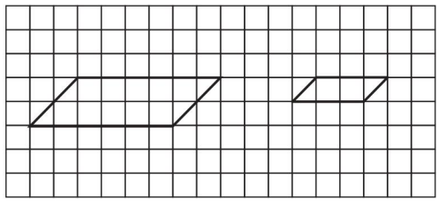
5. 5 × 60000 = 300000（cm）
$300000 \times \frac{1}{50000} = 6$（cm）
答：在新地图中应该画 6 cm。
点拨：解决此题关键是先求出题中的不变量，即实际距离。

6. $3 \div \left(\frac{1}{400000} - \frac{1}{1600000}\right) = 1600000$（cm）= 16（km）
答：甲、乙两地的实际距离是 16 km。

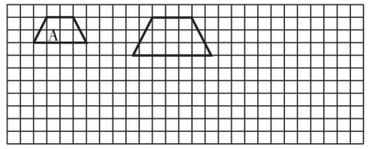
第 6 课时　图形的放大和缩小

1. （1）8　6　（2）3∶1　（3）25.12
（4）⑤　1.5　1　③　1　2

2. 

3. 
点拨：缩小图形时要注意形状不能变，也就是角度不能变。

4. 假设原正方形的边长是 5 cm，按 20∶1 放大后边长是 5 × 20 = 100（cm）
原周长：5 × 4 = 20（cm）
放大后周长：100 × 4 = 400（cm）
400 ÷ 20 = 20　因此周长扩大到原来的 20 倍。
原面积：5 × 5 = 25（cm^2）
放大后面积：100 × 100 = 10000（cm^2）
10000 ÷ 25 = 400　因此面积扩大到原来的 400 倍。
按 1∶10 缩小后边长是 5 ÷ 10 = 0.5（cm）
缩小后周长：0.5 × 4 = 2（cm）
$2 \div 20 = \frac{1}{10}$　因此周长缩小到原来的$\frac{1}{10}$。
缩小后面积：0.5 × 0.5 = 0.25（cm^2）
$0.25 \div 25 = \frac{1}{100}$　因此面积缩小到原来的$\frac{1}{100}$。

5. 

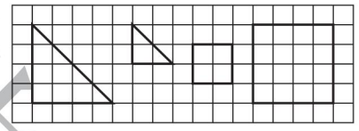
6. 放大后半径是 1 × 3 = 3（dm）
放大后高是 2 × 3 = 6（dm）
$3.14 \times 3^2 \times 6 = 169.56$（$dm^3$）
答：放大后圆柱的体积是 169.56 dm^3。

第 7 课时　练习二

1. 2∶1.2 = 4∶2.4　3∶1.8 = 4∶2.4
2∶1.2 = 3∶1.8（答案不唯一）

2. （1）能组成比例。0.6∶0.2 = 0.75∶0.25（或 0.75∶0.25 = 0.6∶0.2）
（2）不能组成比例。
（3）能组成比例。$\frac{1}{3} : \frac{1}{6} = \frac{1}{2} : \frac{1}{4}$（或$\frac{1}{2} : \frac{1}{4} = \frac{1}{3} : \frac{1}{6}$）

3. （1）$x = \frac{5}{2}$　（2）$x = \frac{7}{12}$　（3）$x = \frac{8}{5}$　（4）$x = 40$

4. 

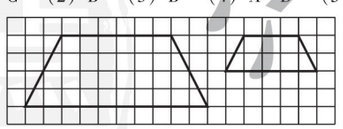
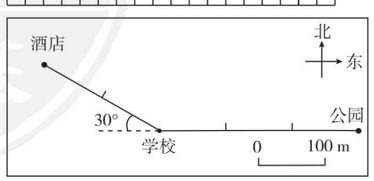
5. （1）0.8 ÷ 4 ×（3 + 4）= 1.4（kg）
答：这袋什锦糖重 1.4 kg。
（2）12 m = 1200 cm　4 ÷ 1200 = $\frac{1}{300}$
答：这幅平面图的比例尺是$\frac{1}{300}$。
（3）$5.5 \div \frac{1}{1000000} = 5500000$（cm）
5500000 cm = 55 km
55 ÷ 100 × 60 = 33（分）
答：通过这座大桥需要 33 分。

阶段小达标（4）

1. （1）2　（2）放大　1 mm　（3）256
（4）1∶2000000　（5）250∶1
（6）800　18　（7）2　1　（8）270

2. （1）√　（2）×　（3）√　（4）×　（5）√

3. （1）C　（2）B　（3）B　（4）A　D　（5）B

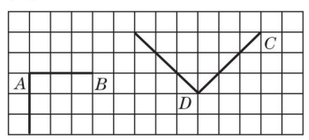
4. （1）
（2）

5. （1）卧室 1：$2 \div \frac{1}{300} = 600$（cm）　600 cm = 6 m
6 × 6 = 36（m^2）
卧室 2：$2 \div \frac{1}{300} = 600$（cm）　600 cm = 6 m
$1.5 \div \frac{1}{300} = 450$（cm）　450 cm = 4.5 m
6 × 4.5 = 27（m^2）
答：卧室 1 的实际面积是 36 m^2。卧室 2 的实际面积是 27 m^2。
（2）150 m = 15000 cm　90 m = 9000 cm
$15000 \times \frac{1}{6000} = 2.5$（cm）
$9000 \times \frac{1}{6000} = 1.5$（cm）
2.5 × 1.5 = 3.75（cm^2）
答：图纸上试验田的面积是 3.75 cm^2。
（3）A 图纸：$3 \div \frac{1}{2000} = 6000$（cm）　6000 cm = 60 m
B 图纸：$3 \div \frac{1}{500} = 1500$（cm）　1500 cm = 15 m
答：A 图纸上 3 cm 长的线段表示的实际长度是 60 m。B 图纸上 3 cm 长的线段表示的实际长度是 15 m。
（4）**解：**设在比例尺是 1∶4000000 的地图上，A 市到 B 市的距离是 x cm。
$8 \div \frac{1}{6000000} = x \div \frac{1}{4000000}$
x = 12
答：在比例尺是 1∶4000000 的地图上，A 市到 B 市的距离是 12 cm。

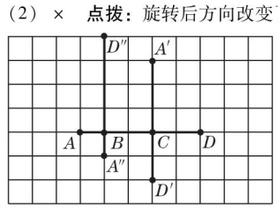
第三单元　图形的运动

第 1 课时　图形的旋转（一）»旋转的三要素

1. （1）顺时针　逆时针　（2）①90°　②逆
（3）D　A

2. 

3. （1）×　**点拨：**图形旋转时，还要注意围绕哪个固定的点旋转。图形旋转时要注意三点：旋转中心、旋转方向和旋转角度。
（2）×　**点拨：**旋转后方向改变了，但长度不变。

4. 

5. 旋转了 90°；指向 5。

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

6. 线段 AB 绕点 A 顺时针旋转 90° 所扫过的图形是图 1，线段 AB 绕点 B 顺时针旋转 90° 所扫过的图形是图 2。

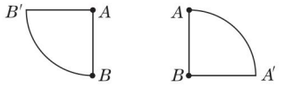


图1

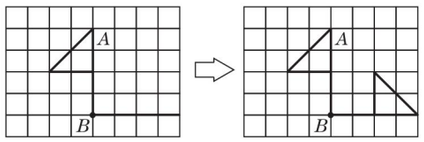
图2

图 1 的面积：$\frac{1}{4}\times 3.14\times 1^2=0.785$（$cm^2$）

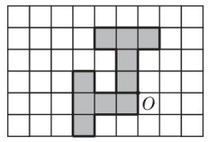
图 2 的面积：$\frac{1}{4}\times 3.14\times 1^2=0.785$（$cm^2$）

第 2 课时　图形的旋转（二）» 在方格纸上旋转

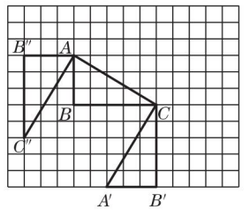
1. B　顺　90　小旗



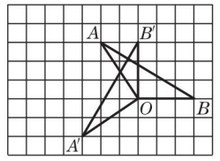
2.



3.

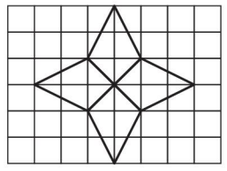


4.



点拨：旋转时，要从以旋转中心为顶点的角的两条边着手。

5.



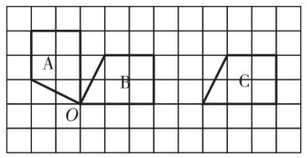
6. 每次旋转 45°，连续旋转 7 次。

7. 能。将三角形 ABE 绕点 B 顺时针旋转 180°，可得到一个长方形。（方法不唯一）

第 3 课时　图形的运动» 平移、旋转和轴对称的综合应用

1.（1）5　4　（2）顺时针　90　下　2

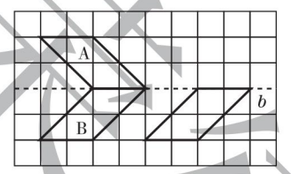
2.



3. 不正确。　**点拨：**右边的图案是左边图案中的半圆形绕点 A 逆时针旋转 90° 得到的。

4. 先将半圆形 M 绕点 A 顺时针旋转 90°，再向右平移 2 格，再将半圆形 N 绕点 B 顺时针旋转 90°，再向左平移 2 格。（答案不唯一）

5.



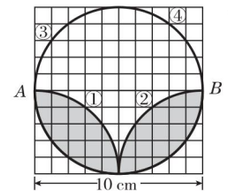
6.（1）将三角形 AFE 绕点 E 逆时针旋转 90°。（答案不唯一）

（2）$6\times 8\div 2=24$（cm^2）

7. 如图，将弧线①绕点 A 逆时针旋转 90° 得到弧线③，将弧线②绕点 B 顺时针旋转 90° 得到弧线④。

$10\times 3.14=31.4$（cm）　**答：**它的周长是 31.4 cm。

点拨：图形的边线通过旋转或平移能转化成一个直径为 10 cm 的圆，转化方法不唯一。



第 4 课时　图形的运动»图形的还原

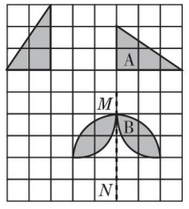
1.（1）右　4　顺　90　（2）逆　90　右　4

（3）上　4　（4）左　4

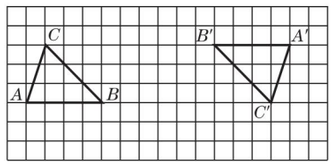
2. 图形①绕左下点逆时针旋转 90°，再向上平移1 格；图形②向右平移 1 格，再向上平移 1 格；图形③向下平移 1 格，再向右平移1 格；图形④向下平移1 格，再向左平移 1 格，就将图 2 还原成图 1。（答案不唯一）

3. 先将图形 A 绕点 O 顺时针旋转90°，再向右平移4 格就得到了图形 B。　**点拨：**图形的运动要从平移、旋转、轴对称三个方向去考虑。有些图形的运动要经过两步或多步操作才能实现，此题答案不唯一。

4.



5.



6. 图形①向左平移4 格；图形⑤向下平移2 格，再向左平移 4 格；图形⑦向下平移 2 格，再向左平移 2 格，这样图 2 就还原成图 1 了。（方法不唯一）

第 5 课时　欣赏与设计

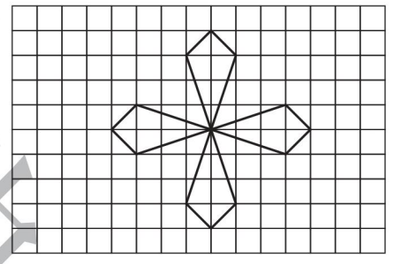
1.（1）（此空答案不唯一）　旋转

（2）（此空答案不唯一）　平移

（3）轴对称

2. 旋转　平移　轴对称　旋转（或轴对称）　轴对称　旋转

3.



点拨：答案不唯一。

4.

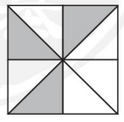
点拨：答案不唯一。可以先将旋转得到，再作轴对称图形得到，最后把它平移。

5.


72　4

6. 题图中的图形可以看成是由图形 A 绕点 O 顺时针旋转 90°，连续旋转三次得到的；也可以看成是由图形 A 经过轴对称变换得到图形 B，再将图形 A，B 经过轴对称变换得到图形 C，D，轴对称变换了两次。（旋转方式和轴对称变换方式不唯一）

7.



第 6 课时　练习三

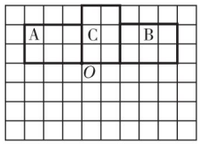
1.（1）顺时针　90　下　1

（2）A　O　逆时针　90　下　1（答案不唯一）

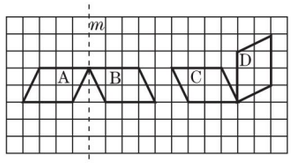
2.（略）

3. 将图形 A 向右平移 9 格得到图形 B，画出图形 B 的轴对称图形得到图形 C。（答案不唯一）

4.



5.



点拨：（3）中的答案不唯一。

6. 图形 A 绕点 O 顺时针旋转 180°，再向右平移 3 格得到中间的半圆环，图形 A 向右平移 6 格得到最右边的半圆环。（答案不唯一）

阶段小达标(5)

1.（1）位置　大小　形状

（2）①30°　②“4”　③90°　④180°　⑤顺　150°

（3）旋转（答案不唯一）

（4）逆时针　90°

（5）①1　4　5　6　②下　6　③右　2　上　6（或上　6　右　2）　④顺　45°　上　8

2.（1）×　（2）×　（3）√　（4）×

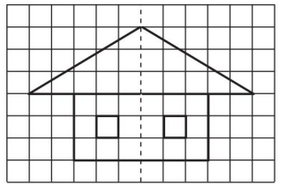
3.（1）B　（2）C　（3）B　C

4.

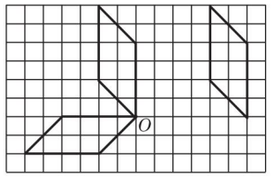


点拨：第 1，4 个图案答案不唯一。

5.（1）

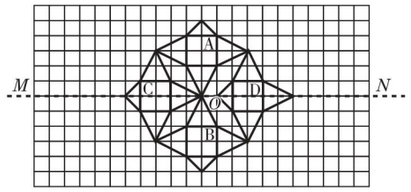


（2）



关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

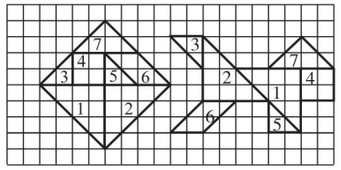
（3）



6. （1）图①②分别向下平移一格，图③向上平移一格，图④绕中心点逆时针旋转 90°。（答案不唯一）

（2）图形 A 绕点 O 顺时针旋转 180°，再向右平移 3 格得到图形 B；图形 C 绕点 O' 顺时针旋转 180°，再向下平移 4 格，最后向右平移 7 格得到图形 D。（答案不唯一）

（3）图 1 先向右平移 12 格，再向上平移 1 格；图 2 先绕直角顶点逆时针旋转 90°，再向右平移 6 格，最后向下平移 1 格；图 3 先绕直角顶点逆时针旋转 90°，再向右平移 8 格，最后向上平移 3 格；图 4 先向右平移 14 格，再向下平移 1 格；图 5 先向右平移 10 格，再向下平移 3 格；图 6 先以下边线所在直线为对称轴作轴对称变换，再向右平移 4 格，最后向下平移 1 格；图 7 先向右平移 12 格，再向下平移 1 格。（答案不唯一）



第四单元　正比例与反比例

第 1 课时　变化的量

1. （1）时间　路程　（2）路程　时间　（3）70
2. （1）3.6　0.6　（2）0　6　6　12　（3）12
3. 不对。因为从早晨到中午，该雕塑影子逐渐变短；从中午到傍晚，该雕塑影子逐渐变长。

点拨：如果事物变化具有周期性规律，应对周期内的变化情况做出完整记录。笑笑只记录了上午影子的变化，没有记录下午影子的变化。
4. 时间　零件数量　零件数量　时间　越多　越少
5. 每本的张数，装订的本数。它们是相关联的量。

每本的张数越多，装订的本数越少。
6. $c = b \div a$

第 2 课时　正比例»正比例的意义

1. （1）体积　底面积

（2）8　一定　高　正比例
2. （1）质量，总价。

（2）比值是 8，比值表示单价。

（3）成正比例关系。
3. 不对。
4. 饼干数量和小朋友的人数成正比例，因为饼干数量和小朋友的人数的比值是一定的。
5. 是。因为图形面积 ÷ 拼板数量 = 每块拼板面积（一定），所以成正比例关系。
6.

a	1	2	3.6	4.8	8	12
b	2.5	5	9	12	20	30

7. $C \div A = B$（一定），C 和 A 成正比例关系。

$C \div B = A$（一定），C 和 B 成正比例关系。

第 3 课时　正比例»正比例的判断

1. 路程　时间　速度　路程　时间
2. （1）成正比例。因为全班人数 ÷ 组数 = 每组的人数（一定）。

（2）不成正比例。

（3）成正比例。因为这本书的总页数 ÷ 看的天数 = 每天看的页数（一定）。

（4）不成正比例。

（5）成正比例。因为花生油的质量 ÷ 花生的质量 = 花生的出油率（一定）。
3. ×　**点拨：**$\frac{C}{\pi} = d$。虽然 C 和 π 是相除关系，它们的比值也一定，但是 π 是一个固定的值，不是变化的量。所以当直径一定时，周长也一定，因此圆的周长与 π 不成正比例。
4. （1）成　（2）成　（3）不成
5. 每天生产零件的数量一定，生产零件的总数量和生产天数成正比例；生产天数一定，生产零件的总数量和每天生产零件的数量成正比例。
6. 正方体的底面积和表面积成正比例，

因为表面积 ÷ 底面积 = 6。

正方体的体积与质量成正比例，

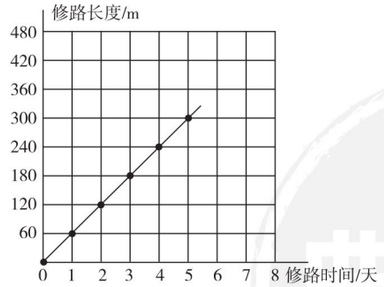
因为质量 ÷ 体积 = 每立方厘米的质量（一定）。

第 4 课时　画一画»画正比例图象

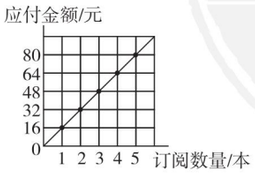
1. （1）180　240　300

（2）成正比例。因为修路长度 ÷ 修路时间 = 每天修路长度（一定）。

（3）



（4）在。这点表示 10 天修路 600 m。
2. 小兰表示的不对。正确的图象如下：



3. （1）甲种练习本需要 10 元，乙种练习本需要 5 元。

（2）乙种练习本的单价便宜。
4. （1）甲车：成正比例关系。乙车：成正比例关系。

（2）$(90 + 60) \times 5 = 750$（km）

答：A，B 两地相距 750 km。

第 5 课时　反比例»反比例的意义

1. （1）每天装配的数量　时间　3600　需要装配的总数量　一定　每天装配的数量　时间　反

（2）反
2. （1）3　2　1.5　（2）路程。

（3）速度增加，所需时间减少。

（4）是成反比例关系。因为速度 × 时间 = 路程，路程一定。
3. ×　**点拨：**长方形的周长是 20 cm，则长与宽的和是 10 cm，长与宽的和一定，而不是长与宽的积一定，所以长与宽不成反比例。
4.

x	40	10	25	2.5	16	2
y	5	20	8	80	12.5	100

5. 因为转过的总齿数一定时，每个齿轮转动的圈数与齿轮的齿数成反比例，所以这三个齿轮的齿数比是 10∶6∶15。
6. 甲 $\times \frac{1}{4}$ = 乙 $\times \frac{1}{6}$　甲∶乙 = $\frac{1}{6} : \frac{1}{4} = 2 : 3$

$60 \div 3 \times 2 = 40$（cm^2）　**答：**甲的面积是 40 cm^2。
7. 成比例。根据 $\frac{1}{m} \times a = \frac{1}{b} \times n$ 可知 $n : \frac{1}{m} = a : \frac{1}{b}$，

所以 $nm = ab$（一定），所以 m 和 n 成反比例。

第 6 课时　反比例»反比例的判断

1. （1）卡车载质量　需要卡车的数量

一批救灾物资总量　卡车载质量　需要卡车的数量

（2）不成反比例。因为用去的张数和剩下的张数的和一定，而不是它们的积一定。
2. （1）√　（2）×　（3）√
3. 不成反比例。因为方砖的面积 × 方砖的数量 = 铺地的面积。

点拨：铺地面积一定时，是方砖的面积和需要方砖的数量成反比例。
4. （1）正　（2）反　（3）不成　（4）正　（5）反
5. （1）小　（2）反比例

（3）**解：**设小齿轮每分转 x 圈。

$19 \times x = 48 \times 57$

$x = 144$

答：小齿轮每分转 144 圈。
6. 根据甲 $\times \frac{1}{3}$ = 乙 $\times \frac{1}{5}$ 可知，甲∶乙 = $\frac{1}{5} : \frac{1}{3} = 3 : 5$。

甲：$160 \times \frac{3}{3+5} = 60$（辆）　乙：$160 - 60 = 100$（辆）

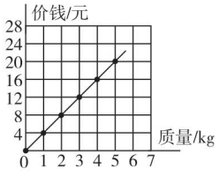
答：甲停车场停车 60 辆，乙停车场停车 100 辆。

第 7 课时　练习四

1. （1）8　12　16　20

（2）因为价钱 ÷ 质量 = 单价（一定），所以成正比例。

（3）



（4）18　（5）4
2. （1）正　（2）反

（3）不成　（4）正
3. （1）因为每本练习本用纸的张数 × 装订的本数 = 总张数（一定），所以成反比例。

（2）$15 \times 40 \div 50 = 12$（本）

答：共可装订练习本 12 本。
4. （1）60　6　（2）2.5　（3）50

（4）$1 \div 10 = 0.1$（km/分）

答：张大爷晨练时走路的速度是 0.1 km/分。

阶段小达标（6）

1. （1）面积　宽　正　面积　长　宽　（2）反

（3）20　80　（4）反　（5）反　正　正

（6）6　40　反　不成　（7）反　正
2. （1）×　（2）√　（3）√　（4）×　（5）√
3. （1）C　B　（2）A　（3）B　（4）A B　C　（5）A
4. （1）因为订阅的费用 ÷ 订阅的数量 = 单价（一定），所以成正比例。

（2）因为正方体的表面积 ÷ 棱长 = 棱长 × 6（不一定），所以不成比例。

（3）因为每天加工的数量 × 加工的天数 = 一批玩具总数量（一定），所以成反比例。

（4）因为小麦的总产量 ÷ 小麦种植面积 = 每公顷的产量（一定），所以成正比例。
5. （1）9.6　5　0.8　0.625　38.4

（2）2　3　10　54　$\frac{1}{2}$
6. （1）冉庄家：15.95　小红家：16.5　小立家：17.6

（2）表中变化的量有：用电量（单位：千瓦时）和电费（单位：元）两个，它们的变化规律是：电费随着用电量的增加而增加。

（3）$\frac{8.25}{15} = 0.55$　$\frac{11}{20} = 0.55$　$\frac{13.2}{24} = 0.55$，它们的比值表示每千瓦时电的价格。

（4）表中两个相关联的量成正比例关系。

因为 $\frac{\text{电费}}{\text{用电量}}$ = 每千瓦时电的价格（一定），所以电费和用电量成正比例关系。
7. （1）表中的两个量是相关联的量。

（2）$2.5 \times 48 = 120$　$4 \times 30 = 120$　$5 \times 24 = 120$　$2 \times 60 = 120$

积都是 120，一定。

（3）这个积表示的意义是这批物资的总质量。

（4）表中的两个量成反比例关系。

因为每辆车的载质量 × 所用车的数量 = 这批物资的总质量（一定），所以每辆车的载质量和所用车的数量成反比例关系。

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

数学好玩

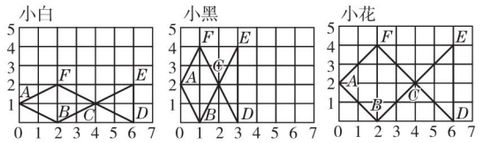
第 1 课时　绘制校园平面图（略）

第 2 课时　神奇的莫比乌斯带（略）

第 3 课时　可爱的小猫

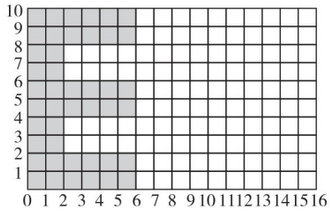
1. D（3，0）　E（3，2）　F（1，2）

2. （1）朵朵：D（3，0）　E（3，2）　F（1，2）
小白：D（6，0）　E（6，2）　F（2，2）
小黑：D（3，0）　E（3，4）　F（1，4）
小花：D（6，0）　E（6，4）　F（2，4）
（2）乘 2　不变　不变　乘 2　乘 2　乘 2
（3）



（4）小花更像朵朵。发现略。

3. 两　4　**点拨：**本题易和面积比等于边长比的平方这一知识点相混淆。

4. 
（答案不唯一）

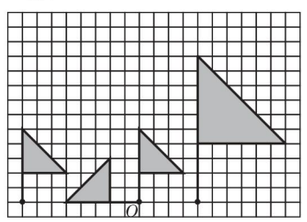
5. A（4，18）　B（22，18）　C（22，4）　D（4，4）（答案不唯一）　**点拨：**先写出原图中表示各点的数对，再将数对中的两个数同时扩大相同的倍数。

整理与复习

第 1 课时　空间与几何

1. （1）602.88　1130.4　（2）12　（3）36　12
（4）23236　113040

2. 376.8　477.28　753.6　251.2　376.8　533.8　942　314

3. 

4. （1）①$\frac{1}{3}\times 3.14\times(18.84\div 3.14\div 2)^2\times 1.2=11.304$（$m^3$）
答：这个沙堆的体积是 11.304 m^3。
②11.304 × 1.6 = 18.0864（t）
答：这堆沙子重 18.0864 t。
（2）4 dm = 0.4 m　$3.14\times 0.4\times 2\times 20=50.24$（$m^2$）
答：做 20 个这样的烟囱至少需要铁皮 50.24 m^2。
（3）①$3.14\times(4\div 2)^2+3.14\times 4\times 4\times\frac{3}{8}=31.4$（$m^2$）
答：抹水泥的面积是 31.4 m^2。
②$3.14\times(4\div 2)^2\times 4\times\frac{3}{8}=18.84$（$m^3$）
答：这个蓄水池最多能装水 18.84 m^3。

第 2 课时　数与代数

1. （1）$\frac{4}{5}$∶10 = 0.4∶5（答案不唯一）　（2）6000
（3）正　（4）反　（5）16　4∶1

2. （1）$x=\frac{8}{3}$　（2）$x=2$　（3）$x=2$　（4）$x=5$

3. x∶6 = 6∶9　　6∶9 = 9∶y
$x=4$　　$y=13.5$
点拨：所列比例不唯一。

4. （1）120 ÷ 40 × 1 = 3（kg）
答：在 120 kg 水中加入 3 kg 药粉就可以配成这样的消毒液。
（2）$6\div\frac{1}{20000}\times\frac{1}{30000}=4$（cm）
答：学校与公园的图上距离是 4 cm。
（3）①18　36　54　72　90
②

③90% x
④成正比例，因为成活数量 ÷ 种植数量 = 成活率（一定），所以成正比例。

总复习

1. 数与代数

第 1 课时　整数»整数及其组成

1. （1）整数　无限的　（2）正整数　零　负整数
（3）9，8，3，0，60　9，8，3，60　−16，−4，−5

2. （1）七　百万　百万
（2）千万　千万　千　千　10000

3. （1）560030904　五亿六千零三万零九百零四
（2）100000　10000　6　10

4. （1）680070000　68007 万　7 亿　（2）5

5. （1）>　>　>　<
（2）406000　40600　40060　40006　4060

6. m　m　0　0　7. D

8. （1）×　**点拨：**学生易忽视 0。
（2）×　**点拨：**读数时易漏掉 0。
（3）×　**点拨：**易混淆数位和计数单位。
（4）×　**点拨：**整数中还有负整数，负整数不是自然数。
（5）×　**点拨：**改写时学生易漏写“万”字。

9. （1）66660000　（2）66600006
（3）66060600　（4）60060606
［（1）（2）题答案不唯一］

10. 最大是 1204999，最小是 1195000。

11. −5 mL 表示实际净含量少了 5 mL。
（500 ± 5）mL 表示实际净含量在 495 mL ~ 505 mL 范围内均为合格。

12. 最大是 50000720，最小是 7205000。

13. $612\div\left(1-\frac{1}{10}\right)=680$　**答：**这个数原来是 680。

14. （1）13　（2）162　486　（3）36　64　（4）63

15. 最大是 430080000，最小是 100020039。

第 2 课时　整数»因数和倍数

1. （1）3 和 8　24　24　3 和 8　（2）1，2，3，5，6，10，15，30
（3）12，24，36，48　（4）9，18 或 36

2. （1）12，18，30，72，60　20，30，60
15，45，30，60　（2）990　（3）3

3. （1）1，3，67，15，71，87　2，90　2，3，67，71
15，87，90
（2）732　（3）5 和 19（或 7 和 17 或 11 和 13）

4. （1）质因数　（2）2，3，5

5. 60 = 2 × 2 × 3 × 5　75 = 3 × 5 × 5　210 = 2 × 3 × 5 × 7

6. （1）1，2　2　48　（2）6　90
（3）b　a

7. （1）最大公因数：10　最小公倍数：100
（2）最大公因数：6　最小公倍数：72

8. （1）×　**点拨：**非零的自然数按因数个数的多少可分为 1，质数，合数。
（2）×　**点拨：**因为 $a=8b$，所以 a 和 b 的最大公因数是 b。
（3）×　**点拨：**因数和倍数是相互依存的，不能单说某一个数是因数、倍数。
（4）×
（5）√

9. （1）756　（2）570　（3）750　（4）560　（5）765

10. 287 = 7 × 41　41 − 1 = 40（名）
答：六（1）班有 40 名同学，平均每人植树 7 棵。

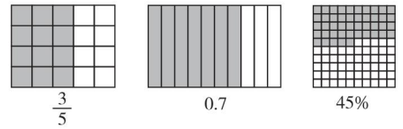
11. 和是偶数，因为 1 ~ 99 中，奇数有 50 个，偶数有 49 个，50 个奇数的和是偶数，49 个偶数的和是偶数，所以和是偶数。

12. 24 和 30 的最大公因数是 6。
答：每小段最长是 6 cm。

13. 8 和 10 的最小公倍数是 40，40 + 6 = 46（个）
答：这箱苹果有 46 个。

14. 42，35 和 28 的最大公因数是 7，
42 ÷ 7 + 35 ÷ 7 + 28 ÷ 7 = 15（条）
答：每条船最多乘 7 人，最少要租 15 条船。

第 3 课时　小数、分数、百分数

1. 

（所画阴影均不唯一）

2. （1）0.1　8　0.1　0.01　大小
（2）$\frac{7}{8}$　1　$\frac{1}{7}$　5　（3）$\frac{1}{7}$　$\frac{4}{7}$
（4）90　现价　原价　90

3.

小数	0.6	0.25	0.55	0.2	1.35	0.75
分数	$\frac{3}{5}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{11}{20}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{27}{20}$	$\frac{3}{4}$
百分数	60%	25%	55%	20%	135%	75%

4. （1）>　=　>
（2）0.66 < 66.6%　$<\frac{2}{3}<0.67$

5. （1）D　（2）D　（3）A

6. （1）4　30　20　80　（2）4 倍　（3）5　600　（4）5

7. （1）3.0　2.95　（2）9.81　9.808　（3）3.04　2.95

8. （1）×　**点拨：**分母中只含有质因数 2 和 5 的最简分数才能化成有限小数。
（2）×　**点拨：**无限小数包括循环小数和无限不循环小数。
（3）×　**点拨：**易忽视小数位数不同，意义不同。
（4）×　**点拨：**易混淆“小数末尾”和“小数点后面”。
（5）×　**点拨：**忽视了成活数量不可能大于植树数量，成活率不可能大于 100% 。

9. $3.2529>3.2\dot{5}2\dot{9}>3.\dot{2}5\dot{2}\dot{9}>3.\dot{2}\dot{5}2\dot{9}>3.2529$（答案不唯一）

10. $15\div 7=2.\dot{1}4285\dot{7}$　100 ÷ 6 = 16……4
答：15 ÷ 7 的商用循环小数的简便记法表示是 $2.\dot{1}4285\dot{7}$，小数点右边第 100 位上的数字是 8。

11. $1-\frac{20142014}{20152015}=\frac{10001}{20152015}$
$1-\frac{20152015}{20162016}=\frac{10001}{20162016}$
$1-\frac{20162016}{20172017}=\frac{10001}{20172017}$
因为$\frac{10001}{20152015}>\frac{10001}{20162016}>\frac{10001}{20172017}$，
所以$\frac{20142014}{20152015}<\frac{20152015}{20162016}<\frac{20162016}{20172017}$，即 $a<b<c$。

12. 1，2 或 3。

13. $748.44\div\left(1-\frac{1}{100}\right)=756$
答：这个数原来是 756。

14. 420 = 1 × 420 = 3 × 140 = 4 × 105 = 5 × 84 = …
答：排在第三个的分数是$\frac{4}{105}$。

第 4 课时　运算的意义

1. （1）2.4　5　（2）$\frac{2}{9}$　（3）4 个$\frac{5}{8}$的和是多少

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

（4）$\frac{7}{6}\div\frac{2}{3}=\frac{7}{4}$

2. 21.05　1202　18　3.5（验算略）

3. （1）$\frac{7}{24}$　（2）7.79　（3）75.6　（4）6.3

（5）$1.2\div2.5=0.48$　$1.2\div0.48=2.5$　（6）141

4. $(1.6\div0.4+0.75)\times2=9.5$

点拨：要注意除和除以的区别。

5. $d>c>b>a$　**点拨：**假设这几个算式的结果都等于1，这样就可以分别求出a，b，c，d各等于多少，进而可以比较出它们的大小。

6. 被减数：$256\div2=128$

差：$128\div(3+1)=32$　减数：$32\times3=96$

答：被减数是128，减数是96，差是32。

7. $(1000-32)\div(32-24)=121$（个）

$121+1=122$（个）

答：减去了122个32，加上了121个24。

第5课时　计算与应用»数的运算

1. 482.66　1.5　1.35　$\frac{23}{60}$　2. 10　3.75　7

3. （1）×　改正：
$$\begin{array}{r}17.85\\+\ \ 1.5\\\hline19.35\end{array}$$
（2）×　改正：
$$\begin{array}{r}6.1\\12\overline{)73.2}\\\underline{72}\\12\\\underline{12}\\0\end{array}$$

点拨：笔算位数不同的小数加法时，要注意小数点对齐；计算除数是小数的除法时，除数要先化成整数再进行计算。

4. $\frac{1}{5}\times\frac{1}{5}\div\frac{1}{5}\times\frac{1}{5}=\frac{1}{25}\times5\times\frac{1}{5}=\frac{1}{25}$

$\frac{1}{3}+\frac{1}{2}-\frac{1}{3}+\frac{1}{2}=\left(\frac{1}{3}-\frac{1}{3}\right)+\left(\frac{1}{2}+\frac{1}{2}\right)=1$

点拨：一个算式里，只有乘除法或只有加减法，要按从左到右的顺序计算。

5. ＞　＜　＜　＞　＜　＞　＞　＜

6. （1）$[584-(5.8\times17+7.8)]\div0.03$

（2）$(584-5.8)\times17+7.8\div0.03$

7. 原式$=1+\frac{1}{3}-\frac{1}{3}-\frac{1}{4}+\frac{1}{4}+\frac{1}{5}-\frac{1}{5}-\frac{1}{6}+\frac{1}{6}+\frac{1}{7}-\frac{1}{7}-\frac{1}{8}=\frac{7}{8}$

第6课时　计算与应用»解决问题

1. （1）400　（2）1100　（3）50　4　（4）58　8

2. $180\times8\div(8-0.8)-180=20$（个）

答：现在可以多做20个毛绒兔。

3. （1）$\frac{1}{4}$　20　（2）$\frac{1}{6}$　（3）11425　（4）八

（5）10　$9\frac{2}{3}$　（6）85%

4. 男生是女生的$\frac{1}{5}$ → $60\div\left(1-\frac{1}{5}\right)$

男生比女生多$\frac{1}{5}$ → $60\times\frac{1}{5}$

女生是男生的$\frac{1}{5}$ → $60\times\left(1+\frac{1}{5}\right)$

女生比男生多$\frac{1}{5}$ → $60\div\frac{1}{5}$

男生比女生少$\frac{1}{5}$ → $60\div\left(1+\frac{1}{5}\right)$

女生比男生少$\frac{1}{5}$ → $60\times\left(1-\frac{1}{5}\right)$

5. （1）$24\times\left(1-\frac{3}{8}-\frac{1}{3}\right)=7$（m）

答：这根彩带还剩7 m。

（2）$110\div(20\%+35\%)=200$（本）

答：学校买回图书200本。

（3）$140\div(1+75\%)=80$（元）

答：上衣的价格是80元。

（4）$1\times(1-20\%)\times(1+20\%)=0.96$

$(1-0.96)\div1=4\%$

答：5月份的价格和3月份比是降了，变化幅度是4%。

6. $600-600\div\left(1+\frac{1}{5}\right)=100$（m）

答：已修的比未修的多100 m。

点拨：学生易判错单位“1”而做成$600\times\frac{1}{5}=120$（m）。

7. $(16.4-3)\times3.5+2.6\times3=54.7$（元）

答：她家上月应交水费54.7元。

8. 甲店：买40个免费送$40\div10\times2=8$（个）

再买$50-40-8=2$（个）　$(40+2)\times25=1050$（元）

乙店：$50\times25\times80\%=1000$（元）

丙店：$50\times25=1250$（元）

$1250\div200=6$（个）……50（元）

$1250-30\times6=1070$（元）

$1070>1050>1000$

答：到乙店买最划算。

9. $[(156\div6-1)\times0.8+32]\div40=1.3$（分）

答：需要1.3分。

10. $\left[1-\left(\frac{1}{6}+\frac{1}{8}\right)\times3\right]\div\frac{1}{12}=1.5$（时）

$3-1.5=1.5$（时）

答：中途丙离开了1.5时。

11. 原价：$(420-60)\div(95\%-85\%)=3600$（元）

进价：$3600\times95\%-420=3000$（元）

答：此商品的进价为3000元。

第7课时　估算

1. （1）80　20　1600　（2）90　5　两

2. 800　5000　200　6　300　1　54　10

3. （1）$500\times6=3000$（人）

答：育红小学全校大约共有学生3000人。

（2）$89\approx90$　$49\approx50$　$90\times6+50\times3=690$（元）

690元＜700元

答：带700元够。

4. 6　4　6　6　**点拨：**通过乘法估算来填空，算出结果后回填进行检验不易出错。

5. $4\div0.32\approx12$（个）

答：他最多可以做12个这样的生日蛋糕。

6. $30.6\times2+0.8\times26.5\approx82$（元）

$100-82=18$（元）　$18<20$　**答：**不够。

7. $392\times15.3\times7\approx42000$（g）$=42$ kg

$392\times15.3\times30\approx180000$（g）$=180$ kg

答：中心小学的草皮一周大约能释放42 kg的氧气，一个月大约能释放180 kg的氧气。

阶段小达标(7)

1. （1）520085006　五亿二千零八万五千零六　52009万

（2）向西走500 m　（3）0.708　（4）98

（5）21　20　140　（6）25　（7）4　（8）18

（9）401　（10）40.5

2. （1）×　（2）×　（3）√　（4）√

3. （1）B　（2）B　（3）A　（4）C　（5）C

4. （1）1　13.1　$\frac{1}{18}$　18　5　179　1000　$\frac{3}{10}$　27000　900

（2）30　21.268（竖式略）　（3）$\frac{11}{32}$　481　68　$\frac{7}{8}$

（4）①$18\times\frac{2}{3}-18\times\frac{1}{4}=7\frac{1}{2}$

②$(9.3\div3.1+2.5)\times0.8=4.4$

5. （1）$(1080-72\times5)\div(72+8)+5=14$（天）

答：完成这批生产任务共需要14天。

（2）$120\div(1+20\%)\times\left(1-\frac{1}{4}\right)=75$（件）

答：四年级交了75件作品。

（3）42，35的最大公因数是7。

$(42\div7)\times(35\div7)=30$（个）

答：小正方形的边长是7 cm，可剪成30个这样的小正方形。

（4）$16\div(1\div25\%-1\div45\%)=9$（kg）

答：这堆糖中奶糖有9 kg。

第8课时　运算律

1. （1）a　30　（2）18　82

（3）9　15　4（答案不唯一）　（4）25　4　25　8

（5）b　c　（6）b　c

2. （1）乘法结合律　（2）乘法分配律

（3）商不变的性质　（4）加法交换律和结合律

3. （1）×　（2）×　（3）×　（4）×

4. （1）B　（2）C　（3）B　D

5. $0.25\times32\times12.5=(0.25\times4)\times(8\times12.5)=1\times100=100$

$101\times7.6=(100+1)\times7.6=100\times7.6+7.6=767.6$

$4.5\div4+2.8\times25\%+2.7\times0.25=4.5\times\frac{1}{4}+2.8\times\frac{1}{4}+2.7\times\frac{1}{4}=(4.5+2.8+2.7)\times\frac{1}{4}=2.5$

$12\times\left(\frac{1}{4}+\frac{1}{6}-\frac{1}{3}\right)=12\times\frac{1}{4}+12\times\frac{1}{6}-12\times\frac{1}{3}=1$

$\frac{5}{7}-\left(\frac{3}{4}-\frac{2}{7}\right)=\frac{5}{7}+\frac{2}{7}-\frac{3}{4}=\frac{1}{4}$

$\frac{5}{23}-\frac{4}{9}+\frac{18}{23}-\frac{5}{9}=\left(\frac{5}{23}+\frac{18}{23}\right)-\left(\frac{4}{9}+\frac{5}{9}\right)=1-1=0$

$630\div18\div5=630\div(18\times5)=630\div90=7$

6. （1）$(215-115)\times8=800$（元）

答：买篮球比买足球多花了800元。

（2）$25\times18\times8=3600$（元）　$3600>3500$

答：准备3500元不够。

7. （1）×　改正：$42\div\left(\frac{6}{5}+\frac{6}{7}\right)=42\div\left(\frac{42}{35}+\frac{30}{35}\right)=42\div\frac{72}{35}=\frac{245}{12}$

（2）×　改正：$\left(\frac{4}{7}+\frac{2}{9}\right)\times7\times9=\frac{4}{7}\times7\times9+\frac{2}{9}\times7\times9=36+14=50$

点拨：熟练掌握乘法分配律的适用范围，找准乘法分配律中相同的乘数。

8. $\frac{5}{9}\times\frac{4}{11}+\frac{7}{9}\times\frac{5}{11}=\frac{5}{9}\times\frac{4}{11}+\frac{5}{9}\times\frac{7}{11}=\frac{5}{9}\times\left(\frac{4}{11}+\frac{7}{11}\right)=\frac{5}{9}$

$8\div7+9\div7+11\div7=\frac{8}{7}+\frac{9}{7}+\frac{11}{7}=4$

$2.25\times4.8+77.5\times0.48=2.25\times4.8+7.75\times4.8=(2.25+7.75)\times4.8=48$

$9999\times7778+3333\times6666=9999\times7778+(3333\times3)\times2222=9999\times7778+9999\times2222=9999\times(7778+2222)=99990000$

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

9. $25\times8-25=175$

答：正确结果与错误结果相差 175。

10. $100+99-98-97+96+95-94-93+\cdots+3-2-1$

$=(100+99-98-97)+(96+95-94-93)+\cdots+(4+3-2-1)$

$=\underbrace{4+4+\cdots+4}_{\text{共25个}}=4\times25=100$

11. 原式 $=1-\frac{1}{2}+\frac{1}{2}-\frac{1}{3}+\frac{1}{3}-\frac{1}{4}+\cdots+\frac{1}{98}-\frac{1}{99}+\frac{1}{99}-\frac{1}{100}=1-\frac{1}{100}=\frac{99}{100}$

12. $2015\times20162016-2016\times20152015$

$=2015\times2016\times10001-2016\times2015\times10001$

$=0$

第 9 课时　式与方程

1. （1）$3m+3$　（2）$3000+ax$　（3）$12a$　$6a^2$　a^3

（4）$3x-20$　（5）妈妈买苹果比买橘子多花的钱

2. （1）D　（2）A　（3）C

3. （1）×　（2）×　（3）√　（4）√

4. $x=5$　$x=0.1$　$x=100$　$x=4.2$（验算略）

5. （1）**解：**设上海东方明珠塔高 x m。

$1.2x+38.4=600$　$x=468$

答：上海东方明珠塔高 468 m。

（2）**解：**设今年小芹 x 岁，则爸爸 $3.7x$ 岁。

$3.7x-x=27$　$x=10$　$3.7\times10=37$（岁）

答：今年小芹 10 岁，爸爸 37 岁。

（3）**解：**设货车每时行 x km，则客车每时行 $(x+20)$ km。

$3.2(x+x+20)=480$　$x=65$

$65+20=85$（km）

答：货车每时行 65 km，客车每时行 85 km。

（4）**解：**设这箱玩具有 x 个。

$(3.6-2.8)\times\frac{5}{6}x=24$

$x=36$

答：这箱玩具有 36 个。

6. ×　改正：$(a+b)\div1.5$

点拨：易忽视单位“1”未知，应是逆向思维。

7. 摆 1 条“金鱼”用 8 根火柴棒。

摆 2 条“金鱼”用 14 根火柴棒。

摆 n 条“金鱼”用 $(6n+2)$ 根火柴棒。

8. **解：**设这条公路全长 x m。

$\frac{1}{4}x+60+810=x$

$x=1160$

答：这条公路全长 1160 m。

9. **解：**设甲筐原有苹果 x kg。

$320-80\%x-75\%(320-x)=70$

$x=200$

$320-200=120$（kg）

答：甲筐原有苹果 200 kg，乙筐原有苹果 120 kg。

10. **解：**设第一小组有 x 个同学。

$5x+23=7x+7$

$x=8$

$8\times5+23=63$（本）

答：第一小组有 8 个同学，这叠练习本有 63 本。

11. **解：**设班上有 x 人去野炊。

$x+x\div2+x\div3=77$

$x=42$

答：班上有 42 人去野炊。

第 10 课时　正比例与反比例

1. （1）1∶20　0.05　（2）4　25　80

（3）$\frac{25}{4}$　100　16

（4）42∶63＝8∶12（或 12∶18＝28∶42）

2. $x=0.3$　$x=\frac{1}{60}$

3. （1）成正　（2）不成　（3）成反

4. （1）$54\div2=27$（m）　$27\div(7+2)\times7=21$（m）

$27\div(7+2)\times2=6$（m）　$21\times6=126$（m^2）

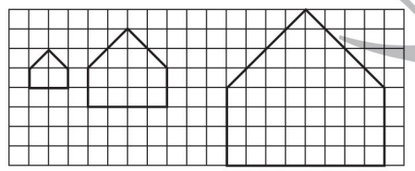
答：这个长方形的面积是 126 m^2。

（2）$16\div\frac{1}{4000000}=64000000$（cm）$=640$ km

16：00－8：00＝8（时）

$640\div8=80$（km）　**答：**该车平均每时行 80 km。

5.



6. $150\div3\times(5+3)\div\left(1-\frac{3}{8}\right)\times\frac{3}{8}=240$（本）

答：故事书有 240 本。

7. **解：**设实际需 x 天完成任务。

方法一：用反比例知识解答。

$(1200\div2)\ x=400\times30$　$x=20$

$30-20=10$（天）

方法二：用正比例知识解答。

$(400\times30):x=1200:2$　$x=20$

$30-20=10$（天）

答：可以提前 10 天完成任务。

第 11 课时　常见的量

1. （1）① t　② g　③ kg

（2）4.08　8450　3　90　7　500

2. 7.5　750　2.5　4　5　6050

3. （1）4，6，9，11　（2）91

（3）189　2　18　2.3　2　15

（4）分　秒　时

4. （1）×　**点拨：**只要都是 1 kg，不管是什么物体，质量都相等。

（2）×　**点拨：**30 分＝0.5 时。

（3）×　**点拨：**2014 年是平年，2 月只有 28 天。

（4）×　**点拨：**3 时 15 分，分针指向 3，时针超过 3 不到 4，所以不重合。

5. 12：00－9：05＝2 时 55 分

7：12－0：00＝7 时 12 分

2 时 55 分＋7 时 12 分＝10 时 7 分

答：火车从某地开往北京需要 10 时 7 分。

6. 1800 kg＝1.8 t　2.5＋1.8×5＝11.5（t）　11.5＜12

答：能通过一座限载 12 t 的桥。

7. 2017 年 6 月 1 日至 2019 年 6 月 1 日共有：$365\times2+1=731$（天）

$731\div7=104$（周）……3（天）

答：2019 年 6 月 1 日是星期六。

第 12 课时　探索规律

1. （1）84　95　（2）8　13　（3）0.25　0.36

（4）12　16　（5）$\frac{10}{25}$　$\frac{12}{36}$　$\frac{16}{64}$　（6）6.25　15.625

（7）0.125　0.0625

2. （1）●　34　33

（2）①11　16　②$5n+1$　501

3. 30　**点拨：**数图形个数时，按一定顺序数，做到不重不漏，解决本题时先数最上层小三角形的个数，再乘 3 就是整个图形中三角形的个数，$(4+3+2+1)\times3=30$（个）。

4. （1）（填框略）　规律：框出的 5 个数的和是位于中间的数的 5 倍。

（2）$130\div5=26$　16，25，26，27，36

$245\div5=49$　39，48，49，50，59

（3）$(10-2)\times(6-2)=32$（个）

答：一共可以框出 32 个不同的和。

（4）$205\div5=41$　**答：**不能框出和是 205 的 5 个数。

5. 2 个点连成线段的数量：1 条

3 个点连成线段的数量：$1+2=3$（条）

4 个点连成线段的数量：$1+2+3=6$（条）

5 个点连成线段的数量：$1+2+3+4=10$（条）

……

n 个点连成线段的数量：$1+2+3+4+\cdots+(n-1)=\frac{n(n-1)}{2}$（条）$(n\geqslant2)$

$\frac{15\times(15-1)}{2}=105$（条）

答：15 个点可以连成 105 条线段。

阶段小达标(8)

1. （1）4　15　8.02　（2）乘法分配　（3）$2m$

（4）$x-\frac{2}{5}x=15$　（5）2∶5　4∶25

（6）5∶12　（7）等腰直角　（8）1　32

（9）29　92　（10）81　12

2. （1）×　（2）×　（3）√　（4）×　（5）×

3. （1）B　（2）B　（3）A　（4）C　（5）B

4. （1）1∶16　$\frac{1}{16}$

1∶16　$\frac{1}{16}$

100∶3　$\frac{100}{3}$

1∶3　$\frac{1}{3}$

（2）$x=48$　$x=8$　$x=\frac{3}{25}$　$x=0.75$

5. （1）**解：**设张老师买了 x 本《发明家》。

$12.5\times4+14x=134$

$x=6$

答：张老师买了 6 本《发明家》。

（2）**解：**设上衣的价格是 x 元。

$\frac{3}{5}x+x=160$

$x=100$

$100\times\frac{3}{5}=60$（元）

答：裤子的价格是 60 元，上衣的价格是 100 元。

（3）**解：**设乙队每天开凿 x m。

$(12.6+x)\times25=675$

$x=14.4$

答：乙队每天开凿 14.4 m。

（4）$120\div4=30$（cm）

$30\times\frac{3}{3+2+1}=15$（cm）

$30\times\frac{2}{3+2+1}=10$（cm）

$30\times\frac{1}{3+2+1}=5$（cm）

答：这个长方体的长是 15 cm，宽是 10 cm，高是 5 cm。

（5）$50\div10\times9=45$（dm^3）

答：化成水后的体积是 45 dm^3。

（6）$12\div\frac{1}{5000000}=60000000$（cm）$=600$ km

$600\div80=7.5$（时）

答：从甲地到乙地需要 7.5 时。

2. 图形与几何

第 1 课时　图形的认识》平面图形的认识

1. （1）两　一　没有　（2）无数　无数　1

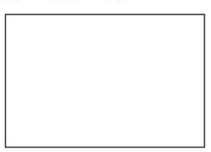
（3）1　8　6

2. （1）两条边的长短　开口

（2）4　3　2

3. 50°　130°　50°

4.



关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

5. （1）19　5　（2）11　65°

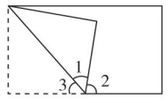
6. （1）长方　正方　平行　相等　（2）梯形　360

7. 3　30　1

8. $180° - 50° \times 2 = 80°$

答：∠2 的度数是 80°。

点拨：长方形纸折起来的部分折叠前后是对称的，通过画辅助线将长方形纸还原（如图）。由图可知∠3 = ∠1 = 50°，∠1 + ∠2 + ∠3 = 180°。



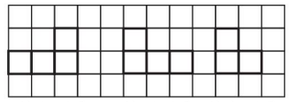
9. 10　2　4　2　4　2

第 2 课时　图形的认识»立体图形的认识

1. （1）6　12　8　（2）4　8　（3）6

2. （1）无数　1　（2）长方　正方　平行四边　扇　（3）25.12

3. 6　12

4. 
从上面看　从正面看　从右面看

5. $72 \div 4 - 8 - (8 - 2) = 4$（cm）

答：这个长方体的高是 4 cm。

6. 
（√）　（√）

7. （1）（ √ ）　（2）（ √ ）

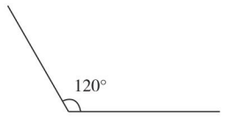
8. （1）64　（2）8　24　24　96

第 3 课时　图形与测量

1. （1）m^2　（2）cm^3　（3）m　（4）L

2. 0.5　720　4.5　7　80　2500　2.5

3. 50°

4. 

5. （1）5　36　（2）7.2　（3）9　（4）25.12　62.8

6. 周长：$3.14 \times 12 + 12 \times 2 = 61.68$（cm）

面积：$12 \times 12 - 3.14 \times (12 \div 2)^2 = 30.96$（$cm^2$）

7. $(60 + 80) \times 50 \div 2 \times 0.6 = 2100$（kg）$= 2.1$ t

答：这块麦地可以收小麦 2.1 t。

8. （1）224　192　（2）56.52　159.48　（3）314

9. （1）①$10 \times 6 \times 3.5 = 210$（$m^3$）

答：这间教室的空间有 210 m^3。

②$(10 \times 1.2 + 6 \times 1.2) \times 2 - 6 = 32.4$（$m^2$）

答：这间教室贴瓷砖的面积是 32.4 m^2。

（2）$20 \div 2 = 10$（cm）

$\left(3.14 \times 10^2 \times 15 + 3.14 \times 10^2 \times 12 \times \frac{1}{3}\right) \times 9 = 53694$（g）

53694 g≈54 kg

答：制作这样一个零件至少需要约 54 kg 铜。

10. $3.14 \times 12 \div 2 + 12 = 30.84$（cm）

点拨：半圆形的周长等于圆周长的一半加上直径。

11. $8 \times 8 \div 2 = 32$（cm^2）

12. $3.14 \times 4^2 \div 4 - 4 \times 4 \div 2 = 4.56$（$cm^2$）

13. 15 cm = 1.5 dm　5.5 L = 5.5 dm^3

$2 \times 2 \times 1.5 - 5.5 = 0.5$（$dm^3$）

答：这块石头的体积是 0.5 dm^3。

14. $24 - 19 = 5$（cm）　$16 \div 2 = 8$（cm）

$3.14 \times 8^2 \times (15 + 5) = 4019.2$（$cm^3$）

4019.2 cm^3 = 4019.2 mL

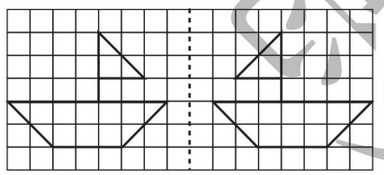
答：这个酒瓶的容积是 4019.2 mL。

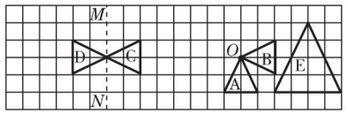
15. $(4 \times 2 + 12) \times 4 \div 2 - 4 \times 2 \times 4 \div 2 = 24$（$cm^2$）

点拨：将上半圆中的阴影部分移至下半圆中，用梯形面积减去三角形面积就是阴影部分的面积。

第 4 课时　图形的运动

1. （1）无数　6　（2）平移　旋转　（3）3　2

2. 

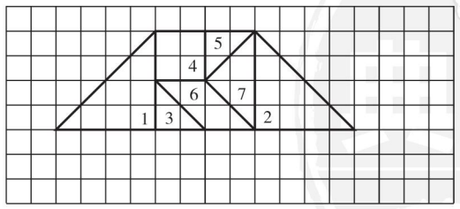
3. 

4. （略）

5. （1）图形 A 向右平移 8 格得到图形 B。

（2）图形 C 向左平移 3 格，再向下平移 4 格；图形 D 绕点 *O* 顺时针旋转 180°，再向下平移 1 格，最后向左平移 3 格得到图形 R。（答案不唯一）

6. 图 A 向右平移 1 格，再向下平移 1 格；图 B 向左平移 1 格；图 C 不动；图 D 以左上顶点为中心逆时针旋转 90°，图②即可还原为图①。

7. 

（答案不唯一）

第 5 课时　图形与位置

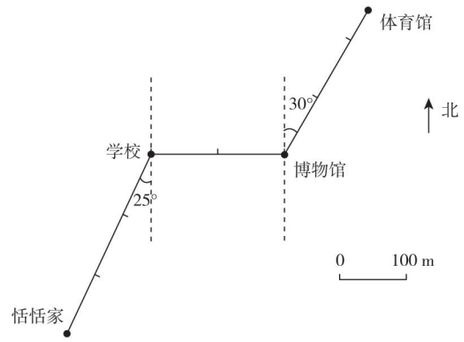
1. （1）北　西　25　900　（2）南　西　10　300

（3）（略）

2. （图略）　（1）直角梯形

（2）3，5　3，2　5，2　10，5

3. 东行 1.5 km 到医院，再向北偏东 50°方向行 2.3 km 到新华书店，接着向东行 1.2 km 到中心广场，接着向南偏东 55°方向行 1.8 km 到公园，最后向北偏东 30°方向行 2 km 到体育馆

4. 

5. $(1.5 + 2.5 + 2) \times 20000 = 120000$（cm）

120000 cm = 1200 m

$1200 \div 60 = 20$（分）

答：她从家到学校大约需要走 20 分。

点拨：先测量出图上距离，再根据比例尺算出实际距离，最后算出上学的时间。

阶段小达标(9)

1. （1）850　9.07　（2）30　50　（3）94.2　314

（4）7.2　（5）6　9　（6）15　628

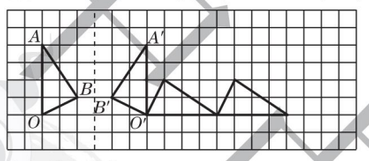
（7）3000　（8）12.8　（9）11.304

2. （1）×　（2）×　（3）√　（4）×　（5）×

3. （1）A　（2）A　（3）C　（4）C　（5）C　（6）B

4. 周长：$3.14 \times 4 + 8 \times 2 = 28.56$（cm）

面积：$8 \times 4 - 3.14 \times (4 \div 2)^2 = 19.44$（$cm^2$）

5. 

6. （1）①东偏北 25°　800 m

南偏东 40°　400 m

东偏北 20°　200 m

②$(800 + 400 + 200) \div (8 + 5 + 3) = 87.5$（米/分）

答：学生队伍去时的平均速度是 87.5 米/分。

（2）$3.14 \times [(5 + 2)^2 - 5^2] = 75.36$（$m^2$）

答：这条小路的面积是 75.36 m^2。

（3）6 cm = 0.06 m

$3.14 \times (12.56 \div 3.14 \div 2)^2 \times 1.5 \times \frac{1}{3} \div (5 \times 0.06) \approx 21$（m）

答：大约可以铺 21 m 长。

（4）50 cm = 0.5 m　$3.14 \times 18 \times 0.5 = 28.26$（$m^2$）

答：最少需要瓷砖 28.26 m^2。

（5）$90 - 27 = 63$（m）　$63 \times 27 \div 2 = 850.5$（$m^2$）

答：这块苗圃的面积是 850.5 m^2。

3. 统计与概率

第 1 课时　统计

1. （1）折线　扇形　条形　（2）折线

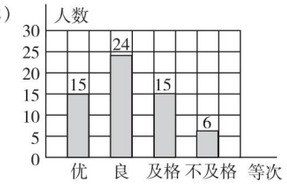
（3）条形　（4）扇形

2. （1）$15 \div 25\% = 60$（人）

良：$60 \times 40\% = 24$（人）

及格：$60 \times 25\% = 15$（人）

不及格：$60 - 24 - 15 - 15 = 6$（人）

（2）

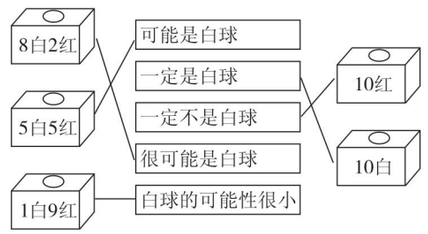
3. $(92.5 \times 4 + 93.4 \times 5) \div (4 + 5) = 93$（分）

答：这两个小组的平均成绩是 93 分。

4. （1）20　15　30

（2）从起飞后第 15 秒至第 20 秒乙飞机一直保持24 m的高度飞行。

第 2 课时　可能性

1. 

2. （1）不公平。因为球上的数是 2 的倍数有 7 个，不是 2 的倍数有 8 个，所以不公平。

（2）不一定。

（3）摸到的球上面的数大于 8 的小刚赢，摸到的球上面的数小于 8 的小强赢，摸到的球上面的数是 8 则重摸。（答案不唯一）

3. （1）略。　**点拨：**只要涂黑的比白的多即可。

（2）略。　**点拨：**涂黑的有 5 个。

4. 

（画法不唯一）

5. 健健获胜的可能性大，因为 7 场比赛中，健健胜 4 场。

6. 公平。因为小玲、小璐获胜的可能性都是$\frac{1}{3}$，平局的可能性也是$\frac{1}{3}$。

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

4. 解决问题的策略

解决问题的策略

1. （画图略）$3\times4=12$（种）

答：一共有 12 种不同的选择方法。

2.

	甲	乙	丙
语文	√		
数学			√
英语		√	

3.

两种车总数量/辆	自行车/辆	三轮车/辆	轮子/个
10	5	5	25
10	4	6	26
10	3	7	27
10	2	8	28

自行车有 2 辆，三轮车有 8 辆。

4. 因为每场比赛淘汰一支球队，要决出冠军就要淘汰 63 支球队，即赛 63 场，n 支球队一共要进行（$n-1$）场比赛。

5.

黑色正方形的个数	1	2	3	4	…	n
白色正方形的个数	8	13	18	23	…	$5n+3$

点拨：由第一幅图到第二幅图，黑色正方形多 1 个，白色正方形多 5 个，由第二幅图到第三幅图，黑色正方形多 1 个，白色正方形多 5 个，由此图形的排列规律来推导白色正方形个数和黑色正方形个数的关系。

6. 先用洗衣机洗衣服，同时扫地，扫完地后擦家具，等洗衣机洗好衣服，再晾衣服。

$20+5=25$（分）

答：最少要用 25 分。

检测卷部分

第一单元过关检测卷

一、1. 7.5　2　50　2. 圆柱　226.08　251.2

3. 100.48　4. 4.5　5. 62.8

6. 12.6　4.2

7. 5　8. 10.8　9. 1256　10. 37.68　37.68

二、1. ×　2. √　3. √　4. √　5. ×

三、1. A　2. D　3. A　4. A

5. B　**点拨：**底面周长是 28.26 cm 时，做成的圆柱形容器容积最大。

四、1. $8\div2=4$（cm）

$3.14\times8\times10+2\times3.14\times4^2=351.68$（$cm^2$）

$3.14\times4^2\times10=502.4$（$cm^3$）

2. $12\div2=6$（cm）　$\frac{1}{3}\times3.14\times6^2\times12=452.16$（$cm^3$）

3. $3.14\times[(10\div2)^2-(8\div2)^2]\times18=508.68$（$dm^3$）

4. $3.14\times(12\div2)^2\times20-\frac{1}{3}\times3.14\times(12\div2)^2\times10$

$=1884$（cm^3）

五、1.（1）30 cm = 0.3 m　$16\times3.14\times0.3=15.072$（$m^2$）

答：贴瓷砖的面积是 15.072 m^2。

（2）$16\div2=8$（m）　$3.14\times8^2\times0.3=60.288$（$m^3$）

答：需要 60.288 m^3 的土。

点拨：建成的花坛的底面直径是 16 m。

2.（1）40 cm = 0.4 m

$3.14\times0.4\times5\times8=50.24$（$m^2$）

答：至少需要 50.24 m^2 装饰板。

（2）$50.24\div4.5\approx11.2$（kg）

答：大约需要 11.2 kg 油漆。

3. $3.14\times(25.12\div3.14\div2)^2\times12=602.88$（$cm^3$）

2 L = 2000 cm^3　$2000\div602.88\approx3$（杯）

答：最多能倒满 3 杯。

4. $\frac{1}{3}\times3.14\times(25.12\div3.14\div2)^2\times2.4=40.192$（$m^3$）

2 cm = 0.02 m

$40.192\div(10\times0.02)=200.96$（m）

答：能铺 200.96 m。

5. $3.14\times(20\div2)^2\times3=942$（$cm^3$）

答：这块铜的体积是 942 cm^3。

6.（1）$3.14\times6\times5=94.2$（cm^2）

答：皮套圈的面积是 94.2 cm^2。

（2）$3.14\times(6\div2)^2\times20=565.2$（$cm^3$）　$=565.2$（mL）

答：这个水杯最多能装水 565.2 mL。

第二单元过关检测卷

一、1. 10∶4 = 0.5∶0.2（答案不唯一）

2. 2　3　5

3. 10　9　9　8

4. 6　5. 18　9

6. 80　实际　图上　7. 3　60

8. 1∶2000000　180　9. 1∶5000000

10. 放大为原来的 100 倍　200∶1

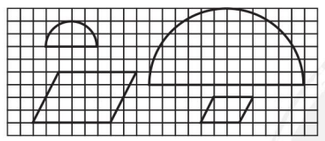
二、1. √　2. ×　3. √　4. √　5. ×

三、1. C　2. C　3. A　4. C　5. B　6. C

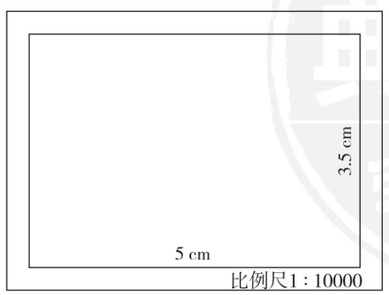
四、$x=16$　$x=30$　$x=15$

$x=1.65$　$x=2$　$x=\frac{1}{24}$

五、1.



2. B



六、1.（1）**解：**设六年级捡了 x kg 废品。

$120:x=4:5$

$x=150$

答：六年级捡了 150 kg 废品。

（2）**解：**设两个年级捡的废品一共可以换 x 本笔记本。

$10:2=(120+150):x$

$x=54$

答：两个年级捡的废品一共可以换 54 本笔记本。

2. $60\times\frac{3}{3+2}=36$（张）

$60\times\frac{2}{3+2}=24$（张）

答：玥玥有 36 张贴画，婵婵有 24 张贴画。

3. $12\div\frac{1}{5000000}\times\frac{1}{6000000}=10$（cm）

答：该地与北京相距 10 cm。

4. $180\div15=12$（cm）

答：手机的实际长是 12 cm。

5.（1）$60\div\frac{1}{200}=12000$（cm）　12000 cm = 120 m

$40\div\frac{1}{200}=8000$（cm）　8000 cm = 80 m

$120\times80=9600$（m^2）

答：运动场的实际面积是 9600 m^2。

（2）$60\div2=30$（t）

$30\times3=90$（t）

$30\times5=150$（t）

答：学校还要采购石子 90 t，黄沙 150 t。

第三单元过关检测卷

一、1. 旋转中心　旋转方向　旋转角度

2. 形状　大小　3. C　逆　90（或填顺　270）

4. C　90　右　6　5. 下　1　直线 l

6. C　90　右　4

7.（1）顺时针　90　（2）顺时针　90

（3）顺时针（或逆时针）　D

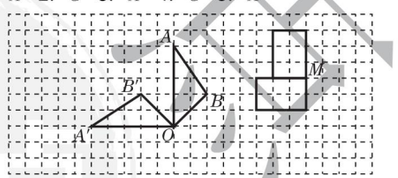
（4）顺时针　90　逆时针　90

8. 72

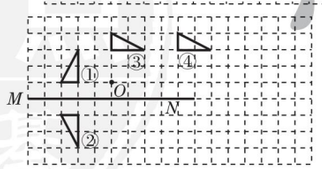
二、1. ×　2. √　3. ×　4. √　5. √

三、1. A　2. C　3. A　4. C　5. A

四、1.



2.



五、1. 先绕点 O 顺时针旋转 90°，再向右平移 4 格，最后向下平移 3 格。（变换过程不唯一）

2. 顺　90　右　8　顺　90　右　8

3.（1）下　1　右　1（或右　1　下　1）

（2）顺　90　左　2　上　1（或后四个空依次填：上　1　左　2）

（3）先向左平移 1 格，再向下平移 4 格（答案不唯一）

（4）先绕左下点逆时针旋转 90°，再向右平移 2 格，最后向上平移 4 格（答案不唯一）

4. 先将环宽 2 cm 的阴影扇环绕圆心逆时针旋转 90°，再将半径 3 cm 的 $\frac{1}{4}$ 阴影圆绕圆心旋转 180°，阴影部分就成了一个圆的 $\frac{1}{4}$。（旋转方法不唯一）

$3.14\times(1+2+3)^2\times\frac{1}{4}=28.26$（$cm^2$）

第四单元过关检测卷

一、1. $\frac{y}{x}=k$（一定）　$xy=k$（一定）　2. 反　正

3. 正　4. 反

5. a　b　c　c　a　b（或后三个空依次填：b　a　c）

6. 正　反

7. 64　60　8. 18　9. 160

10. 24　50.24　48　100.48

二、1. ×　2. ×　3. ×　4. ×　5. √

三、1. B　2. B　3. B　4. D　5. A

四、$x=30$　$x=0.1$　$x=1.6$　$x=13$　$x=\frac{8}{5}$　$x=\frac{2}{3}$

五、1. 160　240　320　400　480

2.

3. 正　4. 640

六、1. $753\times\frac{1}{1+250}=3$（g）　$753-3=750$（g）

答：需要盐 3 g，水 750 g。

2.（1）购买练习本总价一定，购买练习本的单价和练习本的数量成反比例。

（2）每捆练习本本数一定，练习本的总数和捆成的捆数成正比例。

3.（1）成反比例。

因为每时装订的册数 × 装订的时间 = 这批图书的总册数（一定）。

（2）**解：**设每时要装订 x 册。

$200\times24=8x$

$x=600$

答：每时要装订 600 册。

4.（1）96

（2）每块地砖的面积与所需地砖的数量成反比例关系。

（3）$300\times0.16\div80=0.6$（m^2）

答：所用地砖每块的面积是 0.6 m^2。

期中检测卷

一、1. 2.05　0.45　0.45

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

2. 376.8　477.28　753.6

3. 90　4. 3∶1　200

5. 4　6. 5∶4　130　104

7. 120∶1

8. 顺　90

9. 大米总质量　每袋大米的质量　袋数　大米总质量
每袋大米的质量　正

10. 1，2，3，4，6，9，12，18，36　3∶9=12∶36（此空答案不唯一）

二、1. ×　2. ×　3. ×　4. √　5. √

三、1. B　2. B　3. B　4. C　5. C

四、1. 50　0.36　727　8.2　1000　225　74　0.4

2. $x=64$　$x=\frac{5}{3}$　$x=\frac{24}{35}$　$x=\frac{5}{2}$　$x=\frac{28}{3}$　$x=5$

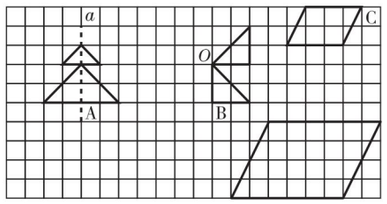
3. $\frac{1}{3}\times3.14\times(4\div2)^2\times3+3.14\times(4\div2)^2\times6=87.92$（$m^3$）

4. $3\div\frac{1}{200}=600$（cm）　600 cm=6 m

$5\div\frac{1}{200}=1000$（cm）　1000 cm=10 m

$6\times10\div2=30$（m^2）

五、



六、1. 24 cm=2.4 dm

$3.14\times2.4\times6\times100=4521.6$（$dm^2$）

4521.6 dm^2=45.216 m^2

答：至少需要 45.216 m^2 塑料。

2. $3.14\times(20\div2)^2\times0.5\times3\div[3.14\times(10\div2)^2]=6$（cm）

答：铅锤的高是 6 cm。

3. 图上 1 cm 表示实际距离 1000 cm，1000 cm=10 m，也就是 1 cm 表示 10 m。　$15\times10=150$（m）

$12\times10=120$（m）　$150\times120=18000$（m^2）

$18000\times\frac{4}{5+4}=8000$（$m^2$）

答：排球区的实际面积有 8000 m^2。

4. （1）$\frac{1}{3}\times3.14\times(12.56\div3.14\div2)^2\times1.8=7.536$（$m^3$）

答：这堆小麦的体积是 7.536 m^3。

（2）$7.536\div[3.14\times(2\div2)^2]=2.4$（m）

答：麦仓的高是 2.4 m。

数与代数过关检测卷

一、1. 1970080480　十九亿七千零八万零四百八十　20 亿

2. 1，0，−1，8　1，0，8　−1，−3.2

3. 9 和 15　3　45

4. 6　9　3　0.75

5. 24　$\frac{9}{4}$　3.8　3　50

6. >　<　>　=　<　=

7. $\frac{1}{5}$　13　7

8. $1.8a-b$　$(a+b)\div1.8$

9. 七五

10. 125　20　25

二、1. √　2. ×　3. ×　4. ×　5. ×

三、1. A　2. A　3. B　4. D　5. D

四、1. 234　2.8　$\frac{2}{3}$　8　20　$\frac{1}{2}$　3　$\frac{1}{36}$　2400　6

2. $\frac{5}{2}$　52　$\frac{1}{12}$　10　60　8.6

3. $x=6.7$　$x=\frac{8}{5}$　$x=80$

五、1. $15\div(1-90\%)\times90\%=135$（元）

答：他买这副羽毛球拍用了 135 元。

2. $(8-1.2\times5)\div4=0.5$（元）

答：每支铅笔 0.5 元。

3. $72\div\frac{8}{9}\times\left(1+\frac{1}{3}\right)=108$（张）

答：小军有邮票 108 张。

4. $480\div\left(\frac{3}{3+2}-20\%\right)\times\frac{2}{3+2}=480$（个）

答：还要生产 480 个零件才能完成任务。

5. $(20\times5-60)\div(5+3)=5$（道）　$20-5=15$（道）

答：她做对了 15 道题。

6. $(1920-1000)\div(50-30)=46$（m）

$46\times30-1000=380$（m）

答：这列火车每秒行 46 m，车身长 380 m。

7. $[298\times(15-3)-201]\div15=225$（台）

答：原计划每天生产电脑 225 台。

图形与几何、统计与概率过关检测卷

一、1.（1）m　（2）mL　（3）cm^2

2. 4500　8　6　3. 西　北　30　800

4. 4∶π　5. 25　6. 80　40

7.（1）20.56　25.12　（2）56　126　90　（3）100.48

8. 0.12　9. 4　10. 6

二、1. √　2. √　3. ×　4. ×　5. √

三、1. B　2. B　3. A　4. D　5. C

四、1. $10\times2\div5=4$（dm）

$(2+2+5)\times4\div2=18$（dm^2）

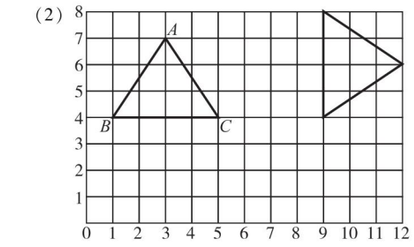
2. $3.14\times(10\div2)^2\div2-(10\div2)\times(10\div2)\div2=26.75$（$cm^2$）

五、表面积：$(15\times12+15\times8+12\times8)\times2+3.14\times6\times6=905.04$（$dm^2$）

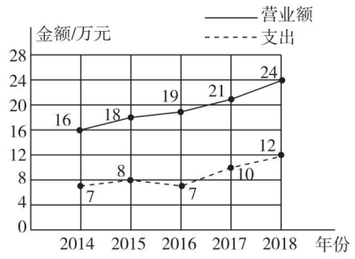
体积：$3.14\times(6\div2)^2\times6+15\times12\times8=1609.56$（$dm^3$）

六、1.（1）A（3，7）　B（1，4）　C（5，4）

（2）



2.



七、1.（1）$(40\%-32\%)\div32\%=25\%$

答：参加体育组的人数比电脑组的人数多 25%。

（2）$56\div28\%\times40\%=80$（人）

答：体育组有学生 80 人。

2. $(40-12)\times12\div2=168$（m^2）

答：这块苗圃种植园的面积是 168 m^2。

3. $(10\times8+10\times6+8\times6)\times2=376$（$dm^2$）

$10\times8\times6\times0.75=360$（kg）

答：做这个油箱至少需要 376 dm^2 的铁皮，这个油箱最多可装汽油 360 kg。

4. $3.14\times(25.12\div3.14\div2)^2\times1.5\times\frac{1}{3}\div(8\times5)=0.628$（m）$=62.8$ cm

答：能铺 62.8 cm 厚。

5. $6.28\div2=3.14$（dm^2）

底面半径是 1 dm，直径是 2 dm。

$80\div2\div2=20$（dm）

$3.14\times2\times20+3.14\times2=131.88$（$dm^2$）

答：原来这根圆柱形木料的表面积是 131.88 dm^2。

期末检测卷

一、1. 12　15　12　120　1.2

2. 2　9　2∶3=6∶9（比例不唯一）

3. $\frac{9}{5}$　9　4. 13.5　5. 2　5

6. 30　180　7. 243

8. 63　16.7

9. 0.$\dot{5}7\dot{1}428$　7　228

10. 18.84　532.4184　177.4728

二、1. √　2. ×　3. ×　4. ×　5. √

三、1. B　2. B　3. C　4. A　5. C

四、1. 5.41　$\frac{2}{3}$　0.03　$\frac{9}{20}$　10　3　40　$\frac{6}{5}$　15　12

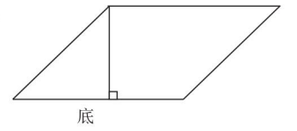
2. 43　$\frac{8}{9}$　1　$\frac{1}{16}$

3. $x=\frac{40}{3}$　$x=\frac{2}{3}$　$x=0.1$

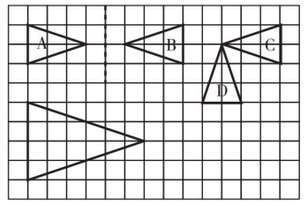
4.（1）$10\times5-3.14\times5^2\times\frac{1}{4}=30.375$（$cm^2$）

（2）$3.14\times(2\div2)^2\times(6+4)\div2=15.7$（$cm^3$）

五、1.



2.



六、1.（1）$32\div2\times\frac{5}{5+3}=10$（m）

$32\div2\times\frac{3}{5+3}=6$（m）

$10\times6=60$（m^2）

答：这块长方形地的面积是 60 m^2。

（2）$1\div\left(\frac{1}{5}+\frac{1}{3}\right)=1\frac{7}{8}$（时）

答：$1\frac{7}{8}$时能平整完这块土地。

2. $50.24\div3.14\div2=8$（m）

$3.14\times8^2+50.24\times1.2=261.248$（$m^2$）

$3.14\times8^2\times1.2=241.152$（$m^3$）

241.152 m^3=241152 L

答：抹水泥的面积是 261.248 m^2，这个水池最多能装 241152 L 水。

3. $7.2\div\frac{1}{2000000}=14400000$（cm）$=144$ km

$144\div90=1.6$（时）$=1$ 时 36 分

8:00+1 时 36 分=9:36

答：9:36 能到达景区。

4. 甲、乙、丙制作的零件个数比是 20∶12∶9

甲：$2050\times\frac{20}{20+12+9}=1000$（个）

乙：$2050\times\frac{12}{20+12+9}=600$（个）

丙：$2050\times\frac{9}{20+12+9}=450$（个）

答：甲制作了 1000 个零件，乙制作了 600 个零件，丙制作了 450 个零件。

5. $6\div\left(\frac{3}{3+7}-\frac{2}{15}\times2\right)=180$（页）

答：这本书共有 180 页。

典中点 尚德启升

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

荣德基 主编



典中点®

综合应用创新题 典中点

活页检测卷

后附全书参考答案及点拨

六年级 数学

下（BS版）

荣德基官方网站：
http://www.rudder.com.cn

荣德基天猫旗舰店：
http://rongdeji.tmall.com

荣德基小学频道
微信扫一扫

陕西新华出版传媒集团
陕西人民教育出版社

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

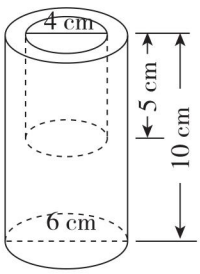
第1招 圆柱表面积的解题技巧

荣老师告诉你

在解决圆柱表面积的相关问题时，要牢牢掌握圆柱的特征和相关的计算方法，有时要联系生活，根据实际情况分析“需要计算哪些部分的面积”。解题时要认真观察、合理想象。

经典例题

例 有一个圆柱形零件(如图)，高 10 cm，底面直径 6 cm，零件底面的一端有一个圆柱形孔。孔的底面直径是 4 cm，孔深 5 cm。如果给这个零件的表面都涂上防锈漆，一共要涂多少平方厘米？



思路分析　如图，要求涂漆部分的面积就是求这个零件的表面积，这个零件的表面积就是大圆柱的表面积加上小圆柱的侧面积。

规范解答　$3.14\times\left(\frac{6}{2}\right)^2\times2+3.14\times6\times10+3.14\times4\times5$

$=56.52+188.4+62.8$

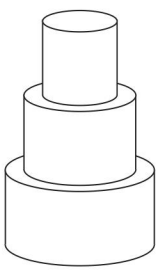
$=307.72(cm^2)$

答：一共要涂 307.72 cm^2。

分类训练

技巧❶ 用观察物体的方法解决问题

1. 如图所示，将高都为 1 m，底面直径分别为2 m、1.5 m、1 m 的三个圆柱组成一个物体，这个物体的表面积是多少平方米？【导学号 2415117】



未经集中点

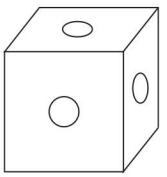
关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

技巧❷ 已知减少（增加）的表面积，求原来的表面积

2. 有一个圆柱，它的底面积与侧面积正好相等，如果圆柱的底面积不变，高增加 1.5 cm，它的表面积就增加 56.52 cm^2。这个圆柱原来的表面积是多少？

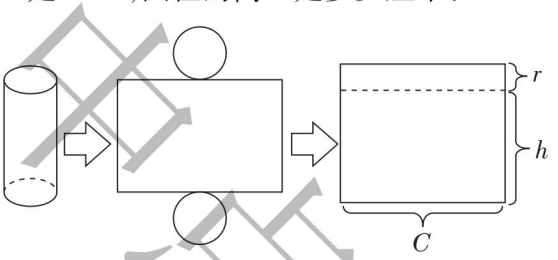
技巧❸ 正方体的表面积与圆柱体侧面积的综合运用

3. 如图，在一个棱长为 4 cm 的正方体的六个面的中心位置各挖去一个底面半径是 0.5 cm、深是1.5 cm 的圆柱，求这个图形的表面积。



技巧❹ 用“转化法”解决问题

4. 如图，一个圆柱的表面积和一个长方形的面积相等，长方形的长等于圆柱的底面周长 C，已知长方形的面积是 138.16 cm^2，圆柱的底面半径 r 是 2 cm，圆柱的高 h 是多少厘米？



技巧❺ 用“方程法”解决问题

5. 把一块横截面是正方形的长方体木料削成一个最大的圆柱，该圆柱的表面积是32.97 cm^2，底面直径是高的$\frac{1}{3}$。原来这块长方体木料的表面积是多少平方厘米？

菜鸟集中站

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第2招 圆柱与圆锥体积的解题技巧

荣老师告诉你

求圆柱、圆锥的体积主要是应用公式解决问题。解题时，要注意分析题中的已知条件，善于发现所求问题和已知条件的关系，有些题中的条件比较隐蔽，要通过转换或计算求出所要用的条件，这就要求我们必须善于剖析和发现所求图形与基本图形的组合关系。

经典例题

例 一个圆柱形水槽，从里面量，底面半径是 6 cm，盛有 8 cm 深的水，现将一个底面周长为 25.12 cm 的圆锥形铁块完全浸入水中（水未溢出），水面高度比原来上升了$\frac{1}{10}$，圆锥形铁块的高是多少厘米？

思路分析 要求圆锥形铁块的高，先要求出圆锥形铁块的体积，根据题目的条件可知，水面上升后上升的部分所形成的圆柱的体积就等于圆锥形铁块的体积，再用圆锥形铁块的体积乘以 3 除以圆锥形铁块的底面积就是圆锥形铁块的高。

规范解答 水面上升后上升的部分所形成的圆柱的体积（圆锥形铁块的体积）为 $3.14\times6^2\times8\times\frac{1}{10}=90.432(cm^3)$

圆锥形铁块的高是 $90.432\times3\div[3.14\times(25.12\div3.14\div2)^2]=5.4(cm)$

答：圆锥形铁块的高是 5.4 cm。

分类训练

技巧❶ 用“等积变形”的思想解决问题

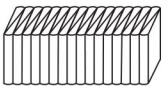
1. 把一段底面半径是 8 dm，高是 4 dm 的圆柱形钢材熔铸成一个底面半径是 4 dm 的圆锥，这个圆锥的高是多少分米？

2. 把一段底面直径是 8 dm，高是 5 dm 的圆柱形钢材熔铸成一个底面直径是 16 dm 的圆锥，这个圆锥的高是多少分米？

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

技巧❷ 用“转化法”解决问题

3. 一个圆柱的侧面积是100 m^2，底面半径是4 m，这个圆柱的体积是多少立方米？
（将圆柱“转化”成如图所示的一个近似的长方体，长方体前面的面积是圆柱侧面积的一半，宽是圆柱的底面半径）



技巧❸ 用“排水法”解决问题

4. 一个底面直径是10 cm的圆柱形玻璃缸中装有水，放入一个底面半径为2 cm的圆锥，圆锥全部淹没（水未溢出），当把圆锥从水中拿出后，水面下降1 cm，求这个圆锥的高。

技巧❹ 综合运用立体图形的体积解决问题

5. 从一个棱长为6 cm的正方体的底面向内挖去一个最大的圆锥，剩下的立体图形的体积是原正方体体积的百分之几？ 【导学号 2415117】

6. 一个长方体木块，长50 cm，宽40 cm，高30 cm，将其加工成一个最大的圆锥形木块，这个圆锥形木块的体积是多少立方厘米？

采德典书点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第3招 计算技巧

荣老师告诉你

在小学数学中常常出现一些难度较大的计算题，它们乍一看上去都十分繁难，有的题目用一般的方法甚至不能算出结果来。遇到这样繁难的计算题，我们必须仔细审题，动脑筋找出题目中的某些特殊联系；同时更要学习和掌握一些特殊、巧妙的计算技巧，从而使问题转化，让计算简化。

经典例题

例 计算。$1995-1992+1989-1986+1983-1980+\cdots+15-12+9-6+3$

思路分析 本题可以采用分组法进行计算。从左往右，每两个数为一组 $1995-1992$，$1989-1986$，$1983-1980$，$\cdots$，$15-12$，$9-6$，这样一共组成了 $(1995-9)\div(1995-1989)+1=332$（个）数对，每一数对的两个数的差都是3，最后还剩下一个3没配对，再加上即可。

规范解答 原式 $=(1995-1992)+(1989-1986)+(1983-1980)+\cdots+(15-12)+(9-6)+3$

$=3\times332+3$

$=999$

分类训练

技巧❶ 公式法

1. 计算：$\dfrac{1+2+3+4+5+6+7+8+7+6+5+4+3+2+1}{88\times88}$

技巧❷ 分解因数法

2. 计算：$\dfrac{121121}{212121}\times\dfrac{121212}{212212}$

未领集中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

技巧❸ 拆数法

3. 计算：$\frac{1}{1\times4}+\frac{1}{4\times7}+\frac{1}{7\times10}+\frac{1}{10\times13}+\frac{1}{13\times16}$

技巧❹ 运用运算律巧算

4. 计算：$\left(1+\frac{1}{2}\right)\times\left(1+\frac{1}{4}\right)\times\left(1+\frac{1}{6}\right)\times\left(1+\frac{1}{8}\right)\times\left(1-\frac{1}{3}\right)\times\left(1-\frac{1}{5}\right)\times\left(1-\frac{1}{7}\right)\times\left(1-\frac{1}{9}\right)$

技巧❺ 凑整法

5. 计算：$9+99+999+9999+99999$

6. 计算：$\frac{1}{2}+\frac{1}{4}+\frac{1}{8}+\frac{1}{16}+\frac{1}{32}+\frac{1}{64}+\frac{1}{128}$

荣德典中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

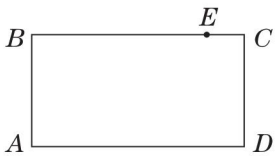
第4招 巧抓不变量

荣老师告诉你

在小学数学题中，常常会出现某些量的增减变化，在这些量变化的同时，与它们相关的另外一些量却没有变化，在分析数量关系时，这些“不变量”往往能起到重要的作用。

经典例题

例 如图所示，一只老鼠从 A 点出发在长方形的边上沿着 $A\to B\to C$ 方向逃跑，同时一只猫也从 A 点出发，沿着 $A\to D\to C\to B$ 的方向捕捉老鼠，结果猫在边 BC 上的 E 点捉住了老鼠，已知老鼠的速度是猫的 $\frac{11}{14}$，CE 长 9 m，求长方形的周长。



思路分析 本题的不变量是长方形的周长，猫和老鼠同时从 A 点出发，当猫捉住老鼠时，它们所用的时间相同，因为老鼠的速度是猫的 $\frac{11}{14}$，所以猫捉住老鼠时，老鼠所行的路程是猫所行路程的 $\frac{11}{14}$。

规范解答 猫捉住老鼠时，猫比老鼠多行的路程为 $9\times2=18$(m)

猫行的路程为 $18\div(14-11)\times14=84$(m)

老鼠行的路程为 $18\div(14-11)\times11=66$(m)

长方形的周长为 $84+66=150$(m)

答：长方形的周长是 150 m。

分类训练

技巧❶ 抓年龄差不变

1. 王老师对小李说：“当我像你这么大的时候，你才 1 岁，当你像我现在这么大的时候，我已经 40 岁了。”你能帮小李算出王老师现在的年龄吗？ 【导学号 2415117】

未经集中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

技巧❷ 抓相遇问题中的不变量

2. 一辆卡车和一辆摩托车同时从甲、乙两地相对开出，两车在途中距甲地 60 km 处第一次相遇，然后两车继续前进，卡车到达乙地，摩托车到达甲地后都立即返回，两车又在途中距乙地 30 km 处第二次相遇，甲、乙两地之间的路程是多少千米？

技巧❸ 抓两个量的差不变

3. 有两条纸带，一条长 21 cm，一条长 13 cm，把两条纸带都剪下同样长的一段后，发现短纸带剩下的长度是长纸带剩下长度的$\frac{7}{15}$，剪下的一段有多长？

技巧❹ 抓分母与分子的差不变

4. 分数$\frac{11}{86}$的分子和分母同时加上一个相同的数，使得分数变成$\frac{2}{7}$，那么加上的这个数是多少？

技巧❺ 抓分数应用题中的不变量

5. 甲、乙两个车间，甲车间人数是乙车间人数的$\frac{1}{6}$，如果从乙车间调 1 人到甲车间，那么甲车间人数是乙车间人数的$\frac{1}{5}$，甲、乙两车间原来各有多少人？

荣德集中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第5招 用“转化法”解决问题

荣老师告诉你

我们在解决数学问题时，往往会遇到一些陌生而复杂的题目，这时需要我们展开大胆的联想，把这些题目转化成我们比较熟悉的，或转化成比较简单的题型，这样复杂的问题就迎刃而解了。

经典例题

例 在一个圆内画一个尽可能大的正方形，已知这个正方形的面积是 20 cm^2，求这个圆的面积是多少平方厘米？

思路分析 本题我们可以采用“数据转化”的方法，假定圆的半径（即正方形对角线的$\frac{1}{2}$）为 2 cm，这样可以分别求出圆的面积和圆中最大正方形的面积，进而可以求出圆的面积与正方形面积之间的关系，根据这个关系就可以求出此题中圆的面积。

规范解答 假定圆的半径是 2 cm。

则此时圆的面积是 $3.14\times2^2=12.56(cm^2)$

圆内最大正方形的面积是 $2\times2\div2\times4=8(cm^2)$

圆与圆内最大正方形的面积比是 $12.56:8=157:100$

原题中圆的面积是 $20\times\frac{157}{100}=31.4(cm^2)$

答：这个圆的面积是 31.4 cm^2。

分类训练

类型❶ 数据转化

1. 计算：$\frac{4}{11}\times\frac{4}{5}+4\frac{3}{11}\times\frac{2}{5}$

2. 计算：$1-\frac{1}{10}-\frac{1}{100}-\frac{1}{1000}-\frac{1}{10000}-\frac{1}{100000}$

荣德基中小学

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

类型② 分率转化

3. 甲、乙两人加工一批零件，甲先加工了这批零件的$\frac{2}{5}$，接着乙加工了余下的$\frac{4}{9}$。已知乙加工的零件个数比甲少 200 个。这批零件共有多少个？

类型③ 比与分率的转化

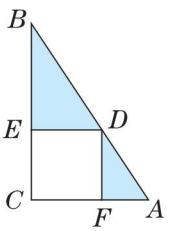
4. 甲、乙两袋大米共重 88 kg，已知甲袋大米的$\frac{2}{3}$与乙袋大米的$\frac{4}{5}$一样重。甲、乙两袋大米各重多少千克？

类型④ 工程问题中的转化

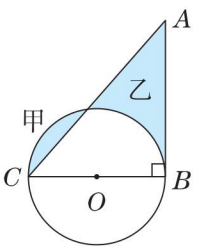
5. 抄一份资料，甲、乙单独抄各要 10 天完成，丙单独抄要 7.5 天完成，现在三人合抄，在抄的过程中，甲因事外出 1 天，丙因病休息 0.5 天，抄完这份资料共需要多少天？

类型⑤ 图形的转化

6. 如图，在直角三角形 ABC 中，已知 $AD=6$ cm，$DB=10$ cm，四边形 $CEDF$ 为正方形，求阴影部分的面积。



7. 如图，三角形 ABC 是直角三角形，阴影部分面积乙比甲大 75 cm^2，BC 长 20 cm，求 AB 的长是多少厘米。 【导学号 2415117】



荣德集中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

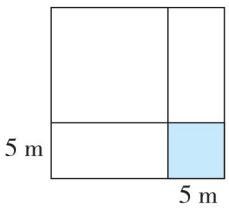
第6招 用“画示意图法”解决问题

荣老师告诉你

遇到有些数学题的条件与条件之间、条件与问题之间的数量关系比较抽象、复杂时，可以把题中所给的条件用图形具体、形象地表示出来，这样便于理解和分析题中的数量关系，从而能快速地找到解题思路，这种方法叫画示意图法。在画图之前，要反复审题，弄清题意，这样才能把题中的条件和问题正确地表示出来。

经典例题

例 将一个正方形的边长增加 5 m，面积就增加 125 m^2，原来这个正方形的面积是多少平方米？



思路分析　为了清楚看出图形变化的情况，可根据题意画出示意图。

由图可知，如果我们把增加的部分分成三块，那么一块就是一个边长 5 m 的正方形，另外两块就是形状、大小相同的两个宽为 5 m 的长方形。

规范解答　两个长方形的总面积是 $125-5\times5=100(m^2)$

每个长方形的长（原正方形边长）是 $100\div2\div5=10(m)$

原正方形的面积是 $10\times10=100(m^2)$

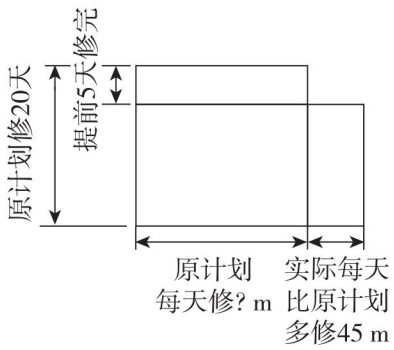
答：原来这个正方形的面积是 100 m^2。

分类训练

类型1 画示意图解工程问题

1. 筑路队原计划 20 天修完一条公路，实际每天比原计划多修 45 m，提前 5 天完成了任务。原计划每天修路多少米？

(1)看图理解。　　(2)列式解答。



禁止出售

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

类型② 画示意图解差倍问题

2. 同样长的两根绳子，第一根用去 30 m，第二根用去 18 m，绳子剩下的长度第二根是第一根的 3 倍，原来每根绳子长多少米？

（1）补充示意图。　　（2）列式解答。

第一根 ┗━━━━━━━━━━━━┛

第二根 ┗━━━━━━━━━━━━┛

类型③ 画示意图求两个量的关系

3. 有甲、乙两数（甲、乙两数均不为 0），甲数的$\frac{3}{5}$等于乙数的$\frac{1}{3}$，甲数是乙数的几分之几？

（1）画图理解。　　（2）列式解答。

类型④ 画示意图解一般应用题

4. 某小学男生比女生多 180 人，如果该小学一半的男生去科技馆参观，剩下的男生比女生少 80 人，这个小学男、女生各有多少人？

（1）画图理解。　　（2）列式解答。

类型⑤ 画示意图解比的问题

5. 一个车间有两个小组，第一小组和第二小组人数的比是 5∶3，如果从第一小组调 14 人到第二小组，则第一小组与第二小组人数的比是 1∶2。原来两个小组各有多少人？

（1）画图理解。　　（2）列式解答。

来德集中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第7招 用“公式法”解典型应用题

荣老师告诉你

小学阶段有很多典型应用题，如：平均数问题、植树问题、追及问题、火车过桥问题、鸡兔同笼问题、盈亏问题等，对于这些典型应用题，我们可以根据各个题型的特点直接运用公式去思考并解答。

经典例题

例 小兵骑自行车每时行 15 km，小明步行每时行 5 km。两人从家同时出发走同一条线路到 30 km 外的学校去上学。小兵到校后发现忘了带钥匙，就沿原路回家去拿，在途中与小明相遇。相遇时小明行了多少千米？

思路分析 根据题意可知，此题是相遇问题，所以我们可以运用关系式“总路程 ÷ 速度和 = 相遇时间”去思考，求出相遇时间后，就可以求出相遇时小明行的路程。

规范解答 小兵和小明的相遇时间为 $30\times2\div(15+5)=3$（时）

相遇时小明共行的路程为 $5\times3=15$（km）

答：相遇时小明行了 15 km。

分类训练

类型❶ 公式法解平均数问题

1. 六名评委给一名歌手打分，其平均成绩为 9.6 分，如果去掉一个最高分，这名歌手的平均成绩是 9.4 分，如果去掉一个最低分，这名歌手的平均成绩是 9.8 分，那么去掉一个最高分和一个最低分，这名歌手的平均成绩是多少分？

类型❷ 公式法解植树问题

2. 在一条公路的一侧栽有若干棵树，每两棵树之间的距离相等，哥哥和弟弟同时出发，从第一棵树向最后一棵树的方向走去，哥哥每分走 84 m，弟弟每分走 36 m，哥哥走到第 22 棵树的时候，弟弟走到第几棵树？ 【导学号 2415117】

荣德集中营

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

类型❸ 公式法解追及问题

3. 甲、乙、丙兄弟三人骑自行车旅行，出发时约好到某地集合，甲、乙二人早上 6 时一起从家中出发，甲每时行 15 km，乙每时行 12 km，丙因有事，到早上 8 时才从家中出发，下午 6 时，甲、丙同时到达该地，问丙何时追上乙？

类型❹ 公式法解火车过桥问题

4. 一列客车每分行 2000 m，一列货车每分行 1500 m，货车比客车的车身长 135 m。两车在平行的轨道上同向行驶，当客车从后面超过货车时，两车交叉的时间是 45 秒。这列货车和这列客车的车身长各多少米？

类型❺ 公式法解鸡兔同笼问题

5. 六(2)班有学生 52 人，到公园去划船，共租了 11 条船，每条大船坐 6 人，每条小船坐 4 人，大、小船各租了多少条？

类型❻ 公式法解盈亏问题

6. 动物园为猴山的猴子买了一些桃，这些桃如果每只猴子分 5 个，还剩 32 个；如果其中 10 只小猴子每只分 4 个，其余的猴子每只分 8 个，就恰好分完。猴山上有多少只猴子？共买多少个桃？

来德集中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第8招 用“设数法”解决问题

荣老师告诉你

很多数学题往往比较抽象。例如，有的题看上去好像数据不齐全，有的甚至连一个具体数据也不出现，像这样的题我们可以设定一个具体数据放入题中进行解答，这种方法就是“设数法”。

经典例题

例 甲、乙两所小学，甲校的学生人数相当于乙校学生人数的40%，甲校的女生人数占甲校总人数的30%，乙校的男生人数占乙校总人数的42%。甲、乙两校的女生人数占两校总人数的百分之几？

思路分析 由“甲校的学生人数相当于乙校学生人数的40%”，我们假设乙校的学生人数为100人，甲校的学生人数则是$100\times40\%=40$(人)。然后依据这两个“具体人数”去逐一推算就容易了。

规范解答 假设乙校的学生为100人，则甲校的学生为$100\times40\%=40$(人)。

甲校的女生为$40\times30\%=12$(人)

乙校的女生为$100\times(1-42\%)=58$(人)

两校女生一共有$12+58=70$(人)

两校的女生人数占两校总人数的$70\div(40+100)=50\%$

答：甲、乙两校的女生人数占两校总人数的50%。

分类训练

类型❶ 设数法解变化幅度问题

1. 一种商品，去年年底价格提高了10%，最近又降低了10%。该种商品现在的价格比去年年底提价前增加了还是减少了？变化幅度是多少？

类型❷ 设数法解平均数问题

2. 王叔叔开车到县城运大米，去时空车，平均每时行60千米；回来时装满了大米，平均每时行40千米。王叔叔开车往返的平均速度是多少？

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

3. 某班进行了一次数学小测验，全班的平均成绩为 88 分。其中$\frac{4}{5}$的同学成绩特别优秀，他们的平均成绩为 92 分，求剩下同学的平均成绩是多少分。

类型❸ 设数法解工程问题

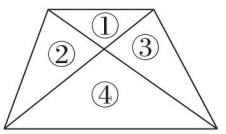
4. 加工同样的机器零件，小王叔叔所用的时间比小张叔叔少$\frac{1}{4}$，那么小王叔叔的工作效率比小张叔叔高百分之几？

类型❹ 设数法求两个数的比

5. 有甲、乙两个数，如果把甲数的小数点往左移动两位，就等于乙数的$\frac{1}{8}$。那么原来甲、乙两数的比是多少？

类型❺ 设数法解图形面积问题

6. 一个梯形被它的两条对角线分成 4 个部分（如图），已知两条对角线的交点恰好是各自的一个三等分点。那么三角形①②面积之和是三角形③④面积之和的几分之几？



荣德集中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第9招 用“方程法”解决问题

荣老师告诉你

要提高列方程解决问题的能力，应注意两个方面：一是要善于分析问题中的已知数与未知数之间的数量关系；二是要注意一般语言与数学语言之间的相互转化。在列方程解决问题时，设未知数有直接设元法和间接设元法两种。设好未知数后再列方程解答。

经典例题

例 一条船在两个码头之间航行，顺水行全程要 4 时，逆水行全程要 5 时，已知水流的速度是 2 千米/时。这条船在静水中航行的速度是多少？

思路分析 船的顺水速度 = 船的静水速度 + 水速，船的逆水速度 = 船的静水速度 − 水速，根据题意可知，题中等量关系：顺水所行路程 = 逆水所行路程。

规范解答 解：设这条船在静水中的速度为 x 千米/时。

$$5(x-2)=4(x+2)$$

$$5x-10=4x+8$$

$$x=18$$

答：这条船在静水中的速度为 18 千米/时。

分类训练

类型❶ 列方程解鸡兔同笼问题

1. 某班 46 名同学去划船，一共乘坐了 10 条船，大船坐 6 人，小船坐 4 人，全部坐满。大船、小船各多少条？

类型❷ 列方程解盈亏问题

2. 某班学生合买一件纪念品。如果每人出 6 角，则多 4 元 8 角，如果每人出 5 角，则少 3 角。这个班有学生多少人？

未经集中营

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

类型❸ 列方程解平均数问题

3. 男生和女生平均每人植树 16.5 棵，女生平均每人植树 11 棵。男生有 24 人，共植树 506 棵，男、女生共植树多少棵？

类型❹ 列方程解分数应用题

4. 学校有篮球和足球共 100 个，篮球数量的$\frac{1}{3}$比足球数量的$\frac{1}{10}$多 16 个。学校有篮球和足球各多少个？

类型❺ 列方程解追及问题

5. 小明每天早上要在 7:50 之前赶到距家 1000 m 的学校上学，一天，小明以 80 米/分的速度出发，5 分后，小明的爸爸发现他忘了带语文课本，于是爸爸立即以 180 米/分的速度去追小明，并且在途中追上了他。爸爸追上小明用了多少分？

类型❻ 列方程解数位问题

6. 有一个两位数，如果在这个两位数的两个数字之间添一个 0，则得到的三位数是原来两位数的 9 倍，原来这个两位数是多少？ 【导学号 2415117】

荣德集中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第10招 用“整体分析法”解决问题

荣老师告诉你

所谓“整体分析法”，就是将几个独立的部分合并成一个整体来分析。“整体分析法”可以让我们避开题中许多细节问题的干扰和纠缠，让我们快速抓住问题的核心，迅速获解。

经典例题

例 甲、乙两人骑自行车同时从东、西两地出发，相向而行，经过8分两人相遇，如果甲每分少行180 m，而乙每分多行230 m，经过7分两人就能相遇，东、西两地相距多少米？

思路分析 由于不知道甲、乙两人骑自行车的速度是多少，解答就显得比较困难，因此解答这道题的关键是要把甲、乙两人合在一起（即将两个人转化成一个人）来考虑，原来他们两人行完全程要8分，每分行全程的$\frac{1}{8}$；后来由于两人速度变化了，7分就能行完全程，每分行全程的$\frac{1}{7}$，他们的速度合起来看，每分多行了$230-180=50$(m)，这个50 m对应的分率是$\frac{1}{7}-\frac{1}{8}$。

规范解答

$$(230-180)\div\left(\frac{1}{7}-\frac{1}{8}\right)$$
$$=50\div\frac{1}{56}$$
$$=2800\text{(m)}$$

答：东、西两地相距2800 m。

分类训练

类型❶ 用整体分析法计算

1. 若$51-\left[27.5\times\frac{3}{8}-\left(7.3-6\frac{37}{40}\right)+\square\div2\frac{2}{3}\right]\times\frac{4}{45}=50$，则$\square$代表什么数？

荣德基中学

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

类型② 用整体分析法解平均数问题

2. 有五个数的平均数为7，若把其中一个数改为9后，这五个数的平均数则为8。改动的那个数原来是多少？

类型③ 用整体分析法解分数加减法问题

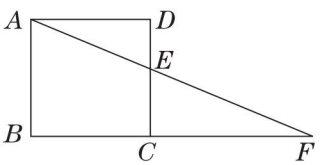
3. 李林喝了一杯牛奶的$\frac{1}{6}$，然后加满水又喝了一杯的$\frac{1}{3}$，再倒满水后又喝了半杯，又加满水，最后把一杯都喝了，李林喝的牛奶多还是水多？

类型④ 用整体分析法解分数应用题

4. 一条马路长2000 m，小张和小李分别从这条马路的两端同时出发，相向而行。小张每分走60 m，小李每分走40 m，小张带着一条狗，狗每分跑100 m。这条狗与小张一起出发，碰到小李时立即回头向小张跑，碰到小张时，又立即回头向小李跑，直到小张、小李相遇。从小张、小李出发到相遇，这条狗一共跑了多少米？

类型⑤ 用整体分析法解图形问题

5. 如图所示，已知四边形$ABCD$是一个边长为10 cm的正方形，三角形AED的面积比三角形ECF的面积少20 cm^2，求CF的长。 【导学号2415117】



禁德集中心

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第11招 用“对应思想”解决问题

荣老师告诉你

在数学中，巧妙地运用对应的思想方法往往可以把复杂的问题转化成简单的问题去解决。如：计算中的对应、解决问题中的对应、计数中的对应等。

经典例题

例 1985～4891 的整数中，十位数字与个位数字相同的数有多少个？

思路分析 根据条件“十位数字与个位数字相同”，所以我们可以设想把相同的两个数字“合并”成一个数，这样一来，四位数就变成了三位数。把在 1985～4891 的整数中十位数字与个位数字相同的数 1988，1999，…，4888 与“合并”的三位数建立如下的一一对应关系。

1988	1999	2000	2011	…	4888
↓	↓	↓	↓	↓	↓
198	199	200	201	…	488

规范解答 上述三位数共有 488－198＋1＝291（个），所以在 1985～4891 的整数中，十位数字与个位数字相同的数有 291 个。

分类训练

类型1 等差数列中的对应

1. 计算：(2＋4＋6＋8＋…＋1000)－(1＋3＋5＋7＋…＋999)

2. 100 个连续自然数的和是 8450，取其中第 1 个，第 3 个，第 5 个，…，第 99 个（所有第奇数个），再把这 50 个数相加，和是多少？

未德集中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

类型❷ 鸡兔同笼中的对应

3. 鸡、兔共有脚 44 只，若将鸡、兔的数量互换，则共有脚 52 只，问原来鸡、兔各有多少只？

4. 数码商场出售 64G、32G、16G 的 U 盘，它们的售价如下。

类型	64G	32G	16G
售价	300 元	150 元	100 元

刘老师用 8100 元共买了 55 个 U 盘，其中 32G 的 U 盘数量与 16G 的 U 盘数量恰好一样多。刘老师三种 U 盘各买了多少个？

类型❸ 比中的对应

5. 甲、乙两车的速度比是 3∶4，两车分别从两地同时出发，相向而行，在离中点 6 km 处相遇。求两地相距多少千米。

类型❹ 计数中的对应

6. 16 名羽毛球运动员参加单打比赛，两两成对进行淘汰赛，请问要决出冠军，一共要比赛多少场？

荣德集中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第12招 用“假设思想”解决问题

荣老师告诉你

一些数学题目中含有两个或者两个以上的未知数量，其数量关系比较隐蔽，很难找到解题途径。为了使复杂的数量关系变得简单，使隐蔽的关系变得明朗，我们可以使用“假设”改变某些条件，或者将某个条件设为已知，对因“假设”而产生的差异进行推断，并加以调整，从而使问题获得解决，这种解决问题的思想称为假设思想。

经典例题

例 小花和小英一起跳绳，小花先跳了2分，然后两人各跳了3分，一共跳了780下，已知小花比小英每分多跳12下，则小花比小英一共多跳了多少下？

思路分析 假设小花跳绳的速度减少到和小英一样，则两人跳绳的总数就减少了 $12\times(2+3)=60$（下），这时两人跳绳的总数是 $780-60=720$（下），两人一共跳绳的时间为 $2+2\times3=8$（分），因此小英每分跳绳 $720\div8=90$（下），小英3分跳了 $90\times3=270$（下）。小花每分跳绳 $90+12=102$（下），5分跳了 $102\times5=510$（下），所以小花比小英一共多跳 $510-270=240$（下）。

规范解答 $[780-12\times(2+3)]\div(2+2\times3)=90$（下）

$(90+12)\times(2+3)-90\times3=240$（下）

答：小花比小英一共多跳了240下。

分类训练

类型❶ 假设法解代换问题

1. 某鞋厂将600双皮鞋分装在4个木箱和12个纸箱里，已知2个纸箱和1个木箱装的一样多，问每个木箱和每个纸箱各装多少双？

类型❷ 假设法解工程问题

2. 甲管注水速度是乙管注水速度的1.5倍，同时开放甲、乙两个水管向一个空游泳池注水，12时可注满，现在先开放甲管向这个空游泳池注水若干时，剩下的由乙管注，9时可将该游泳池注满水。问甲管注水时间是多长？

荣德基中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

类型❸ 假设法解倍数问题

3. 有一堆黑、白棋子,黑子的数量是白子的 2 倍,现在从这堆棋子中每次取出黑子 4 个,白子 3 个,取若干次后,白子取完,而黑子还有 16 个,问黑、白棋子各有多少个?

类型❹ 假设法解一般应用题

4. 红星机械厂十一月份计划生产一批机器,实际每天比计划多生产 80 台机器,结果 25 天就完成了全月计划,问该厂十一月份计划生产多少台机器?

类型❺ 假设法解分数应用题

5. 甲厂与乙厂去年共上缴税金 112 万元,已知甲厂上缴税金的$\frac{4}{9}$与乙厂上缴税金的$\frac{2}{7}$共是 42 万元,问甲、乙两个厂去年各上缴税金多少万元?

类型❻ 假设法解页码问题

6. 给一本书编页码,一共用了 732 个数字,则这本书共有多少页?

类型❼ 假设法解鸡兔同笼问题

7. 某车站售出汽车票若干张,每张学生票 6 元,每张成人票 14 元;售出的学生票比成人票多 700 张,售出的成人票比学生票多收入 6200 元,问售出学生票与成人票各多少张?

【导学号 2415117】

荣德集中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第13招 用“类比思想”解决问题

荣老师告诉你

假如要解决问题甲，可是问题甲复杂、难解，这时可以通过联想，找到一个很类似的问题乙，问题乙是你会解的，既然问题甲与问题乙很类似，那不妨试试能否用解决问题乙的方法来解决问题甲，这种思考方法称为类比思想。

经典例题

例 明明晚上6点开始做作业，一直到钟表上的时针与分针第二次成直角时，作业正好做完，明明做作业用了多长时间？

思路分析 解决这类问题初看起来无从下手，实际上运用类比的方法可以把两针在钟面上作匀速圆周运动类比为同向而行的追及问题。分针每分走6°，时针每分走0.5°，6点时，分针落后时针180°，那么分针追上时针的时间 $=180\div(6-0.5)=\frac{360}{11}$（分），这期间两针成过一次直角；分针追上时针到第二次两针成直角所需时间 $=90\div(6-0.5)=\frac{180}{11}$（分）；所以到第二次两针成直角一共用 $\frac{360}{11}+\frac{180}{11}=49\frac{1}{11}$（分）。

规范解答 $180\div(6-0.5)=\frac{360}{11}$（分）　　$90\div(6-0.5)=\frac{180}{11}$（分）

$\frac{360}{11}+\frac{180}{11}=49\frac{1}{11}$（分）

答：明明做作业用了 $49\frac{1}{11}$ 分。

分类训练

类型❶ 类比思想解时钟问题

1. 从4点开始，至少经过多少分时针与分针重合？

荣德基中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

类型❷ 类比成工程问题解决问题

2. 王老师为学校购买音乐器材，他带去的钱可以买 10 台手风琴或 50 把小提琴，如果买了 6 台手风琴后，剩下的钱全部买小提琴，问可以买多少把小提琴？

3. 加工一批零件，如果甲独做 15 天完成，乙独做 10 天完成，现在两人一起加工这批零件，合作若干天后，甲休息了几天，结果共用 8 天才加工完这批零件，问甲休息了多少天？

类型❸ 类比成年龄问题解决问题

4. 分数$\frac{3}{71}$的分子和分母同时加上一个相同的数，分数变成$\frac{1}{5}$，加上的这个数是多少？

类型❹ 类比成按比分配问题解决问题

5. 一个两位数，十位上的数字与个位上的数字的和是 9，十位上的数字与个位上的数字交换位置后所得的新数是原数的$\frac{5}{6}$，求原数。

类型❺ 类比成重叠问题解决问题

6. 1 ~ 100 中，能被 2 或 5 整除的数有多少个？

荣德集中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

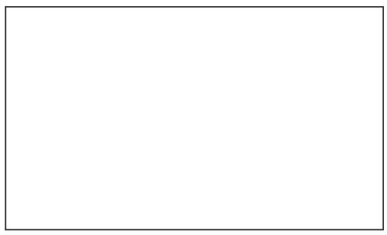
第14招 比例尺的应用

荣老师告诉你

比例尺是表示图上一条线段的长度与地面对应线段的实际长度之比。公式为：比例尺=图上距离与实际距离的比。比例尺包括：数值比例尺和线段比例尺。数值比例尺是用数字的比例式或分数式表示比例尺的大小。线段比例尺是在地图上画一条线段，并注明地图上1厘米所代表的实际距离。在绘制地图和其他平面图的时候，需要把实际距离按一定的比缩小（或扩大），再画在图纸上。这时，就要确定图上距离和相对应的实际距离的比。一幅图的图上距离和实际距离的比，叫作这幅图的比例尺。根据比例尺公式还可以求出实际距离和图上距离。

经典例题

例 下面是学校操场的平面图，请计算操场的实际面积。



比例尺 1:2000

思路分析 要求操场的实际面积，先要动手测量出操场的长和宽的图上距离。经测量可知：长是5 cm，宽是3 cm。再根据比例尺的意义求出实际的长和宽，最后求出面积。

规范解答 经测量可知长是5 cm，宽是3 cm。

方法一 实际的长：$5 \div \frac{1}{2000} = 10000(\text{cm}) = 100\ \text{m}$

实际的宽：$3 \div \frac{1}{2000} = 6000(\text{cm}) = 60\ \text{m}$

操场的实际面积：$100 \times 60 = 6000(\text{m}^2)$

方法二 长方形面积的比是其长度比的平方。

图上面积与实际面积的比：$1^2 : 2000^2 = 1 : 4000000$

实际面积：$5 \times 3 \times 4000000 = 60000000(\text{cm}^2)$　$60000000\ \text{cm}^2 = 6000\ \text{m}^2$

答：操场的实际面积是6000 m^2。

分类训练

应用❶ 根据图上面积与实际面积的比等于比例尺的平方求实际面积

1. 在比例尺是1:2000的图纸上，量得学校长方形植物园的长是4.5 cm，宽是3.6 cm。学校植物园的实际面积是多少平方米？

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

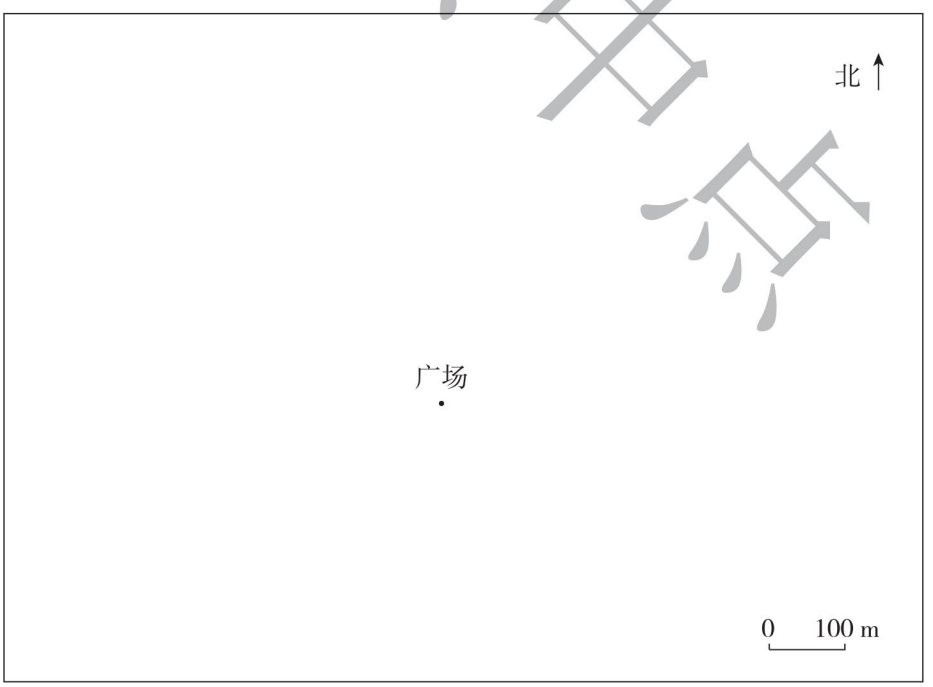
应用② 根据比例尺求实际距离并解决问题

2. 家住武汉的小易准备寒假时到广州外婆家。一天，小易在一本书上看到了一幅比例尺是1∶20000000的地图，并量得武汉到广州的距离是5.3 cm。如果小易乘时速是300 km的高铁去广州，他从武汉到广州大约需要多少时？

荣德基中点

应用③ 根据比例尺求图上距离并绘图

3. 学校在广场的正东方向，距离广场500 m；电影院在广场的正西方向，距离广场350 m；文化宫在广场的南偏西30°方向，距离广场300 m；体育馆在广场的北偏东40°方向，距离广场400 m。在下图中画出它们的位置平面图。



关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第15招 正比例与反比例的应用

荣老师告诉你

应用正比例与反比例知识解决问题时，先要弄清题意，找出相关联的量，看它们之间成什么比例，再找出等量关系式，根据关系式列出比例进行解答。

经典例题

例 一辆汽车从甲地开往乙地，4 时行了 320 km，照这样计算，再行 3.5 时离乙地还有 15 km，甲、乙两地相距多少千米？

思路分析 本题可以列比例解答，根据题中条件“照这样计算”可判定速度一定，路程和时间成正比例，再根据正比例关系列比例解答。

规范解答 解：设甲、乙两地相距 x km。

$$\frac{320}{4}=\frac{x-15}{4+3.5}$$

$$\frac{80}{1}=\frac{x-15}{7.5}$$

$$x=615$$

答：甲、乙两地相距 615 km。

分类训练

应用❶ 列比例解答植树问题

1. 一根木料，将它锯成 8 段，需要 2.8 分，照这样计算，如果锯成 12 段，需要多少分？

2. 小明家住在八楼。一天停电，小明只好从一楼走楼梯回家，当他上到四楼时用了 36 秒，假设小明上每层楼所用的时间相同，那么小明从一楼回到家需要多少秒？

课堂集中营

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

应用❷ 列比例解答盈亏问题

3. 小东从家里出发去学校，如果每分走 70 m，能在上课前 5 分到校；如果每分走 45 m，就要迟到 5 分，那么小东家到学校的路程有多少米？

应用❸ 列比例解答工程问题

4. 有长度相等，粗细不同的两根蜡烛，粗的可燃 3 时，细的可燃 2 时。一天晚上 8:00 停电了，小明把这两根蜡烛同时点燃照明。来电时，小明同时吹灭这两根蜡烛，他用尺子量得粗蜡烛余下的长度正好是细蜡烛的 2 倍，请问是何时来电的？

应用❹ 列比例解答行程问题

5. 一架飞机所带的燃料最多可以支持飞行 6 时。飞机去时顺风，每时飞行 1500 km，返回时逆风，每时飞行 1200 km。这架飞机最多飞行多少千米就需要返回？

应用❺ 已知变化前后的比和变化的量，求原来的数量

6. 某次测试中，甲、乙两个同学的分数比为 5∶4，如果甲少得 25 分、乙多得 25 分，那么他们的分数比是 5∶7。甲、乙各得多少分？ 【导学号 2415117】

禁德典书点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

第16招 加法原理和乘法原理的应用

荣老师告诉你

做一件事，完成它可以有n类办法，在第一类办法中有m_1种方法，在第二类办法中有m_2种方法……在第n类办法中有m_n种方法，只要选择任何一类办法中的任何一种方法就可以完成这件事，那么完成这件事总的方法数N就等于这n类办法中的方法数的总和，即$N=m_1+m_2+\cdots+m_n$。

做一件事，完成它需要分成n个步骤，做第一步有m_1种方法，做第二步有m_2种方法……做第n步有m_n种方法，必须经过每一步骤这件事才算完成，那么完成这件事总的方法数N等于完成各步骤方法数之积，即$N=m_1\times m_2\times\cdots\times m_n$。

经典例题

例 1～400的所有自然数中，不含数字3的自然数有多少个？

思路分析 1～400的自然数可以分为三类：一位数、两位数和三位数。

一位数不含数字3的个数：有1,2,4,5,6,7,8,9，共8个。

两位数中不含数字3的个数：十位数字有1,2,4,5,6,7,8,9，共8个；个位数字有1,2,4,5,6,7,8,9,0，共9个，根据乘法原理，不含数字3的两位数共有$8\times9=72$(个)。

三位数中不含数字3的个数：除去400外，百位上有1,2，共2个；十位与个位上均有1,2,4,5,6,7,8,9,0，共9个，根据乘法原理，不含数字3的三位数(除去400)共有$2\times9\times9=162$(个)。

根据加法原理，1～400的所有自然数中不含数字3的共有$8+72+162+1=243$(个)。

规范解答 $8+8\times9+2\times9\times9+1=243$(个)

答：1～400的所有自然数中，不含数字3的自然数有243个。

分类训练

应用❶ 加法原理的应用

1. 有不同的语文书5本，数学书6本，英语书3本，科学书2本，从中任取一本，共有多少种不同的取法？

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

应用❷ 乘法原理的应用

2. 芳芳、媛媛、丽丽三人约好报名参加学校运动会的跳远、跳高、100 m 跑、200 m 跑四项中的一项比赛，报名的结果会出现多少种不同的情形？

3. 有 5 张卡片，分别写有数字 1，2，4，5，8，现从中取出 3 张卡片，组成一个三位数，可以组成多少个不同的偶数？

应用❸ 加法原理与乘法原理的综合应用

4. 从 3 名男生、2 名女生中选出优秀干部 3 人，其中至少有一名女生，一共有多少种不同的选法？

5. 1 ~ 400 的所有自然数中，不含数字 6 的数共有多少个？

6. 有大小两个正方体，每个正方体的六个面上分别标有数字 1，2，3，4，5，6，将两个正方体投掷在桌面上，向上一面的数字之和为偶数的情形有多少种？ 【导学号 2415117】

荣德典中点

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

参考答案及点拨

第 1 招　圆柱表面积的解题技巧

1. $2\times3.14\times(2\div2)^2+2\times3.14\times1+1.5\times3.14\times1+1\times3.14\times1=20.41\ (m^2)$

答：这个物体的表面积是 20.41 m^2。

【点拨】这个物体的表面积等于最大的圆柱的两个底面面积加上三个圆柱的侧面积。

2. $(56.52\div1.5\div3.14\div2)^2\times3.14=113.04(cm^2)$

$113.04\times2+113.04=339.12\ (cm^2)$

答：这个圆柱原来的表面积是 339.12 cm^2。

3. $4\times4\times6+2\times3.14\times0.5\times1.5\times6=124.26\ (cm^2)$

答：它的表面积是 124.26 cm^2。

【点拨】所给图形的表面积等于正方体的表面积加上 6 个圆柱的侧面积。

4. 方法一　$138.16\div(2\times3.14\times2)-2=9\ (cm)$

【点拨】长方形面积 ÷ 长(C) = 宽，由题图可知宽 $=r+h$，所以宽 $-r=h$。

方法二　$(138.16-2\times3.14\times2^2)\div(2\times3.14\times2)=9\ (cm)$

答：圆柱的高 h 是 9 cm。

5. 解：设圆柱的底面直径是 x cm，高是 $3x$ cm。

$$3.14\times x\times3x+\left(\frac{1}{2}x\right)^2\times3.14\times2=32.97$$

$$x^2=3$$

$x\times3x\times4=36$

长方体的表面积：$36+3\times2=42\ (cm^2)$

答：原来这块长方体木料的表面积是 42 cm^2。

第 2 招　圆柱与圆锥体积的解题技巧

1. $(3.14\times8^2\times4)\div\frac{1}{3}\div(3.14\times4^2)=48(dm)$

答：这个圆锥的高是 48 dm。

2. $3.14\times(8\div2)^2\times5=251.2(dm^3)$

$251.2\times3\div[3.14\times(16\div2)^2]=3.75(dm)$

答：这个圆锥的高是 3.75 dm。

3. $100\div2\times4=200\ (m^3)$

答：这个圆柱的体积是 200 m^3。

4. $3.14\times(10\div2)^2\times1\times3\div(3.14\times2^2)=18.75\ (cm)$　答：这个圆锥的高是 18.75 cm。

5. $\frac{1}{3}\times3.14\times(6\div2)^2\times6=56.52\ (cm^3)$

$6\times6\times6-56.52=159.48(cm^3)$

$159.48\div(6\times6\times6)\times100\%\approx73.8\%$

答：剩下的立体图形的体积约是原正方体体积的 73.8% 。

6. $3.14\times(40\div2)^2\times30\times\frac{1}{3}=12560\ (cm^3)$

答：这个圆锥形木块的体积是 12560 cm^3。

第 3 招　计算技巧

1. 原式 $=\frac{(1+7)\times7\div2\times2+8}{88\times88}=\frac{8\times8}{88\times88}=\frac{1}{121}$

2. 原式 $=\frac{121\times1001}{21\times10101}\times\frac{12\times10101}{212\times1001}=\frac{121\times12}{21\times212}$

$=\frac{121}{371}$

【点拨】先用分解因数的方法将分子、分母写成两数相乘的形式，再约分。

3. 原式 $=\left(1-\frac{1}{4}\right)\times\frac{1}{3}+\left(\frac{1}{4}-\frac{1}{7}\right)\times\frac{1}{3}+\left(\frac{1}{7}-\frac{1}{10}\right)\times\frac{1}{3}+\left(\frac{1}{10}-\frac{1}{13}\right)\times\frac{1}{3}+\left(\frac{1}{13}-\frac{1}{16}\right)\times\frac{1}{3}$

$=\frac{1}{3}\times\left(1-\frac{1}{4}+\frac{1}{4}-\frac{1}{7}+\frac{1}{7}-\frac{1}{10}+\frac{1}{10}-\frac{1}{13}+\frac{1}{13}-\frac{1}{16}\right)$

$=\frac{1}{3}\times\frac{15}{16}$

$=\frac{5}{16}$

【点拨】将原式中的各分数进行拆分。如：$\frac{1}{1\times4}=\left(1-\frac{1}{4}\right)\times\frac{1}{3}$，$\frac{1}{4\times7}=\left(\frac{1}{4}-\frac{1}{7}\right)\times\frac{1}{3}$。

来源电子版

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

4. 原式 $=\frac{3}{2}\times\frac{5}{4}\times\frac{7}{6}\times\frac{9}{8}\times\frac{2}{3}\times\frac{4}{5}\times\frac{6}{7}\times\frac{8}{9}=$
$\left(\frac{3}{2}\times\frac{2}{3}\right)\times\left(\frac{5}{4}\times\frac{4}{5}\right)\times\left(\frac{7}{6}\times\frac{6}{7}\right)\times$
$\left(\frac{9}{8}\times\frac{8}{9}\right)=1$

【点拨】利用乘法交换律和结合律进行计算。

5. 原式 $=(9+1)+(99+1)+(999+1)+$
$(9999+1)+(99999+1)-5$
$=10+100+1000+10000+100000-5$
$=111110-5=111105$

【点拨】先将每个数凑成整十、整百、整千……再计算。

6. 原式 $=1-\frac{1}{128}=\frac{127}{128}$

第4招 巧抓不变量

1. $(40-1)\div3=13$(岁) $1+13\times2=27$(岁)

答:王老师现在的年龄是27岁。

【点拨】王老师40岁与小李1岁的差相当于王老师与小李的三个年龄差。

2. $60\times3-30=150$(km)

答:甲、乙两地之间的路程是150 km。

【点拨】从开始出发到第二次相遇,两车共行3个全程,在1个全程里卡车行了60 km,在3个全程里卡车行了$60\times3=180$(km),这180 km正好是1个全程多30 km,这样即可求出全程。

3. $(21-13)\div\left(1-\frac{7}{15}\right)=15$(cm)

$21-15=6$(cm)

答:剪下的一段有6 cm长。

【点拨】两条纸带剪下同样长的一段后,短纸带剩下的长度是长纸带剩下长度的$\frac{7}{15}$,也就是说两条纸带的差$21-13=8$(cm),正好与$1-\frac{7}{15}=\frac{8}{15}$相对应,这样可求出长纸带剩下的长度,即可求出剪下的长度。

4. $(86-11)\div(7-2)=15$ $15\times2=30$
$30-11=19$

答:加上的这个数是19。

【点拨】$\frac{11}{86}$的分子和分母同时加上一个相同的数,它们的差仍是75,这个差正好与$7-2=5$(份)相对应。

5. $1\div\left(\frac{1}{1+5}-\frac{1}{1+6}\right)=42$(人)

乙车间:$42\div\left(1+\frac{1}{6}\right)=36$(人)

甲车间:$36\times\frac{1}{6}=6$(人)

答:甲车间原来有6人,乙车间原来有36人。

【点拨】根据题意可知甲、乙两车间总人数不变,所以可以把总人数看作单位"1",原来甲车间人数占总人数的$\frac{1}{1+6}=\frac{1}{7}$,从乙车间调1人到甲车间后,这时甲车间人数相当于总人数的$\frac{1}{1+5}=\frac{1}{6}$,而$\frac{1}{6}$与$\frac{1}{7}$的差正好与1人相对应,这样可以求出总人数,进而求出各车间原来的人数。

第5招 用"转化法"解决问题

1. 原式 $=\frac{4}{11}\times\frac{4}{5}+\frac{47}{11}\times\frac{2}{5}$
$=\frac{8}{11}\times\frac{2}{5}+\frac{47}{11}\times\frac{2}{5}$
$=\frac{2}{5}\times\left(\frac{8}{11}+\frac{47}{11}\right)$
$=2$

2. 原式 $=1-0.1-0.01-0.001-0.0001-$
0.00001
$=1-0.11111$
$=0.88889$

【点拨】先将题中的分数化成小数,再根据减法的性质计算。

3. $\left(1-\frac{2}{5}\right)\times\frac{4}{9}=\frac{4}{15}$

关注微信公众号"教辅资料站"获取更多学习资料

$200 \div \left(\frac{2}{5}-\frac{4}{15}\right)=1500$(个)

答:这批零件共有1500个。

【点拨】先转化分率,看乙加工的相当于这批零件的几分之几,再求出与200个零件相对应的分率即可求出这批零件的总数。

4. 甲$\times\frac{2}{3}$=乙$\times\frac{4}{5}$

甲∶乙$=\frac{4}{5}:\frac{2}{3}=6:5$

甲:$88\times\frac{6}{6+5}=48$(kg)

乙:$88\times\frac{5}{6+5}=40$(kg)

答:甲袋大米重48 kg,乙袋大米重40 kg。

【点拨】根据甲袋大米的$\frac{2}{3}$与乙袋大米的$\frac{4}{5}$一样重,可得出甲、乙两袋大米质量的比,再按比分配即可求出每袋大米的质量。

5. $1\div7.5=\frac{2}{15}$

$\left[1-\left(\frac{1}{10}+\frac{2}{15}\right)\times1-\frac{1}{10}\times2\times0.5\right]\div\left(\frac{1}{10}\times2+\frac{2}{15}\right)=2$(天)

$2+1+0.5=3.5$(天)

答:抄完这份资料共需要3.5天。

【点拨】先转化条件:甲外出1天,说明乙、丙合抄1天;丙休息0.5天,说明甲、乙合抄0.5天。再从总工作量中减去乙、丙合抄1天和甲、乙合抄0.5天的工作量就是甲、乙、丙三人合抄的工作量,这样就可求出三人合抄的天数,再加上乙、丙,甲、乙合抄的天数就是共需要的天数。

6. $6\times10\div2=30$(cm^2)

答:阴影部分的面积是30 cm^2。

7. $S_{三角形ABC}=3.14\times(20\div2)^2\div2+75=232$($cm^2$)

$AB=232\times2\div20=23.2$(cm)

答:AB的长是23.2 cm。

第6招　用“画示意图法”解决问题

1. (2)$45\times(20-5)\div5=135$(m)

答:原计划每天修路135 m。

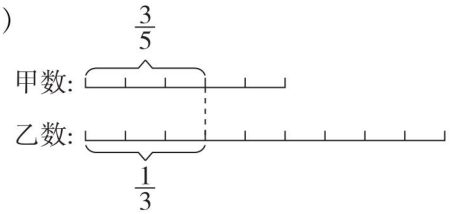
【点拨】根据示意图可知,实际每天比原计划多修45 m,15天多修$45\times15=675$(m),这675 m相当于原计划5天修的。

2. (1)图略　(2)$(30-18)\div(3-1)=6$(m)

$6+30=36$(m)　答:原来每根绳子长36 m。

【点拨】第二根绳子比第一根绳子少用$30-18=12$(m),剩下绳子的长度第二根是第一根的3倍,那么第一根剩下的是$12\div(3-1)=6$(m),这样就可以求出原来每根绳子的长度。

3. (1)

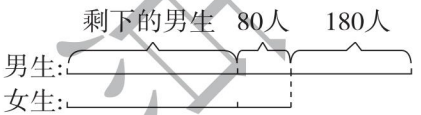


(2)$5\div9=\frac{5}{9}$

答:甲数是乙数的$\frac{5}{9}$。

【点拨】根据示意图可知,甲数是5格,乙数是9格,甲数是乙数的$\frac{5}{9}$。

4. (1)



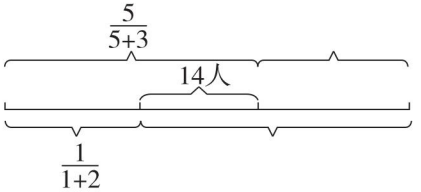
(2)男生:$(180+80)\times2=520$(人)

女生:$520-180=340$(人)

答:这个小学男生有520人,女生有340人。

【点拨】根据示意图可知,一半的男生是$80+180=260$(人),则男生有$260\times2=520$(人),女生有$520-180=340$(人)。

5. (1)



关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

(2) $14 \div \left(\frac{5}{5+3}-\frac{1}{1+2}\right)=48$(人)

第一小组:$48 \times \frac{5}{5+3}=30$(人)

第二小组:$48-30=18$(人)

答:原来第一小组有 30 人,第二小组有 18 人。

【点拨】根据示意图和题意可知,原来第一小组的人数占总人数的$\frac{5}{5+3}$,从第一小组调 14 人到第二小组后,第一小组的人数占总人数的 $\frac{1}{1+2}$,从图中可以看出 14 人与 $\left(\frac{5}{5+3}-\frac{1}{1+2}\right)$相对应,这样就可求出总人数。

第 7 招 用“公式法”解典型应用题

1. $9.6 \times 6-9.4 \times(6-1)=10.6$(分)

$9.6 \times 6-9.8 \times(6-1)=8.6$(分)

$(9.6 \times 6-10.6-8.6) \div(6-1-1)=9.6$(分)

答:去掉一个最高分和一个最低分,这名歌手的平均成绩是 9.6 分。

【点拨】此题可根据公式解答,平均分 × 人数 = 总分及总分 ÷ 人数 = 平均分。

2. $84 \div 36=\frac{7}{3}$ $(22-1) \div \frac{7}{3}=9$(个)

$9+1=10$(棵)

答:弟弟走到第 10 棵树。

【点拨】此题根据“时间一定,路程和速度成正比例”和“棵数 − 1 = 间隔数”来解答,哥哥的速度是弟弟的 $84 \div 36=\frac{7}{3}$,哥哥所行路程也是弟弟的$\frac{7}{3}$,再根据所行间隔数求走到第几棵树。

3. 下午 6 时是 18 时。

$15 \times(18-6) \div(18-8)=18$(km)

$12 \times(8-6) \div(18-12)=4$(时)

8 时 +4 时 = 12 时 答:丙 12 时追上乙。

4. 45 秒 = 0.75 分

$(2000-1500) \times 0.75=375$(m)

$(375+135) \div 2=255$(m)

$255-135=120$(m)

答:这列货车车身长 255 m,这列客车车身长 120 m。

5. 小船:$(11 \times 6-52) \div(6-4)=7$(条)

大船:$11-7=4$(条)

答:大船租了 4 条,小船租了 7 条。

6. 猴子:$[(8-4) \times 10+32] \div(8-5)=24$(只)

桃:$24 \times 5+32=152$(个)

答:猴山上有 24 只猴子,共买 152 个桃。

【点拨】此题是根据“(盈数 + 亏数) ÷ 两次分配之差 = 份数”进行解答。先将“其中 10 只小猴子每只分 4 个,其余的猴子每只分 8 个,就恰好分完”转化成“每只猴子分 8 个少 $(8-4) \times 10=40$(个)”,再根据上面的公式解答。

第 8 招 用“设数法”解决问题

1. 假设去年年底提价前的价格是 100 元。

$100 \times(1+10\%) \times(1-10\%)=99$(元)

$99<100$

$(100-99) \div 100=1\%$

答:现在的价格比去年年底提价前减少了,变化幅度是 1% 。

2. 假设全程是 120 千米。

$120 \times 2 \div(120 \div 60+120 \div 40)=48$(千米/时)

答:王叔叔开车往返的平均速度是 48 千米/时。

【点拨】用设数法假设全程,再根据“总路程 ÷ 总时间 = 平均速度”进行解答。

3. 假设全班有 40 人。

$\left(88 \times 40-92 \times 40 \times \frac{4}{5}\right) \div\left(40-40 \times \frac{4}{5}\right)=72$(分)

答:剩下同学的平均成绩是 72 分。

4. 假设小张叔叔用了 4 时,则小王叔叔用了 $4 \times\left(1-\frac{1}{4}\right)=3$(时)。

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

小王叔叔的工作效率是 $1\div3=\frac{1}{3}$，小张叔叔的工作效率是 $1\div4=\frac{1}{4}$。

$\left(\frac{1}{3}-\frac{1}{4}\right)\div\frac{1}{4}\times100\%\approx33.3\%$

答：小王叔叔的工作效率比小张叔叔约高 33.3%。

5. 假设甲数是 25，甲数的小数点向左移动两位是 0.25。

乙数：$0.25\div\frac{1}{8}=2$

甲数：乙数 $=25:2$

答：原来甲、乙两数的比是 25∶2。

6. 假设①的面积是 5，则②③的面积都是 10，④的面积是 20。

$(5+10)\div(10+20)=\frac{1}{2}$

答：三角形①②面积之和是三角形③④面积之和的$\frac{1}{2}$。

【点拨】根据“两条对角线的交点恰好是各自的一个三等分点”可知②③的面积都是①的 2 倍，④的面积是②的 2 倍。

第 9 招　用“方程法”解决问题

1. 解：设大船有 x 条，则小船有 $(10-x)$ 条。

$6x+4(10-x)=46$

$x=3$

$10-3=7$（条）

答：大船有 3 条，小船有 7 条。

【点拨】此题的等量关系式是：大船乘坐人数 + 小船乘坐人数 = 总人数。

2. 4 元 8 角 = 48 角

解：设这个班有学生 x 人。

$6x-48=5x+3$

$x=51$

答：这个班有学生 51 人。

【点拨】此题是根据买纪念品的总钱数不变列方程。

3. 解：设女生有 x 人。

$11x+506=16.5\times(x+24)$

$x=20$

$506+11\times20=726$（棵）

答：男、女生共植树 726 棵。

【点拨】此题应根据“男生植树数量 + 女生植树数量 = 植树总数量”列方程。

4. 解：设学校有篮球 x 个。

$\frac{1}{3}x-\frac{1}{10}(100-x)=16$

$x=60$

$100-60=40$（个）

答：学校有篮球 60 个，足球 40 个。

5. 解：设爸爸追上小明用了 x 分，那么小明走了 $(x+5)$ 分。

$80(x+5)=180x$

$x=4$

答：爸爸追上小明用了 4 分。

6. 解：设这个两位数的十位数字为 x，个位数字为 y。

$100x+y=9(10x+y)$

$x=\frac{4}{5}y$

因为 x，y 只能是一位整数，所以 $x=4$，$y=5$，

答：原来这个两位数是 45。

【点拨】因为两位数的两个数字都不知道，所以可以设十位数字为 x，个位数字为 y，再用含有字母的式子分别表示出两位数和三位数，最后根据三位数是两位数的 9 倍列方程解答。

第 10 招　用“整体分析法”解决问题

1. $51-\left[27.5\times\frac{3}{8}-\left(7.3-6\frac{37}{40}\right)+\square\div2\frac{2}{3}\right]\times\frac{4}{45}=50$

$\left[27.5\times\frac{3}{8}-\left(7.3-6\frac{37}{40}\right)+\square\div2\frac{2}{3}\right]\times\frac{4}{45}=1$

$27.5\times\frac{3}{8}-\left(7.3-6\frac{37}{40}\right)+\square\div2\frac{2}{3}=\frac{45}{4}$

$\square\div2\frac{2}{3}=\frac{105}{80}$

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

□ = 7/2

答:□代表7/2。

2. 8×5−7×5=5　9−5=4

答:改动的那个数原来是4。

【点拨】先求出改动前后五个数总和的差:8×5−7×5=5,说明其中一个数改动后,和增加了5,要得到原来的数,就用9−5=4,原来的数是4。

3. 1/6+1/3+1/2=1

答:李林喝的牛奶和水一样多。

【点拨】根据“最后把一杯都喝了”说明奶喝了一杯,而水喝的量就是把加的几次的水量加起来就是喝了多少水。

4. 100×[2000÷(60+40)]=2000(m)

答:从小张、小李出发到相遇,狗一共跑了2000 m。

【点拨】先求出小张、小李的相遇时间,因为从开始出发到相遇狗一直在跑,这个相遇时间就是狗跑的时间,这样就可求出狗跑的路程。

5. 10×10+20=120(cm²)

BF:120×2÷10=24(cm)

CF:24−10=14(cm)

答:*CF*的长为14 cm。

【点拨】因为三角形*AED*的面积比三角形*ECF*的面积少20 cm²,所以正方形*ABCD*的面积比三角形*ABF*的面积少20 cm²。因为正方形*ABCD*的面积是10×10=100(cm²),所以三角形*ABF*的面积是100+20=120(cm²),再逆用三角形面积公式就可求出*BF*的长,进而求出*CF*的长。

第11招　用“对应思想”解决问题

1. 原式=(2−1)+(4−3)+(6−5)+(8−7)+…+(1000−999)
=1×1000÷2
=500

2. (8450−50)÷2=4200

答:和是4200。

3. (44+52)÷(2+4)=16(只)
(44−2×16)÷(4−2)=6(只)
16−6=10(只)

答:原来鸡有10只,兔有6只。

【点拨】把原来的鸡、兔看作第一群鸡、兔,鸡与兔的数量互换后看作第二群鸡、兔,两群鸡、兔合在一起总脚数为44+52=96(只)。接下来我们可以把第一群鸡、兔中的每只鸡与第二群鸡兔中的每只兔对应起来组成一对,把第一群鸡、兔中的每只兔与第二群鸡兔中的每只鸡对应起来组成一对,每对都有6只脚,这样共有96÷6=16(对)。由此可知每群共有16只鸡、兔,再用假设法即可求出原来鸡、兔的只数。

4. (150+100)÷2=125(元)
(8100−125×55)÷(300−125)=7(个)
55−7=48(个)
48÷2=24(个)

答:刘老师64G的U盘买了7个,32G的U盘和16G的U盘各买了24个。

【点拨】根据“32G的U盘数量与16G的U盘数量恰好一样多”,可以求出1个32G U盘与1个16G U盘价格的平均值,(150+100)÷2=125(元),这样就转化成典型的鸡、兔同笼问题。

5. 6÷(1/2−3/(3+4))=84(km)

答:两地相距84 km。

6. 16名运动员只有淘汰15名才能决出单打冠军,所以一共要比赛15场。

【点拨】淘汰赛表示每赛一场要淘汰一名运动员,这表明了一场比赛与淘汰一名运动员可建立“一对一”的对应关系,要淘汰多少名运动员,就要进行多少场比赛。

第12招　用“假设思想”解决问题

1. 600÷(4×2+12)=30(双)
30×2=60(双)

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

答:每个纸箱装 30 双,每个木箱装 60 双。

【点拨】假设 600 双皮鞋都用纸箱装,则需要 $4\times2+12=20$(个)纸箱,这样就可求出每个纸箱装多少双皮鞋。

2. 设乙管每时注水 1 t,则甲管每时注水 1.5 t。

$[(1+1.5)\times12-1\times9]\div1.5=14$(时)

答:甲管注水时间是 14 时。

【点拨】假设乙管每时注水 1 t,则甲管每时注水 1.5 t,两管 12 时共注水 $(1+1.5)\times12=30$(t),由于乙管 9 时注 9 t,余下的 $30-9=21$(t)水让甲管注,则甲管要注水 $21\div1.5=14$(时)。

3. $16\div(3\times2-4)=8$(次)

$8\times3=24$(个)

$4\times8+16=48$(个)

答:黑子有 48 个,白子有 24 个。

4. $80\times25\div(30-25)\times30=12000$(台)

答:该厂十一月份计划生产 12000 台机器。

5. 甲厂:$\left(42-112\times\frac{2}{7}\right)\div\left(\frac{4}{9}-\frac{2}{7}\right)=63$(万元)

乙厂:$112-63=49$(万元)

答:甲厂去年上缴税金 63 万元,乙厂去年上缴税金 49 万元。

6. $9\times(3-1)=18$(个)

$(99-10+1)\times(3-2)=90$(个)

$(18+90)\div3+732\div3=280$(页)

答:这本书共有 280 页。

【点拨】假设每页都用了 3 个数字,则这本书共有 $732\div3=244$(页),而实际有 9 页是 1 个数字,10 ~ 99 页共 90 页是 2 个数字,3 个数字比 1 个数字每页多用了 $3-1=2$(个)数字,9 页就多用了 $9\times2=18$(个)数字,3 个数字比 2 个数字每页多用了 $3-2=1$(个)数字,90 页就多用了 $90\times1=90$(个)数字。这样一共多用了 $18+90=108$(个)数字,这 108 个数字又可编 $108\div3=36$(页),所以这本书共有 $244+36=280$(页)。

7. 成人票:$(6\times700+6200)\div(14-6)=1300$(张)

学生票:$1300+700=2000$(张)

答:售出学生票 2000 张,成人票 1300 张。

第 13 招　用“类比思想”解决问题

1. $120\div(6-0.5)=21\frac{9}{11}$(分)

答:至少经过 $21\frac{9}{11}$分时针与分针重合。

2. $\left(1-\frac{1}{10}\times6\right)\div\frac{1}{50}=20$(把)

答:可以买 20 把小提琴。

3. $8-\left(1-\frac{1}{10}\times8\right)\div\frac{1}{15}=5$(天)

答:甲休息了 5 天。

4. $(71-3)\div(5-1)=17$

$1\times17-3=14$

答:加上的这个数是 14。

【点拨】类比成年龄问题,根据差不变解决问题。

5. $99\div(5+6)=9$　$9\times6=54$

答:原数是 54。

【点拨】根据“十位上的数字与个位上的数字的和是 9”可知十位上的数字与个位上的数字交换位置后所得的新数与原数的和是 99,再根据新数是原数的$\frac{5}{6}$按比分配。

6. 2 的倍数有:$100\div2=50$(个)

5 的倍数有:$100\div5=20$(个)

既是 2 的倍数又是 5 的倍数的数有:$100\div(2\times5)=10$(个)

$50+20-10=60$(个)

答:1 ~ 100 中,能被 2 或 5 整除的数有 60 个。

第 14 招　比例尺的应用

1. 图上面积与实际面积的比是 $1^2:2000^2=1:4000000$

实际面积:$4.5\times3.6\times4000000=64800000$($cm^2$)

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料

$64800000\ cm^2 = 6480\ m^2$

答:学校植物园的实际面积是 $6480\ m^2$。

2. (略)

3. (略)

第 15 招　正比例与反比例的应用

1. 解:设需要 x 分。

$$\frac{2.8}{8-1}=\frac{x}{12-1}$$

$$x=4.4$$

答:需要 4.4 分。

2. 解:设小明从一楼回到家需要 x 秒。

$$\frac{36}{4-1}=\frac{x}{8-1}$$

$$x=84$$

答:小明从一楼回到家需要 84 秒。

3. 解:设小东从家到学校的时间是 x 分时恰好不迟到。

$$70\times(x-5)=45\times(x+5)$$

$$x=23$$

$$70\times(23-5)=1260\ (m)$$

答:小东家到学校的路程有 1260 m。

4. 解:设蜡烛烧了 x 时。

$$\left(1-\frac{1}{3}x\right):\left(1-\frac{1}{2}x\right)=2:1$$

$$x=1.5$$

8:00 + 1.5 时 = 9:30

答:是晚上 9:30 来电的。

5. 解:设飞机去时用了 x 时。

$$1500x=1200\times(6-x)$$

$$x=\frac{8}{3}$$

$$1500\times\frac{8}{3}=4000\ (km)$$

答:这架飞机最多飞行 4000 km 就需要返回。

6. 解:设甲得 $5x$ 分,乙得 $4x$ 分。

$$(5x-25):(4x+25)=5:7$$

$$x=20$$

甲得 $5\times20=100$(分)

乙得 $4\times20=80$(分)

答:甲得 100 分,乙得 80 分。

第 16 招　加法原理和乘法原理的应用

1. $5+6+3+2=16$(种)

答:共有 16 种不同的取法。

2. $4\times4\times4=64$(种)

答:报名的结果会出现 64 种不同的情形。

【点拨】三人报名参加比赛,彼此不受影响,可看作“三步完成”,首先芳芳报名,她可以报四项中的任何一项,有 4 种不同情形;然后媛媛报名,仍可报四项中的任何一项,也有 4 种不同情形;剩下丽丽报名同样有 4 种不同情形,所以共有 $4\times4\times4=64$(种)不同的情形。

3. $3\times4\times3=36$(个)

答:可以组成 36 个不同的偶数。

4. 第一类:$2\times3=6$(种)

第二类:$1\times3=3$(种)

$6+3=9$(种)

答:一共有 9 种不同的选法。

5. 1 ~ 400 的自然数可分为三类:一位数、两位数和三位数。

①一位数中不含数字 6 的有:1,2,3,4,5,7,8,9 共 8 个。

②两位数中不含数字 6 的个数:十位上数字有 1,2,3,4,5,7,8,9 共 8 个;

个位上数字有 0,1,2,3,4,5,7,8,9 共 9 个,根据乘法原理,不含数字 6 的两位数有 $8\times9=72$(个)。

③三位数中不含数字 6 的个数:除去 400 外,百位上有 1,2,3,共 3 个;

十位、个位均有 0,1,2,3,4,5,7,8,9 共 9 个,根据乘法原理,不含数字 6 的三位数(除去 400)共有 $3\times9\times9=243$(个)。

根据加法原理,1 ~ 400 的所有自然数中不含数字 6 的共有 $8+72+243+1=324$(个)。

6. $3\times3+3\times3=18$(种)

答:向上一面的数字之和为偶数的情形有 18 种。

关注微信公众号“教辅资料站”获取更多学习资料